

TERMOMECHANIKA

sbírka příkladů

1. Určovací veličiny pracovní látky

2. Stavová rovnice, plynová konstanta, Avogadrův zákon, kilomol plynu

3. Směsi plynů, měrné tepelné kapacity plynů

4. První termodynamický zákon

5. Základní vratné děje ideálních plynů

6. Druhý zákon termodynamicky, entropie, T-s diagram

7. Carnotův cyklus

8. Cykly spalovacích motor

9. Kompresory a pneumatické motory

10. Proudění plynů, izoentropický výtok ideálního plynu z nádob

11. Cykly plynových turbín, reakční tepelné motory

12. Termomechanika par, Clausius-Clapeyronova rovnice, parní tabulky, základní termodynamické děje v oblasti par

13. Proudění par, škrcení páry

14. Cykly parostrojních zařízení

15. Chladicí zařízení

16. Vlhký vzduch

17. Základy přenosu tepla - přenosu tepla vedením, přenos tepla prouděním, nestacionární přenos tepla,

prostup tepla, výměníky tepla

18. Spalování spotřeba kyslíku a vzduchu

Sbírka příkladů je dostupná jak v hypertextovém formátu *html*, tak i ve formátu *pdf*, který je zejména vhodný pro tisk.

1. Určovací veličiny pracovní látky

Příklad: [1.1](#), [1.2](#), [1.3](#), [1.4](#), [1.5](#), [1.6](#), [1.7](#), [1.8](#), [1.9](#), [1.10](#), [1.11](#), [1.12](#), [1.13](#), [1.14](#)

Příklad 1.1

Určete absolutní tlak v nádobě, jestliže je údaj manometru 67 kPa a barometru 0,1 MPa. Okolní teplota je 0 °C.

$$[p = 0,167 \text{ MPa}]$$

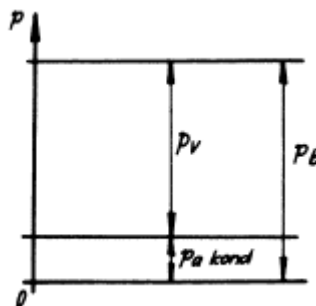
Příklad 1.2

V kondenzátoru parní turbíny se udržuje absolutní tlak $p = 3,93 \text{ kPa}$. Jaký je údaj vakuometru, jestliže je v jednom případě barometrický tlak 98 kPa, v druhém 0,102 MPa ?

$$[a) p_v = 94,07 \text{ kPa}, b) p_v = 98,07 \text{ kPa}]$$

Příklad 1.3

Tlak v kotli je $p_p = 115 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ v kondenzátoru $p_v = 9,44 \cdot 10^4 \text{ Pa}$. Určete absolutní tlak v kotli a kondenzátoru, jestliže barometrický tlak $p_b = 0,098 \text{ MPa}$. Určete také vakuum v kondenzátoru v % !



Řešení:

$$p_p = 11,5 \text{ MPa}; p_v = 94,4 \text{ kPa}; p_b = 0,098 \text{ MPa}; p_{a \text{ kot}} = ?; p_{a \text{ kond}} = ?$$

$$\text{ad a) absolutní tlak v kotli } p_{a \text{ kot}} = p_b + p_p = 0,098 + 11,5 = 11,598 \text{ MPa}$$

$$\text{absolutní tlak v kotli kondenzátoru } p_{a \text{ kond}} = p_b - p_v = 0,098 - 0,0944 = 0,0036 \text{ MPa}$$

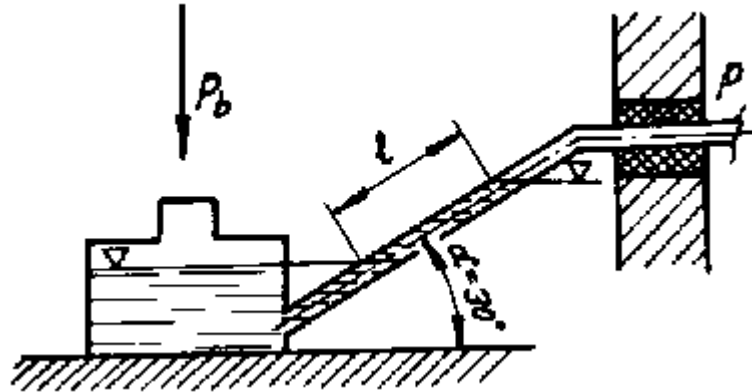
ad b) Vakuum v kondenzátoru v % :

$$x = \frac{p_b - p_a}{p_b} = \frac{p_v}{p_b} = \frac{0,0944}{0,098} = 0,963$$

$$x [\%] = x \cdot 100 = 96,3 \%$$

Příklad 1.4

Ke kouřovodu parního kotle je připojen tahoměr viz. obr. Úhel sklonu trubky $\alpha = 30^\circ$, délka sloupce vody, odečtená na stupnici je 0,2 m. Určete absolutní tlak spalin, jestliže je barometrický tlak $p_b = 99 \text{ kPa}$ při teplotě sloupce rtuti $t = 30^\circ\text{C}$.

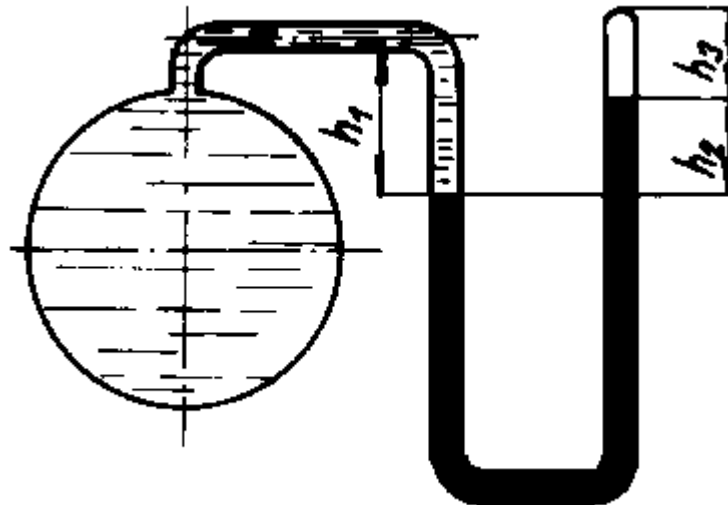


$$[p_a = 0,098 \text{ MPa}]$$

Příklad 1.5

Určete absolutní tlak v kotli, k němuž je připojen manometr podle obrázku. Teplota vody, rtuti a vzduchu je 20°C , $h_1 = 0,4 \text{ m}$, $h_2 = 0,25 \text{ m}$, $h_3 = 0,3 \text{ m}$.

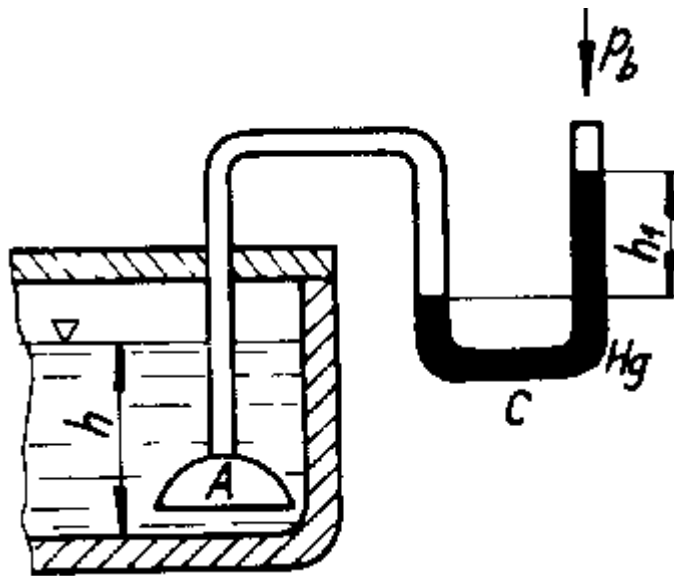
Pozn.: V zataveném konci trubice je vzduch, jehož objem byl $24 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$ při teplotě 15°C a tlaku $0,101 \text{ MPa}$ při stejné úrovni hladin rtuti v obou ramenech U-trubice.



$$[p_a = 0,177 \text{ MPa}]$$

Příklad 1.6

Stavoznak uzavřené nádrže na kapalné palivo je na obrázku. Je to manometr, který se skládá ze zvonu A a U-trubice C. Určete polohu hladiny ode dna nádrže, jestliže $h_1 = 0,22 \text{ m}$ a hustota kapalného paliva je $\rho = 0,84 \text{ kg/dm}^3$.



$$[h = 3,56 \text{ m}]$$

Příklad 1.7

Ve sběrači páry jsou 3 kg vodní páry o měrném objemu $v = 20,2 \text{ m}^3/\text{kg}$. Určete objem sběrače !

$$[V = 60,6 \text{ m}^3]$$

Příklad 1.8

Jaký objem zaujímá 11 kg vzduchu, jestliže měrný objem je $v = 1,39 \text{ m}^3/\text{kg}$?

$$[V = 15,3 \text{ m}^3]$$

Příklad 1.9

Ve startovací láhvi Diesela motoru o objemu $0,6 \text{ m}^3$ je 20 kg vzduchu. Určete měrný objem vzduchu v lahvi.

$$[v = 0,03 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 1.10

Hustota kouřových plynů, vystupujících z komína parního kotle je $\rho = 0,775 \text{ kg/m}^3$. Jaký je objem 12 kg plynů ?

$$[V = 15,39 \text{ m}^3]$$

Příklad 1.11

V tlakové láhvi o objemu $0,1 \text{ m}^3$ je 1,25 kg kyslíku. Jaká je jeho hustota a měrný objem ?

Řešení:

$$V = 0,1 \text{ m}^3; m = 1,25 \text{ kg } \text{O}_2; \rho = ?; v = ?$$

hustota kyslíku

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{1,25}{0,1} = 12,5 \text{ kg/m}^3$$

měrný objem kyslíku

$$v = \frac{V}{m} = \frac{1}{\rho} = 0,08 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

Příklad 1.12

Teplota kouřových plynů se měří rtuťovým teploměrem a je rovna 340 °C; sloupec rtuti začal vystupovat při teplotě 150 °C. Jaká je skutečná teplota plynů, jestliže teplota vyčnívajícího sloupce rtuti je 30 °C ?

$$[t = 349,4^\circ\text{C}]$$

Příklad 1.13

Rtuťový teploměr, upevněný na parním potrubí ukazuje 350 °C. Délka vyčnívajícího sloupce rtuti představuje 250 °C. Pomocný teploměr ukazuje 60 °C. Určete skutečnou teplotu páry.

$$[t = 361,6^\circ\text{C}]$$

Příklad 1.14

Rtuťový teploměr na sacím potrubí čpavkového kompresoru ukazuje -12 °C. Jaká je skutečná teplota čpavkových par, jestliže okolní vzduch má teplotu 20 °C a sloupec rtuti teploměru vystoupil na 20 °C ?

$$[t = -12,1^\circ\text{C}]$$

2. Stavová rovnice, plynová konstanta, Avogadrův zákon, kilomol plynu

Příklad: [2.1](#), [2.2](#), [2.3](#), [2.4](#), [2.5](#), [2.6](#), [2.7](#), [2.8](#), [2.9](#), [2.10](#), [2.11](#), [2.12](#), [2.13](#), [2.14](#), [2.15](#), [2.16](#), [2.17](#), [2.18](#), [2.19](#), [2.20](#), [2.21](#), [2.22](#), [2.23](#), [2.24](#), [2.25](#), [2.26](#), [2.27](#), [2.28](#), [2.29](#), [2.30](#), [2.31](#), [2.32](#), [2.33](#), [2.34](#)

Příklad 2.1

Určete měrný objem kysličníku uhelnatého CO při tlaku $p = 0,1$ MPa teplotě $t = 15$ °C.

$$[v = 0,855 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 2.2

Určete hustotu a měrný objem kysličníku uhličitého CO₂ při normálních fyzikálních podmínkách.

Řešení :

$$\rho = ? ; v = ?$$

normální podmínky jsou: tlak $p = 0,101325$ MPa, teplota $t = 0$ °C.

Ze stavové rovnice $p v = r T$
$$v = \frac{r \cdot T}{p} ;$$

Plynová konstanta CO₂ $r = 188,97$ J/(kg.K); absolutní teplota $T = t + 273,15 = 273,15$ K

Potom
$$v = \frac{188,97 \cdot 273,15}{0,101325 \cdot 10^6} = 0,51 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

hustota
$$\rho = \frac{1}{v} = \frac{1}{0,51} = 1,96 \text{ kg} / \text{m}^3$$

Příklad 2.3

Ve válci je 0,8 m³ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,5$ MPa. Určete změnu objemu při zvýšení tlaku na $p_2 = 0,8$ MPa při konstantní teplotě.

$$[\Delta V = 0,29 \text{ m}^3]$$

Příklad 2.4

Spaliny jsou ochlazovány z teploty $t_1 = 1200$ °C na teplotu $t_2 = 250$ °C. Kolikrát se zmenší jejich objem, jestliže během ochlazování se tlak nemění ?

$$[2,82 \text{ krát}]$$

Příklad 2.5

Kolikrát je objem určitého množství plynu menší při teplotě -20 °C oproti $+20$ °C při konstantním tlaku ?

Příklad 2.6

Kolikrát se zmenšila hustota plynu v nádobě, jestliže se změnil údaj manometru z $p_1 = 1,7$ MPa (přetlakových) na $p_2 = 0,2$ MPa (přetlakových) při konstantní teplotě? Barometrický tlak $p_b = 0,1$ MPa

$$[\rho_2 = \rho_1/6]$$

Příklad 2.7

Jaký má být průměr horní části komínu, jestliže průměr spodní části je $D_1 = 500$ mm, tlak a rychlost plynů jsou po délce konstantní a teplota se snížila z $t_1 = 352$ °C na $t_2 = 311$ °C ?

$$[D_2 = 0,483 \text{ m}]$$

Příklad 2.8

Jak se změní hmotnostní množství vzduchu spotřebovaného ve spalovacím motoru na stejný počet otáček, jestliže byla v létě naměřena teplota $t_1 = 40$ °C, na podzim $t_2 = 10$ °C ? Tlak je konstantní.

$$[m_1/m_2 = 0,9]$$

Příklad 2.9

V pístovém kompresoru se izotermicky stlačuje vzduch na objem 5x menší. Sací tlak $p_1 = 88,2$ kPa. Určete tlak na konci komprese!

$$[p_2 = 0,44 \text{ MPa}]$$

Příklad 2.10

Kyslíková ocelová bomba o objemu $V = 0,05$ m³, v níž je tlak $p = 11,8$ MPa a teplota $t = 25$ °C, má hmotnost 38 kg s kyslíkem. Určete vlastní hmotnost kyslíkové bomby !

$$[m = 30,57 \text{ kg}]$$

Příklad 2.11

Spalovací motor o výkonu 220 kW spotřebuje na 1 kW 0,68 m³ plynu při teplotě $t = 27$ °C při tlaku $p_{\text{vak}} = 8 \cdot 10^3$ Pa. Určete spotřebu plynu při normálních fyzikálních podmínkách, jestliže barometrický tlak $p_b = 0,101$ MPa !

$$[V = 126 \text{ m}^3/\text{h}]$$

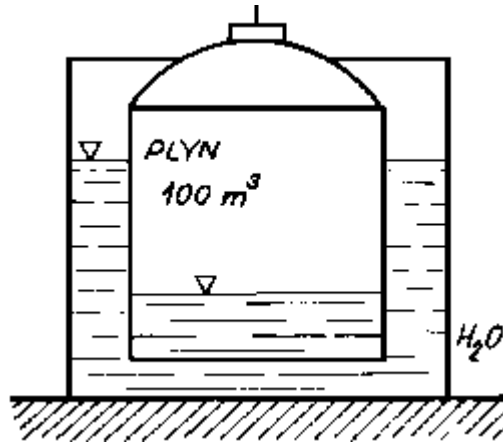
Příklad 2.12

Určete pro 6,5 m³ kouřových plynů při normálních fyzikálních podmínkách objem V_2 a hustotu ρ_2 při teplotě $t_2 = 200$ °C, jestliže barometrický tlak $p_b = 98$ kPa. Hustota $\rho_1 = 1,32$ kg/m³.

$$[V_2 = 11,6 \text{ m}^3; \rho_2 = 0,74 \text{ kg/m}^3]$$

Příklad 2.13

Plynojem o objemu $V = 100 \text{ m}^3$ je naplněn svítiplynem viz. obrázek. Určete hmotnost plynu, jestliže při teplotě $t = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ a barometrickém tlaku $p_b = 0,1 \text{ MPa}$ je údaj manometru $p_p = 0,98 \text{ kPa}$ (přetlak). Plynová konstanta $r = 685 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$.



$$[m = 50,1 \text{ kg}]$$

Příklad 2.14

Kolik kg kyslíku se spotřebovalo z kyslíkové bomby, jestliže se tlak snížil z $p_1 = 9,5 \text{ MPa}$ na $p_2 = 7,2 \text{ MPa}$ a teplota z $t_1 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$ na $t_2 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$. Objem kyslíkové bomby $V = 20 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$.

$$[\Delta m = 0,58 \text{ kg}]$$

Příklad 2.15

Ve válci o průměru $0,6 \text{ m}$ je $V_1 = 0,41 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,22 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 35 \text{ }^\circ\text{C}$. Na jakou teplotu je třeba ohřát vzduch, aby se píst posunul o $0,40 \text{ m}$ a tlak se zvýšil na $p_2 = 0,40 \cdot 10^6 \text{ Pa}$.

$$[t_2 = 441 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 2.16

Pístový kompresor nasává za minutu $V_1 = 3 \text{ m}^3$ vzduchu o teplotě $t_1 = 17 \text{ }^\circ\text{C}$ a barometrickém tlaku $p_b = 0,098 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ a stlačuje jej do zásobníku o objemu $V_2 = 8,5 \text{ m}^3$. Za jakou dobu kompresor zvýší tlak v zásobníku na $p_2 = 0,7 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ při konstantní teplotě? Počáteční tlak a teplota vzduchu v zásobníku je stejná jako u okolního vzduchu.

$$[\tau = 17 \text{ min } 23\text{s}]$$

Příklad 2.17

Dva zásobníky o objemech $V_1 = 112 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$, $V_2 = 34 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$ (při tlaku $p_2 = 0,1 \text{ MPa}$) jsou naplněny vzduchem. Jaký tlak je ve větším zásobníku, jestliže po jeho spojení s menším bude v obou výsledný tlak 6 MPa ?

$$[p_1 = 7,79 \text{ MPa}]$$

Příklad 2.18

Elektrárna má výkon 12 MW. Určete hodinovou spotřebu paliva, jestliže výhřevnost paliva je 28 000 kJ/kg a ztráty energie činí 70 %.

$$[m_p = 5140 \text{ kg/h}]$$

Příklad 2.19

Ve válci s pohyblivým pístem je kyslík o teplotě $t_1 = 80 \text{ °C}$ a přetlaku 0,04265 MPa. Barometrický tlak je $p_b = 0,0993 \text{ MPa}$. Kyslík se při stálé teplotě stlačuje na přetlak 1,18 MPa. Kolikrát se změní objem kyslíku ?

$$[V_1 / V_2 = 22,5]$$

Příklad 2.20

Určete hmotnost vzduchu v místnosti o rozměrech $(5 \times 5) \text{ m}^2$ a výšce 3,2 m, jestliže teplota vzduchu v místnosti je 20 °C . Barometrický tlak $p_b = 0,1 \text{ MPa}$

$$[m = 95 \text{ kg}]$$

Příklad 2.21

V tlakové nádobě je dusík o teplotě $t = 20 \text{ °C}$ a tlaku $p = 2,2 \text{ MPa}$. Maximální dovolený přetlak je 6 MPa. Určete, na jakou maximální teplotu může být zahříván dusík, jestliže barometrický tlak $p_b = 0,1 \text{ MPa}$.

Řešení:

$$t = 20 \text{ °C} ; p = 2,2 \text{ MPa} ; p_{pmax} = 6 \text{ MPa} ; p_b = 0,1 \text{ MPa} ; t_2 = ?$$

$$\text{Pro izochorický děj platí} \quad \frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}$$

$$p_1 = 2,2 \text{ MPa}, T_1 = t_1 + 273 = 20 + 273 = 293 \text{ K}$$

$$p_2 = p_{a \text{ max}} = p_{pmax} + p_b = 6 + 0,1 = 6,1 \text{ MPa}$$

$$T_2 = \frac{p_2}{p_1} T_1 = \frac{6,1 \cdot 293}{2,2} = 812 \text{ K}$$

$$t_2 = T_2 - 273 = 812 - 273 = 539 \text{ °C}$$

Příklad 2.22

Určete hodinovou spotřebu paliva pro motor o výkonu 500 kW, jestliže výhřevnost paliva je 29 300 kJ/kg a z vyvinutého tepla se 15 % proměnilo v mechanickou energii.

$$[m_p = 9,25 \text{ kg/h}]$$

Příklad 2.23

Při zkoušení motoru za pomoci brzdy bylo zjištěn: Kroutící moment 5000 J, počet otáček 1200 ot/min, hodinová spotřeba vody pro chlazení brzdy 8 m³ při teplotě 10 °C. Určete teplotu vody na výstupu z brzdícího zařízení. Předpokládáme, že veškeré teplo tření se předá chladící vodě.

$$[t_2 = 20,7 \text{ } ^\circ\text{C}]$$

Příklad 2.24

Baňka elektrické žárovky je naplněna dusíkem při tlaku 0,08 MPa a zatavena. Objem baňky je 5.10⁻⁴ m³. Kolik vody nateče do baňky, jestliže ulomíme zatavený konec pod hladinou při barometrickém tlaku p_b = 0,1 MPa ?

$$[m = 0,105 \text{ kg}]$$

Příklad 2.25

Baňka elektrické žárovky je naplněna dusíkem o tlaku p_{vak} = 2,65.10⁴ Pa. Barometrický tlak je p_b = 1,015.10⁵ Pa a teplota t = 25 °C. Po zapnutí žárovky do sítě a po dosažení ustáleného stavu bude teplota v kulové části baňky t₁ = 160 °C a ve válcové části t₂ = 70 °C. Objem kulové části baňky je V₁ = 90 cm³, válcové V₂ = 15 cm³. Určete tlak v baňce v ustáleném stavu po zapnutí !

$$[p = 1,05.10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 2.26

Čpavek, vznikající syntézou dusíku a vodíku, má při teplotě t = 500 °C a tlaku p = 0,981.10⁵ Pa hustotu ρ = 0,268 kg/m³. Jaké objemy dusíku a vodíku při teplotě t₀ = 20 °C a tlaku p₀ = 0,1007 MPa jsou potřebné pro vytvoření 1 kg čpavku ?

$$[V_{H_2} = 2,12 \text{ m}^3 ; V_{N_2} = 0,717 \text{ m}^3]$$

Příklad 2.27

Z nádoby se stlačeným vodíkem uchází netěsností ventilu určité množství plynu. Při teplotě 7 °C byl údaj manometru 50.10⁵ Pa. Za nějakou dobu při teplotě 17 °C byl údaj manometru stejný. Objem nádoby je 1 m³. Určete ztrátu plynu !

$$[\Delta m = 0,153 \text{ kg}]$$

Příklad 2.28

V uzavřené vzduchem naplněné nádobě se spaluje určité množství tuhého uhlíku. Po jeho shoření je všechen kyslík ze vzduchu spotřebovaný. Teplota se vlivem sdílení tepla s okolím snižuje na původní hodnotu. Předpokládejte ideální plyn a pro tyto podmínky stanovte poměrnou změnu tlaku v nádobě po spálení uhlíku při dokonalém spalování na CO₂.

$$[\text{tlak se nezmění}]$$

Příklad 2.29

V bombě, která obsahuje 10 kg N₂ a 2 kg H₂, probíhá syntéza na plynný čpavek NH₃. Určete poměrnou změnu tlaku v bombě při snížení teploty po reakci na původní hodnotu!

$$[\text{Tlak se zmenší } 1,96 \text{ krát}]$$

Příklad 2.30

Dusík je z počátečního objemu $v_1 = 1,9 \text{ m}^3 / \text{kg}$ a teploty $t_1 = 200 \text{ }^\circ\text{C}$ ohříván při konstantním tlaku na trojnásobný objem. Určete konečnou teplotu !

$$[t = 1146 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 2.31

Určete číselnou hodnotu součinitele objemové roztažnosti $\gamma = \frac{1}{V_0} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p$ a rozpínivosti $\beta = \frac{1}{p_0} \left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_v$ kyslíku a kysličníku uhelnatého při tlaku $p = 12 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t = 430 \text{ }^\circ\text{C}$!

$$[\gamma_{O_2} = \gamma_{CO} = \beta_{O_2} = \beta_{CO} = 1/703 = 0,001422 \text{ 1/K}]$$

Příklad 2.32

Při teplotě $t = 800 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p = 0,1 \text{ MPa}$ je hustota plynu rovna $\rho = 0,44764 \text{ kg/m}^3$. Jaký je to plyn ?

$$[\text{Argon, } M = 39,944 \text{ kg/kmol}]$$

Příklad 2.33

Určité množství uhlíku ($v \text{ kg}$) se slučuje s 5 kg vodíku na plyn, jehož hustota při teplotě $t = 350 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p = 0,1077 \text{ MPa}$ je rovna $\rho = 0,325 \text{ kg/m}^3$. Určete výchozí množství uhlíku, molovou hmotnost a chemický vzorec vznikajícího plynu !

$$[m_c = 15 \text{ kg; plyn je metan } CH_4; M_{CH_4} = 16 \text{ kg/kmol}]$$

Příklad 2.34

Olověná koule o hmotnosti $m = 10 \text{ kg}$ a teplotě $25 \text{ }^\circ\text{C}$ dopadne při rychlosti $w = 300 \text{ m/s}$ na pevnou železnou desku o hmotnosti 20 kg a teplotě $15 \text{ }^\circ\text{C}$. Jaká bude výsledná teplota obou těles za předpokladu dokonalé přeměny energie a zamezení ztrát do okolí ?

$$[t = 57,1 \text{ }^\circ\text{C}]$$

3. Směsi plynů, měrné tepelné kapacity plynů

Příklad: [3.1](#), [3.2](#), [3.3](#), [3.4](#), [3.5](#), [3.6](#), [3.7](#), [3.8](#), [3.9](#), [3.10](#), [3.11](#), [3.12](#), [3.13](#), [3.14](#), [3.15](#), [3.16](#), [3.17](#), [3.18](#), [3.19](#), [3.20](#), [3.21](#), [3.22](#), [3.23](#), [3.24](#), [3.25](#), [3.26](#)

Příklad 3.1

1 kg suchého vzduchu se skládá z 23,2 hmotnostních % kyslíku a 76,8 % dusíku. Určete objemové složení vzduchu, plynovou konstantu, molovou hmotnost parciální tlaky kyslíku a dusíku, jestliže je tlak vzduchu $p = 0,1013$ MPa.

Řešení:

$$w_{O_2} = 0,232; w_{N_2} = 0,768; p = 0,1013 \text{ MPa}; x_{O_2} = ?; x_{N_2} = ?; r = ?; M = ?; p_{O_2} = ?; p_{N_2} = ?$$

Objemové složení vzduchu:

$$\text{Objemový zlomek kyslíku} \quad x_{O_2} = \frac{\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}}}{\sum_1^2 \frac{w_i}{M_i}} = \frac{\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}}}{\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}} + \frac{w_{N_2}}{M_{N_2}}} = \frac{\frac{0,232}{32}}{\frac{0,232}{32} + \frac{0,768}{28}} =$$

$$= \frac{0,00725}{0,00725 + 0,02742} = \frac{0,00725}{0,03467} = 0,209$$

$$\text{Objemový zlomek dusíku} \quad x_{N_2} = \frac{\frac{w_{N_2}}{M_{N_2}}}{\sum_1^2 \frac{w_i}{M_i}} = \frac{\frac{w_{N_2}}{M_{N_2}}}{\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}} + \frac{w_{N_2}}{M_{N_2}}} = \frac{\frac{0,768}{28}}{\frac{0,232}{32} + \frac{0,768}{28}} = \frac{0,02762}{0,03467} = 0,791$$

$$\text{Plynová konstanta vzduchu} \quad r = R_m \sum_1^2 \frac{w_i}{M_i} = R_m \left(\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}} + \frac{w_{N_2}}{M_{N_2}} \right) = 8314 \cdot 0,3467 = 287,8 \text{ J/(kg.K)}$$

$$\text{Molová hmotnost vzduchu} \quad M = \frac{1}{\sum_1^2 \frac{w_i}{M_i}} = \frac{1}{\frac{w_{O_2}}{M_{O_2}} + \frac{w_{N_2}}{M_{N_2}}} = \frac{1}{\frac{0,232}{32} + \frac{0,768}{28}} = \frac{1}{0,03467} = 28,85 \text{ kg/kmol}$$

$$\text{nebo} \quad M = \frac{R_m}{r} = \frac{8314}{287,8} = 28,85 \text{ kg/kmol}$$

$$\text{Parciální tlak kyslíku } p_{O_2} = x_{O_2} p = 0,209 \cdot 0,1013 = 0,02118 \text{ MPa}$$

$$\text{Parciální tlak dusíku } p_{N_2} = x_{N_2} p = 0,791 \cdot 0,1013 = 0,08012 \text{ MPa}$$

Příklad 3.2

Určete plynovou konstantu směsi plynů, danou hmotnostními díly: $w_{H_2} = 0,0667$, $w_{CO} = 0,9333$. Určete také měrný objem směsi při tlaku 0,1013 MPa, teplotě 0 °C.

$$[r = 553 \text{ J/(kg.K)}; v = 1,48 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 3.3

Generátorový plyn má objemové složení: $x_{H_2} = 0,18$, $x_{CO} = 0,24$, $x_{CO_2} = 0,06$, $x_{N_2} = 0,52$. Určete hmotnostní složení plynu, hustotu směsi a parciální tlaky jednotlivých složek při tlaku směsi $p = 10^5$ Pa, teplotě 0 °C.

$$[w_{H_2} = 0,015; w_{CO} = 0,276; w_{CO_2} = 0,109; w_{N_2} = 0,6; M = 24,3 \text{ kg/kmol}; \rho = 1,07 \text{ kg/m}^3; p_{H_2} = 18000 \text{ Pa}; p_{CO} = 24000 \text{ Pa}; p_{CO_2} = 6000 \text{ Pa}; p_{N_2} = 52000 \text{ Pa}]$$

Příklad 3.4

Objemové složení suchých spalin je toto: $x_{CO_2} = 0,123$, $x_{O_2} = 0,072$, $x_{N_2} = 0,805$. Určete molovou hmotnost směsi, plynovou konstantu, hustotu a měrný objem při tlaku $p = 0,098 \cdot 10^6$ Pa a teplotě $t = 800$ °C. Určete také měrnou tepelnou kapacitu spalin !

$$[M = 30,23 \text{ kg/kmol}; r = 275 \text{ J/(kg.K)}; v = 3 \text{ m}^3/\text{kg}; \rho = 0,33 \text{ kg/m}^3; c_p = 0,99 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 3.5

V zásobníku o objemu $V = 125 \text{ m}^3$ je svítíplyn o tlaku $p_1 = 3,92 \cdot 10^5$ Pa a teplotě $t_1 = 18$ °C. Objemové složení plynu je : $x_{H_2} = 0,46$, $x_{CH_4} = 0,32$, $x_{CO} = 0,15$, $x_{N_2} = 0,07$. Po spotřebování určitého množství plynu klesl tlak na $p_2 = 3,04 \cdot 10^5$ Pa a teplota klesla na $t_2 = 12$ °C. Určete množství spotřebovaného plynu!

$$[m = 913 \text{ kg}]$$

Příklad 3.6

Určete plynovou konstantu, molovou hmotnost a hmotnostní složení svítíplynu tohoto složení v objemových procentech: 50 % H_2 , 30 % CH_4 , 15 % CO , 3 % CO_2 , 2 % N_2 .

$$[M = 11,88 \text{ kg/kmol}; r = 700 \text{ J/(kg.K)}]$$

Příklad 3.7

Určete plynovou konstantu, molovou hmotnost a objemové složení plynu o hmotnostním složení: 30,8 % CO_2 , 39,7 % CO , 1,6 % H_2 , 14,7 % N_2 , 13,2 % H_2O .

$$[M = 24 \text{ kg/kmol}; r = 345,7 \text{ J/(kg.K)}]$$

Příklad 3.8

Vzduch se má ochladit ze 700 °C na 150 °C smíšením se vzduchem o teplotě 20 °C. V jakém poměru se smíšení provede ?

$$\frac{m_1}{m_2} = 0,2362$$

Příklad 3.9

$0,3 \text{ m}^3$ vzduchu se mísí s $0,5 \text{ kg}$ kysličníku uhličitého. Teplota a tlak obou plynů před míšením jsou stejné $p = 5,88 \cdot 10^5$ Pa a $t = 45$ °C. Určete parciální tlak kysličníku uhličitého ve směsi po smíšení.

$$[P_{CO_2} = 0,855 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 3.10

Vlhký vzduch je směs suchého vzduchu a vodní páry. Veličina x [kg/kg s.v.] představuje množství vodní páry v kg obsažené v 1 kg suchého vzduchu. Určete hmotnostní a objemové složení vlhkého vzduchu, hustotu při normálních fyzikálních podmínkách, plynovou konstantu a molovou hmotnost, jestliže $x = 0,01$ kg/kg s.v. !

$$[w_{vzd} = 0,9901, w_{H_2O} = 0,0099, r = 289 \text{ J/(kg}\cdot\text{K)}, x_{vzd} = 0,9842, x_{H_2O} = 0,0158, M = 28,786 \text{ kg/kmol}, \rho = 1,285 \text{ kg/m}^3]$$

Příklad 3.11

Spaliny, vznikající spálením 1 kg mazutu v topeništi parního kotle mají složení udané parciálními objemy: $V_{CO_2} = 1,85 \text{ m}^3$, $V_{O_2} = 0,77 \text{ m}^3$, $V_{N_2} = 12,78 \text{ m}^3$. Určete hmotnostní díly a parciální tlaky složek, jestliže je tlak směsi roven $p = 10^5 \text{ Pa}$!

$$[w_{N_2} = 0,773, w_{CO_2} = 0,175, w_{O_2} = 0,052, p_{CO_2} = 0,05 \cdot 10^5 \text{ Pa}, p_{N_2} = 0,828 \cdot 10^5 \text{ Pa}, p_{O_2} = 0,1195 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 3.12

Nádoba je rozdělena přepážkou na dvě části, jejichž objemy jsou $V_1 = 1,5 \text{ m}^3$, $V_2 = 1 \text{ m}^3$. V části V_1 je kysličník uhličitý o tlaku $p_1 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 30 \text{ }^\circ\text{C}$ a v části V_2 je kyslík O_2 o $p_2 = 1,96 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a $t_2 = 57 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete hmotnostní a objemové díly CO_2 a O_2 , molovou hmotnost směsi a její plynovou konstantu po vytažení přepážky a dokonalém promíšení.

$$[w_{CO_2} = 0,849, w_{O_2} = 0,151, r = 199,3 \text{ J/(kg}\cdot\text{K)}, M = 41,7 \text{ kg/kmol}, x_{CO_2} = 0,803, x_{O_2} = 0,197]$$

Příklad 3.13

Určete hustotu vlhkého vzduchu, vystupujícího ze sušárny při teplotě $t = 70 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p = 0,99 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a porovnejte ji s hustotou suchého vzduchu o stejných parametrech. Parciální tlak vodní páry $p_{H_2O} = 0,27 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

$$[\text{vlhký vzduch } \rho = 0,9 \text{ kg/m}^3, \text{ suchý vzduch } \rho = 1 \text{ kg/m}^3]$$

Příklad 3.14

Vlhký vzduch má tlak $p = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotu $t = 59 \text{ }^\circ\text{C}$. Nejvyšší parciální tlak vodní páry při této teplotě je $p_{H_2O} = 0,19 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Při dalším zvýšení parciálního tlaku nastává kondenzace páry. Určete, kolik kilogramů vodní páry je obsaženo v 1 kg suchého vzduchu při těchto parametrech.

$$[x = 0,15 \text{ kg } H_2O/\text{kg suchého vzduchu}]$$

Příklad 3.15

Jaký bude tlak směsi o objemovém složení : $CO_2 = 18 \%$, $O_2 = 12 \%$, $N_2 = 70 \%$, jestliže její objem při tlaku okolního vzduchu $p_b = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t = 180 \text{ }^\circ\text{C}$ je roven $V = 4 \text{ m}^3$. Hmotnost směsi $m = 8 \text{ kg}$.

$$[p_{přet} = 2,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 3.16

Dva zásobníky jsou naplněny stlačeným vzduchem a spojeny potrubím s uzavíracím ventilem. V prvním zásobníku je $0,2 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $p_1 = 5,9 \cdot 10^6 \text{ Pa}$, ve druhém je $0,3 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $p_2 = 1,96 \cdot 10^6 \text{ Pa}$. Jaký tlak se ustálí v obou zásobnících po otevření ventilu ?

$$[p = 3,57 \cdot 10^6 \text{ Pa}]$$

Příklad 3.17

Smísíme 5 kg CO_2 a 4 kg O_2 . Vypočítejte, kolik molů každého plynu je ve směsi a jaká je molová hmotnost směsi.

$$[w_{\text{CO}_2} = 0,1136, w_{\text{O}_2} = 0,125, M = 37,7 \text{ kg/kmol}]$$

Příklad 3.18

Smíšením dvou proudů vzduchu (studeného o teplotě $t_1 = 0 \text{ °C}$ a horkého o teplotě $t_2 = 900 \text{ °C}$) dostaneme směs vzduchu o teplotě $t = 80 \text{ °C}$.
C. Určete hmotnostní poměr studeného a horkého vzduchu pro vytvoření 1 kg směsi ! Tlaky složek a směsi jsou stejné.

$$[m_1/m_2 = 0,0902; \text{ hmotnostní díly: } w_1 = 0,0827, w_2 = 0,9173]$$

Příklad 3.19

Tři proudy plynů se spolu mísí na směs o teplotě $t_s = 275 \text{ °C}$. Proud A je kyslík o teplotě $t_{\text{O}_2} = 300 \text{ °C}$ a množství $m_{\text{O}_2} = 115 \text{ kg/h}$, proud B je kysličník uhelnatý o teplotě $t_{\text{CO}} = 200 \text{ °C}$ a množství $m_{\text{CO}} = 200 \text{ kg/h}$. Třetí proud je vzduch o teplotě $t_v = 400 \text{ °C}$. Určete hodinové množství vzduchu, jestliže tlaky složek a směsi jsou stejné

$$[m_v = 97,8 \text{ kg/h}]$$

Příklad 3.20

Nejvhodnějším palivem pro jaderné elektrárny je přírodní uran, obohacený izotopem uranu U^{235} . Obohacování se obvykle provádí difúzní metodou, kdy molekuly plynu, obsahující různé izotopy uranu, difundují přes speciální porézní filtry různou rychlostí. Pro obohacování se používá sloučenina uranu - hexafluorid uranu UF_6 . Je to plynná látka, kterou můžeme při normálních podmínkách považovat za ideální plyn. Určete spotřebu přírodního uranu pro získání 1 grammolekuly U^{235} ve směsi, kde molová koncentrace U^{235} je rovna $0,8$. Molová koncentrace U^{235} v přírodním uranu je $0,00714$, v odpadech $0,006$.

$$[m = 204,6 \text{ kg přírodního uranu}]$$

Příklad 3.21

V energetických zařízeních, pracujících podle paroplynového oběhu, je pracovní látkou směs vodní páry a spalin. Hmotnostní díl spalin (jejichž vlastnosti jsou jako u vzduchu) je $w_s = 0,7$. Určete měrnou tepelnou kapacitu c_p směsi za stálého tlaku při teplotách 500 a 800 °C a měrný objem směsi při teplotě $t = 500 \text{ °C}$ a tlaku $p = 10^6 \text{ Pa}$!

$$[c_p / 500 = 1,4 \text{ kJ/(kg.K)}, c_p / 800 = 1,51 \text{ kJ/(kg.K)}, v = 0,2775 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 3.22

Objemové složení paliva je toto: $x_{\text{CO}} = 0,1$; $x_{\text{H}_2} = 0,45$; $x_{\text{CH}_4} = 0,35$; $x_{\text{N}_2} = 0,03$; $x_{\text{C}_2\text{H}_4} = 0,04$; $x_{\text{CO}_2} = 0,03$. Určete zdánlivou molovou hmotnost, hustotu, měrný objem při normálních fyzikálních podmínkách, plynovou konstantu, parciální tlaky metanu a dusíku v procentech a hmotnostní složení směsi !

$$[M = 12,63 \text{ kg/kmol}, \rho = 0,563 \text{ kg/m}^3, \nu = 1,776 \text{ m}^3/\text{kg}, r = 658 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K}), w_{\text{CO}} = 0,222, w_{\text{H}_2} = 0,072, w_{\text{C}_2\text{H}_4} = 0,089, w_{\text{CH}_4} = 0,445, w_{\text{N}_2} = 0,067, w_{\text{CO}_2} = 0,105, p_{\text{CH}_4} = 35 \%, p_{\text{N}_2} = 3 \%$$

Příklad 3.23

Kouřové plyny mají toto hmotnostní složení $\text{CO}_2 = 16,1 \%$, $\text{O}_2 = 7,5 \%$, $\text{N}_2 = 76,4 \%$. Určete entalpii 1 m^3 směsi při teplotě $t = 800 \text{ }^\circ\text{C}$!

$$[i = 1171 \text{ kJ/m}^3]$$

Příklad 3.24

V nádobě je směs plynu, která vznikla smíšením 10 kg dusíku, 13 kg argonu a 27 kg kysličníku uhličitého. Určete molové složení směsi, měrný objem směsi při normálních fyzikálních podmínkách, molovou hmotnost směsi a plynovou konstantu směsi, vztaženou na 1 m^3 .

$$[x_{\text{N}_2} = 0,275, x_{\text{Ar}} = 0,251, x_{\text{CO}_2} = 0,474, \nu = 0,579 \text{ m}^3/\text{kg}, M = 38,61 \text{ kg/kmol}, r = 372 \text{ J}/(\text{m}^3\cdot\text{K})]$$

Příklad 3.25

Určete střední měrnou tepelnou kapacitu kysličníku uhličitého při konstantním tlaku mezi teplotami $0 \text{ }^\circ\text{C}$ a $825 \text{ }^\circ\text{C}$! $c_p = f(t)$.

$${}_0 c_p \Big|_0^{825} = 1,2604 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

Příklad 3.26

Určete střední měrnou tepelnou kapacitu c_p vzduchu při konstantním tlaku od $200 \text{ }^\circ\text{C}$ do $800 \text{ }^\circ\text{C}$. Měrná tepelná kapacita $c_p = f(t)$.

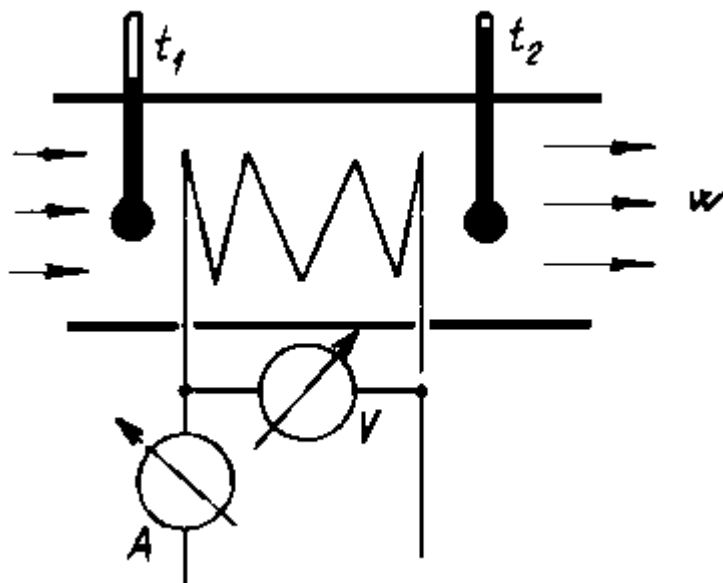
$${}_0 c_p \Big|_{200}^{800} = 1,09 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

4. První termodynamický zákon

Příklady: [4.1](#), [4.2](#), [4.3](#), [4.4](#), [4.5](#), [4.6](#), [4.7](#), [4.8](#), [4.9](#), [4.10](#), [4.11](#), [4.12](#), [4.13](#), [4.14](#), [4.15](#)

Příklad 4.1

Průtočná množství potrubím se měří zařízením, schematicky znázorněným na obrázku. Toto zařízení se skládá z elektrického ohřivače o výkonu 500 W, umístěného v potrubí. Teplota protékající látky se měří dvěma teploměry. Určete hodinové průtočné množství dusíku potrubím o $\varnothing = 0,1$ m, jestliže teplota $t_1 = 62$ °C a $t_2 = 65$ °C. Manometr ukazuje v potrubí 2,667 kPa přtlaku, barometrický tlak $p_b = 1 \cdot 10^5$ Pa.



[$m = 578$ kg/h]

Příklad 4.2

Při zkoušení motoru na brzdě se 95% jeho výkonu spotřebuje na brždění motoru a zbytek, tj. 5 % jsou ztráty do okolí. Brzdící zařízení se chladí vodou o teplotě $t_1 = 12$ °C, ohřev vody je na teplotu $t_2 = 35$ °C. Určete množství vody pro chlazení brzdy motoru, je-li výkon motoru $P = 40$ kW !

[$m_{H_2O} = 0,394$ kg/s]

Příklad 4.3

Do kalorimetru, obsahujícího 0,5 kg vody o teplotě 30 °C se vloží kovová součástka o hmotnosti 0,5 kg. Její teplota je 150 °C. Po ustálení je výsledná teplota v kalorimetru a) $t = 37,3$ °C - součástka je ze stříbra, b) $t = 42,1$ °C - součástka je ocelová, c) $t = 54$ °C - součástka je z hořčíku. Určete měrné tepelné kapacity jednotlivých kovů, zanedbejte hmotnost kalorimetru.

[$c_{Ag} = 0,271$ kJ/(kg.K), $c_{OC} = 0,469$ kJ/(kg.K), $c_{Mg} = 1,047$ kJ/(kg.K)]

Příklad 4.4

Ocelová součástka o hmotnosti 0,2 kg se ohřívá v píce, potom se vloží do kalorimetru s 0,5 kg vody o teplotě $t = 20\text{ }^{\circ}\text{C}$. Po ustálení je teplota vody v kalorimetru $75\text{ }^{\circ}\text{C}$. Určete teplotu součástky před vložením do kalorimetru. Měrná tepelná kapacita oceli je $c = 0,469\text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$.

Řešení:

$$m_{\text{Fe}} = 0,2\text{ kg}; m_{\text{H}_2\text{O}} = 0,5\text{ kg}; t_{1\text{H}_2\text{O}} = 20\text{ }^{\circ}\text{C}; t_{2\text{H}_2\text{O}} = 75\text{ }^{\circ}\text{C}; c_{\text{Fe}} = 0,469\text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

Teplo předané vodě z oceli

$$Q_{\text{H}_2\text{O}} = m_{\text{H}_2\text{O}} \cdot c_{\text{H}_2\text{O}} (t_{2\text{H}_2\text{O}} - t_{1\text{H}_2\text{O}}) = 0,5 \cdot 4186,8 (75 - 20) = 115 \cdot 10^3\text{ J}$$

z tepelné bilance

$$Q_{\text{Fe}} = m_{\text{Fe}} \cdot c_{\text{Fe}} (t_{\text{Fe}} - t_{2\text{H}_2\text{O}}) = Q_{\text{H}_2\text{O}}$$

$$t_{\text{Fe}} = \frac{Q_{\text{H}_2\text{O}}}{m_{\text{Fe}} c_{\text{Fe}}} + t_{2\text{H}_2\text{O}} = \frac{115 \cdot 10^3}{0,2 \cdot 0,469 \cdot 10^3} + 75 = 1225 + 75 = 1300\text{ }^{\circ}\text{C}$$

Příklad 4.5

Kolik kg olova můžeme ohřát z teploty $15\text{ }^{\circ}\text{C}$ na teplotu tavení $t = 327\text{ }^{\circ}\text{C}$, úderem kladiva bucharu o hmotnosti 200 kg pádem z výše 2 m, předpokládáme-li, že se veškerá kinetická energie přemění v teplo. Toto teplo pohltí olovo. Měrná tepelná kapacita olova je $c = 0,12\text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$.

$$[m = 0,0969\text{ kg}]$$

Příklad 4.6

Při zkoušení motorů se používá brzd, kde práce motoru je mařena třecími silami a mění se v teplo, jehož jedna část (20 %) přejde do okolí a zbytek je odveden chladicí vodou. Stanovte potřebné množství chladicí vody za hodinu, je-li točivý moment motoru 2000 J, počet otáček $n = 1500\text{ l/min}$ a dovolené ohřátí vody $t = 35\text{ }^{\circ}\text{C}$.

$$[m_{\text{H}_2\text{O}} = 6180\text{ kg/hod}]$$

Příklad 4.7

Určete denní spotřebu paliva v elektrárně o výkonu $P = 100\text{ MW}$ při účinnosti elektrárny 0,35 a výhřevnosti paliva $30\,000\text{ kJ/kg}$. Určete také měrnou spotřebu paliva v kg/MJ vyrobené energie.

$$[m = 823\,000\text{ kg/den}, m_s = 0,0953\text{ kg/MJ}]$$

Příklad 4.8

Při určování měrné tepelné kapacity oleje se používá kalorimetr. Rozdíl napětí na ohříváči je $\Delta U = 43\text{ V}$, proud $I = 6\text{ A}$. Pokus trval 12 minut a teplota za tuto dobu vzrostla v kalorimetru o 18 K. Tepelná konstanta kalorimetru, tj. energie potřebná pro ohřev kalorimetru (nádoby, teploměru, michačky) o 1 K je $A = 3120\text{ J/K}$. Jaké je měrná tepelná kapacita oleje?

$$[c = 2,4\text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 4.9

Při teplotě $t = 0,01\text{ }^{\circ}\text{C}$ a tlaku = 611 Pa (trojný bod) je považována entalpie vody nulová. Jek veliká je při těchto podmínkách vnitřní energie?

Příklad 4.10

Parní turbína spotřebuje 0,0011 kg páry na 1 kJ vyrobené elektrické energie. Na výrobu 1 kg páry je potřeba 3300 kJ. Určete účinnost elektrárny!

 $[27,55\%]$ **Příklad 4.11**

$1,5 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$ vody ohříváme ponorným vařičem o výkonu 300 W. Za jakou dobu se voda ohřeje z teploty $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ na bod varu, když zanedbáme ztráty tepla do okolí ?

 $[\tau = 27 \text{ min } 54 \text{ s}]$ **Příklad 4.12**

Čep o průměru $d = 0,1 \text{ m}$ se otáčí v kluzném ložisku a působí na něj silou 11800 N. Otáčky jsou $n = 200 \text{ 1/min}$. Ložisko je chlazeno olejem, jehož teplota na vstupu je $t_1 = 12 \text{ }^\circ\text{C}$, na výstupu $t_2 = 60 \text{ }^\circ\text{C}$. Měrná tepelná kapacita oleje $c = 1,675 \text{ kJ/(kg}\cdot\text{K)}$, součinitel tření $f = 0,015$. Určete množství oleje!

 $[m = 8,27 \text{ kg/h}]$ **Příklad 4.13**

Dokažte, že dQ není totální diferenciál !

$$\left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_v = 0, \text{ což v obecném případě není možné, poněvadž tlak } p \text{ je funkcí obou veličin stavu } v \text{ a } T$$

Příklad 4.14

Tepelný výkon reaktoru jaderné centrály je teplo, uvolněné v něm za jednotku času. Určete roční spotřebu jaderného paliva reaktoru o tepelném výkonu 500 MW, je-li výhřevnost uranu $82,5 \cdot 10^9 \text{ kJ/kg}$, reaktor pracuje ročně 7 000 hodin.

 $[m = 153 \text{ kg/rok}]$ **Příklad 4.15**

Tepelný výkon reaktoru první atomové elektrárny na světě, je 30 MW a elektrický výkon je 5000 kW. Určete denní spotřebu uranu, jestliže za den bylo vyrobeno $432 \cdot 10^6 \text{ kJ}$ elektrické energie. Výhřevnost je $82,5 \cdot 10^9 \text{ kJ/kg}$. Určete také množství uhlí o výhřevnosti 25 800 kJ/kg, které by se spotřebovalo na výrobu stejného množství elektrické energie v tepelné elektrárně při stejných účinnostech.

 $[m_{\text{uran}} = 0,031 \text{ kg/den}; m_{\text{uhlí}} = 100 \text{ 000 kg/den}]$

5. Základní vratné děje ideálních plynů

Příklady: [5.1](#), [5.2](#), [5.3](#), [5.4](#), [5.5](#), [5.6](#), [5.7](#), [5.8](#), [5.9](#), [5.10](#), [5.11](#), [5.12](#), [5.13](#), [5.14](#), [5.15](#), [5.16](#), [5.17](#), [5.18](#), [5.19](#), [5.20](#), [5.21](#), [5.22](#), [5.23](#), [5.24](#), [5.25](#), [5.26](#), [5.27](#), [5.28](#), [5.29](#), [5.30](#), [5.31](#), [5.32](#), [5.33](#), [5.34](#), [5.35](#), [5.36](#), [5.37](#), [5.38](#), [5.39](#), [5.40](#), [5.41](#), [5.42](#), [5.43](#), [5.44](#), [5.45](#), [5.46](#), [5.47](#), [5.48](#), [5.49](#), [5.50](#), [5.51](#), [5.52](#), [5.53](#), [5.54](#), [5.56](#), [5.57](#), [5.58](#), [5.59](#), [5.60](#), [5.61](#), [5.62](#), [5.63](#), [5.64](#), [5.65](#), [5.66](#), [5.67](#), [5.68](#)

Příklad 5.1

V plynojemu o objemu $V = 15 \text{ m}^3$ je methan CH_4 o tlaku $p_1 = 8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$. Slunečním zářením se teplota plynu během dne zvýšila o $\Delta t = 15 \text{ K}$ (při konstantním objemu). Jaký je konečný tlak v plynojemu a jaké teplo se přivedlo? (měrná tepelná kapacita $c_v = 1,675 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$).

$$[p_2 = 8,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}; Q = 2050 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.2

Určete změnu vnitřní energie ΔU a změnu entalpie ΔI při izochorickém ochlazování 100 m^3 vzduchu z počátečního tlaku $p_1 = 5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 40 \text{ }^\circ\text{C}$ na konečný tlak $p_2 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

$$[\Delta U = -27420 \text{ kJ}; \Delta I = -38420 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.3

V uzavřeném prostoru je $0,6 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $p_1 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$. Jaký bude tlak a teplota, odvede-li se $104,5 \text{ kJ}$ tepla?

Řešení:

$$V = 0,6 \text{ m}^3; p_1 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}; Q_{12} = -104,5 \text{ kJ}; p_2 = ?; t_2 = ?$$

Pro izochorický děj platí $\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}$; p_2 , T_2 jsou hledané veličiny. Je nutno použít rovnici prvního termodynamického zákona pro izochorický děj

$$Q = m \cdot \Delta u = m \cdot c_v (t_2 - t_1), \quad \text{kde } m = \frac{p_1 V}{r T_1} \text{ je hmotnost vzduchu}$$

$$t_2 = \frac{Q_{12}}{m c_v} + t_1 = \frac{Q_{12}}{\frac{p_1 V}{r T_1} c_v} + t_1 = \frac{-104,5 \cdot 10^3}{\frac{4,9 \cdot 10^5 \cdot 0,6}{287,04 \cdot (273 + 20)} \cdot 0,714 \cdot 10^3} + 20 = -41,85 + 20 = -21,85 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$\text{Tlak } p_2 = p_1 \frac{T_2}{T_1} = 4,9 \cdot 10^5 \frac{273 - 21,85}{273 + 20} = 4,9 \cdot 10^5 \frac{251,15}{273 + 20} = 4,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

Příklad 5.4

V uzavřené nádobě o objemu $0,015 \text{ m}^3$ je vzduch o tlaku $1,96 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $30 \text{ }^\circ\text{C}$. Jak vzroste tlak a teplota, přivede-li se $Q_{12} = 16,7 \text{ kJ}$ tepla?

$$[t_2 = 718 \text{ }^\circ\text{C}, p_2 = 6,42 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 5.5

Ve válci o průměru 0,4 m se nachází 0,08 m³ vzduchu o tlaku 2,94 · 10⁵ Pa a teplotě 15 °C. O kolik N vzroste celková síla na píst, přivede-li se vzduchu 83,7 kJ tepla a nekoná-li píst žádný pohyb ?

$$[\Delta F = 49\,800 \text{ N}]$$

Příklad 5.6

V bombě o objemu $V = 0,1 \text{ m}^3$ je vzduch. Jaké množství tepla je třeba přivést, abychom zvýšili tlak o $9,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$? Měrná tepelná kapacita vzduchu $c_v = 0,714 \text{ kJ/(kg}\cdot\text{K)}$.

$$[Q_{12} = 243 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.7

V nádobě o objemu V_0 jsou při teplotě t_0 2 kg vodíku a 8 kg kyslíku. Určete maximální tlak vodní páry vytvořené výbuchem směsi. Energetické zabarvení reakce je Q_r .

$$[p_{\max} = \frac{2}{3} p_0 \left(1 + \frac{Q_r}{18 c_v T_0} \right) \text{ Pa}]$$

Příklad 5.8

Na startovací láhvi Dieselova motoru ukazuje manometr tlak $p_p = 27,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete tlak a odvedené teplo při ochlazení vzduchu v láhvi z 37 °C na 17 °C. Objem láhve je 0,5 m³, $c_v = 0,714 \text{ kJ/(kg}\cdot\text{K)}$.

$$[p_p = 25,6 \cdot 10^5 \text{ Pa}, Q_{12} = 230 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.9

Ve válci výbušného motoru se po kompresi na tlak $p_1 = 14,7 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotu $t_1 = 365 \text{ }^\circ\text{C}$ přivádí $q_{12} = 460 \text{ kJ/kg}$ tepla při konstantním objemu. Pracovní látka má vlastnosti vzduchu. Měrná tepelná kapacita je konstantní. Určete konečný tlak a teplotu !

$$[p_2 = 27,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_2 = 917 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 5.10

6 kg dusíku vykoná při isobarické expanzi práci $A_{12} = 350 \text{ kJ}$. Určete změnu vnitřní energie a množství přivedeného tepla při tomto ději.

$$[\Delta U = 875 \text{ kJ}, Q_{12} = 1225 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.11

5 m³/min vzduchu o teplotě $t_1 = 25 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p_1 = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ se stlačuje v kompresoru na tlak $p_2 = 7,85 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotu $t_2 = 180 \text{ }^\circ\text{C}$, po kompresi vstupuje do chladiče, kde se ochladí na teplotu $t_3 = 35 \text{ }^\circ\text{C}$ při konstantním tlaku. Chladící voda se ohřeje o $\Delta t = 18 \text{ K}$. Určete množství vody!

$$[m = 681 \text{ kg/h}]$$

Příklad 5.12

Ohřívákem vzduchu prochází $V_0 = 11\,000 \text{ m}^3/\text{h}$ vzduchu o počáteční teplotě $t_1 = 45 \text{ }^\circ\text{C}$. Jaká je teplota vzduchu na výstupu z ohříváku, jestliže se z kouřových plynů přivádí vzduchu $Q_{12} = 670\,000 \text{ kJ/h}$ tepla. Určete práci, vykonanou vzduchem, je-li děj isobarický.

$$[t_2 = 239 \text{ }^\circ\text{C}, A_{12} = 794\,000 \text{ kJ/h}]$$

Příklad 5.13

Ve válci je vzduch o teplotě $t_1 = 700 \text{ }^\circ\text{C}$, $p_1 = 31,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Do válce je vstřikován petrolej tak, že během spalování se tlak nemění. Jak vzroste teplota, jestliže objem na konci vstřikování je 3x větší? Jaké je přivedené teplo 1 kg vzduchu a jaká práce se vykoná? (Plynová konstanta a měrná tepelná kapacita jsou stejné jako u vzduchu.)

$$[T_2 = 2919 \text{ K}, q_{12} = 1960 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 517 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.14

Určete vykonanou práci při změně objemu $0,2 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $1,96 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 18 \text{ }^\circ\text{C}$ ve válci o průměru $d = 0,5 \text{ m}$, ohřeje-li se při konstantním tlaku na $t_2 = 200 \text{ }^\circ\text{C}$! Jakou dráhu píst proběhne a jaké množství tepla je k tomu zapotřebí?

$$[A_{12} = 24\,500 \text{ J}, Q_{12} = 86,2 \text{ kJ}, l = 0,637 \text{ m}]$$

Příklad 5.15

Kolik tepla se musí přivést 0,5 kg kyslíku o tlaku $p_1 = 2,94 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 35 \text{ }^\circ\text{C}$, aby vykonal za konstantního tlaku práci $A_{12} = 27\,900 \text{ J}$ a jak při tom vzroste objem a teplota?

Řešení:

$$m = 0,5 \text{ kg}; p_1 = 2,94 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_1 = 35 \text{ }^\circ\text{C}; A_{12} = 27\,900 \text{ J}; V_2 = ?; t_2 = ?$$

Práce při izobarickém ději ($p_2 = p_1 = p_{1,2}$)

$$A = p_{1,2}(V_2 - V_1) \quad , \text{ kde } \quad V_1 = \frac{m \cdot r \cdot T_1}{p_1} = \frac{0,5 \cdot 259,88 \cdot (273 + 35)}{2,94 \cdot 10^5} = 0,136 \text{ m}^3$$

$$V_2 = \frac{A_{12}}{p} + V_1 = \frac{27900}{2,94 \cdot 10^5} + 0,136 = 0,0949 + 0,136 = 0,2309 \text{ m}^3$$

Pro izobarický děj platí $\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$

$$T_2 = T_1 \frac{V_2}{V_1} = (273 + 35) \frac{0,2309}{0,136} = 511 \text{ K}; \quad t_2 = T_2 - 273 = 511 - 273 = 238 \text{ }^\circ\text{C}$$

Přivedené teplo

$$Q_{12} = m \cdot c_p (t_2 - t_1) = 0,5 \cdot 0,917 \cdot 10^3 (238 - 35) = 0,931 \cdot 10^3 \text{ J} = 0,931 \text{ kJ}$$

Příklad 5.16

Jaké množství tepla je třeba přivést pro ohřátí 2 m³ vzduchu o přetlaku $p_p = 2 \cdot 10^5$ Pa z teploty $t_1 = 100$ °C na $t_2 = 500$ °C ? Jaká práce se při tom vykoná ? Barometrický tlak $p_b = 0,982 \cdot 10^5$ Pa. Děj je isobarický.

$$[Q_{12} = 2303 \text{ kJ}, A_{12} = 639 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.17

Určete, jaká část tepla přivedeného plynu při isobarickém ději připadá na práci plynu a jaká na změnu vnitřní energie !

$$[28,5 \% \text{ tepla připadá na práci plynu a } 71,5 \% \text{ tepla na změnu vnitřní energie}]$$

Příklad 5.18

0,4 m³ vzduchu o složení 23,2 hmotnostních % kyslíku a 76,8 % dusíku má počáteční parametry $p_1 = 10^6$ Pa a $t_1 = 70$ °C. Při izochorickém ohřevu teplota vzduchu se zvýší na $t_2 = 320$ °C. Určete přivedené teplo, konečné parametry vzduchu a změnu entalpie při ohřevu.

$$[p_2 = 17,3 \cdot 10^5 \text{ Pa}, Q_{12} = 760 \text{ kJ}, \Delta I = 1060 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.19

3 m³ směsi plynů o objemovém složení 14 % CO₂, 1 % CO, 6 % O₂, 79 % N₂ má tlak $p_1 = 14 \cdot 10^5$ Pa a $t_1 = 350$ °C. Jaké množství tepla je třeba přivést směsi plynů při konstantním tlaku, aby se její teplota zvýšila na 1200 °C. Určete také konečné parametry směsi, expanzní práci, změnu vnitřní energie a entalpie.

$$[V_2 = 7,1 \text{ m}^3, A_{12} = 5700 \text{ kJ}, \Delta U = 19200 \text{ kJ}, Q_{12} = \Delta I = 24900 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.20

2,7 kg plynu má objemové složení 7 % H₂, 2 % CH₄, 32 % CO a 59 % N₂, tlak $3 \cdot 10^5$ Pa a teplotu 200 °C. Jaké množství tepla je třeba odvést při konstantním tlaku, aby teplota klesla na 15 °C; určete konečné parametry, vnější práci, změnu vnitřní energie.

$$[V_2 = 0,835 \text{ m}^3, A_{12} = -160 \text{ kJ}, \Delta U = -410 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.21

6,3 m³ plynu o objemovém složení 46% H₂, 32 % CH₄ a 22 % N₂ má počáteční parametry $p_1 = 53 \cdot 10^5$ Pa a $t_1 = 365$ °C. Jaké množství tepla je třeba odvést směsi plynů při isotermickém ochlazení, abychom zvýšili tlak na $96 \cdot 10^5$ Pa ? Určete konečné parametry a změnu entropie směsi, molovou hmotnost a plynovou konstantu !

$$[M = 12,26 \text{ kJ/kmol}, r = 680 \text{ J/(kg.K)}, Q_{12} = 1,98 \cdot 10^4 \text{ kJ}, \Delta S = 31 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 5.22

Určete odvedené teplo při isobarickém ochlazování kysličníku uhelnatého CO z teploty $t_1 = 300 \text{ °C}$ na $t_2 = 100 \text{ °C}$. Počáteční objem $V_1 = 5 \text{ m}^3$ a přetlak $p_p = 0,44 \cdot 10^6 \text{ Pa}$. Barometrický tlak $p_b = 10^5 \text{ Pa}$. Určete změnu vnitřní energie a vykonanou práci !

$$[Q_{12} = -3355 \text{ kJ}, A_{12} = -942 \text{ kJ}, \Delta U = -2413 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.23

Určete přivedené teplo vzduchu při stálém tlaku, jestliže tento vzduch vykonal práci $A = 24,1 \text{ kJ}$.

$$[Q = 84,5 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.24

Při pokusu bylo zjištěno, že vzduch vykonal práci $A_{12} = 49 \text{ kJ}$, přivedené teplo bylo $Q_{12} = 175 \text{ kJ}$ při konstantním tlaku. Určete střední měrnou tepelnou kapacitu vzduchu.

$$[c_p = 1,03 \text{ kJ}/(\text{kg} \cdot \text{K})]$$

Příklad 5.25

V válci je $0,5 \text{ kmol}$ dusíku N_2 o teplotě $t_1 = 63 \text{ °C}$. Na píst působí stálá síla $F = 2000 \text{ N}$, plocha pístu $S = 1 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$. Určete konečné parametry plynu, změnu entalpie, vykonanou práci, je-li přivedené teplo $Q_{12} = 6280 \text{ kJ}$.

$$[p_2 = p_1 = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}, v_2 = 0,499 \text{ m}^3/\text{kg}, t_2 = 483 \text{ °C}, \Delta U = 4534 \text{ kJ}, \Delta I = 6280 \text{ kJ}, A_{12} = 1746 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.26

Objem $V_1 = 2 \text{ m}^3$ vzduchu o teplotě $t_1 = 15 \text{ °C}$ se zvětšuje při stálém tlaku na $V_2 = 8 \text{ m}^3$ za přívodu $4186,8 \text{ kJ}$ tepla. Určete konečnou teplotu, konečný tlak, vykonanou práci a změnu vnitřní energie.

$$[t_2 = 879 \text{ °C}, p_2 = 18,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}, A_{12} = 1120 \text{ kJ}, \Delta U = 3070 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.27

Při isotermické kompresi $0,3 \text{ m}^3$ vzduchu o tlaku $p_1 = 10^6 \text{ Pa}$ a teplotě $t = 300 \text{ °C}$ se odvádí 490 kJ tepla. Určete konečný objem a konečný tlak vzduchu !

Řešení :

$$V_1 = 0,3 \text{ m}^3; p_1 = 10^6 \text{ Pa}; t = 300 \text{ °C}; Q_{12} = -490 \text{ kJ}; V_2 = ?; p_2 = ?$$

$$\text{Z izotermické práce} \quad A_{12} = p_1 V_1 \ln \frac{p_1}{p_2}$$

$$\ln \frac{p_1}{p_2} = \frac{A}{p_1 V_1} = -\frac{490 \cdot 10^3}{10^6 \cdot 0,3} = -1,6333$$

$$\text{poměr tlaků} \quad \frac{p_1}{p_2} = 0,19525$$

konečný tlak

$$p_2 = \frac{p_1}{0,19525} = \frac{10^6}{0,19525} = 5,125 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\text{konečný objem (z rovnice izotermie } p_1 V_1 = p_2 V_2) \quad V_2 = \frac{p_1}{p_2} V_1 = 0,19525 \cdot 0,3 = 0,05898 \text{ m}^3$$

Příklad 5.28

Pro isotermické stlačení 0,8 kg vzduchu o tlaku $p_1 = 0,098 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 25 \text{ }^\circ\text{C}$ byla spotřebována práce 94 kJ. Jaký je tlak vzduchu po kompresi a jaké je odvedené teplo ?

$$[p_2 = 0,387 \cdot 10^6 \text{ Pa}, Q_{12} = A_{12} = -94 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.29

0,5 m³ CO₂ o tlaku $p_1 = 24,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ o teplotě $t_1 = 350 \text{ }^\circ\text{C}$ se isotermicky přivádí 83,74 kJ tepla. Určete tlak a objem v počátečním a konečném stavu, expanzní práci, změnu vnitřní energie a změnu entalpie !

$$[v_1 = 0,0754 \text{ m}^3/\text{kg}, v_2 = 0,1556 \text{ m}^3/\text{kg}, p_2 = 11,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}, A_{12} = 83,74 \text{ kJ}, \Delta U = 0, \Delta I = 0]$$

Příklad 5.30

Kolikrát se změní práce při isotermické kompresi 1 kg ideálního plynu o teplotě T[K] z tlaku $p_1 = 10^5 \text{ Pa}$ na $p_2 = 10^6 \text{ Pa}$, jestli se konečný tlak zvýší 10x ?

$$[\text{dvakrát}]$$

Příklad 5.31

3,5 m³ dusíku o tlaku $p_1 = 1,1 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a $t = 25 \text{ }^\circ\text{C}$ se stlačuje isotermicky na tlak $p_2 = 24,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete měrný objem v_1, v_2 , kompresní práci, odvedené teplo !

$$[v_1 = 0,804 \text{ m}^3/\text{kg}, v_2 = 0,0365 \text{ m}^3/\text{kg}, A_{12} = Q_{12} = -1196 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.32

4,6 m³ plynu se skládá z 28 % hmotnostních CO, 10 % O₂ a 62 % N₂. Počáteční tlak je $p_1 = 29 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplota $t_1 = 184 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete konečné parametry směsi při isotermickém ohřevu směsi. Jaké množství tepla je třeba přivést 1 kg směsi, jestliže konečný tlak je $p_2 = 11 \cdot 10^5 \text{ Pa}$?

$$[V_2 = 12,2 \text{ m}^3, q_{12} = 1,28 \cdot 10^5 \text{ J/kg}]$$

Příklad 5.33

4,3 m³ plynu o objemovém složení 32 % CO₂, 22 % CO a 46 % CH₄ má počáteční parametry $p_1 = 12 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a $t_1 = 173 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete změnu vnitřní energie plynu, jestliže při adiabatické kompresi stoupá teplota na 242 °C. Určete také kompresní práci, změnu entalpie a konečné parametry!

$$[\Delta U = 3130 \text{ kJ}, \Delta I = 4000 \text{ kJ}, A_{12} = 3130 \text{ kJ}, p_2 = 19,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}, V_2 = 30,5 \text{ m}^3]$$

Příklad 5.34

3,5 kg plynu o hmotnostním složení : 14 % CO, 10 % O₂ a 76 % N₂ má počáteční parametry $p_1 = 5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 20 \text{ °C}$. Směs isobaricky expanduje na teplotu $t_2 = 130 \text{ °C}$. Určete konečné parametry plynu, přivedené teplo, expanzní práci a změnu vnitřní energie při tomto ději !

$$[V_2 = 0,825 \text{ m}^3, Q_{12} = 396,5 \text{ kJ}, A_{12} = 112,5 \text{ kJ}, \Delta U = 284 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.35

3,5 m³ plynu se skládá z 19 % hmotnostních O₂, 32 % N₂ a 49 % CO₂. Počáteční parametry $p_1 = 44 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 368 \text{ °C}$. Jaké množství tepla je třeba odvést plynu za konstantního objemu, aby tlak v kotli klesl na $21 \cdot 10^5 \text{ Pa}$? Určete konečné parametry plynu, změnu entalpie a entropie při tomto ději.

$$[Q_{12} = 31\,700 \text{ kJ}, \Delta I = 39800 \text{ kJ}, \Delta S = -70 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 5.36

Dva zásobníky jsou naplněny stlačeným vzduchem a spojeny potrubím s uzavíracím ventilem. V prvním zásobníku je 2 m³ vzduchu o tlaku $p_1 = 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 27 \text{ °C}$, ve druhém 1 m³ vzduchu o tlaku $p_2 = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_2 = 57 \text{ °C}$. Jaký tlak a teplota se ustálí v obou zásobnících po otevření ventilu ?

$$[p = 7,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}, t = 29,6 \text{ °C}]$$

Příklad 5.37

1 kg vzduchu s měrným objemem $v_1 = 0,0887 \text{ m}^3/\text{kg}$ při tlaku $p_1 = 0,98 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ expanduje na desetinásobný objem. Určete konečný tlak a vykonanou práci při isotermické a adiabatické expanzi!

$$[t = \text{konst.}, p_2 = 9,81 \cdot 10^4 \text{ Pa}, a_{12} = 200,3 \text{ kJ/kg}, dQ = 0, p_2 = 3,903 \cdot 10^4 \text{ Pa}, a_{12} = 131,2 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.38

2 kg vzduchu o tlaku $p_1 = 9,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 300 \text{ °C}$ expandují na pětinasobný objem. Určete konečné parametry vzduchu, odvedené teplo, vykonanou práci a změnu vnitřní energie při expanzi a) isotermické, b) adiabatické, c) polytropické s exponentem polytropie $n = 1,6$.

$$[\text{Při } t = \text{konst.}, A_{12} = 530 \text{ kJ}, Q_{12} = 530 \text{ kJ}, \Delta U = 0; \text{ při } dQ = 0, A_{12} = 392 \text{ kJ}, \Delta U = -392 \text{ kJ}; \text{ při } n = 1,6, A_{12} = 342 \text{ kJ}, \Delta U = 510 \text{ J}, Q_{12} = -168 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.39

Při kompresi plynu se vykoná 200 kJ práce a odvede se 250 kJ tepla. Určete exponent polytropie, je-li $\kappa = 1,4$.

$$[n = 0,9]$$

Příklad 5.40

V rovnotlakém motoru se vzduch stlačuje tak, že jeho teplota se zvyšuje nad teplotu vznícení tekutého paliva. Jaký bude minimální tlak vzduchu, jestliže teplota vznícení paliva $t = 800\text{ °C}$? Kolikrát se při tom změni jeho objem ? Počáteční teplota vzduchu $t_1 = 80\text{ °C}$, počáteční tlak $p_1 = 9,8 \cdot 10^4\text{ Pa}$, $\kappa = 1,4$.

$$[p_2 = 47 \cdot 10^5\text{ Pa}, v_1 = 16 v_2]$$

Příklad 5.41

1 kg vzduchu o počáteční teplotě $t_1 = 30\text{ °C}$ a tlaku $p_1 = 0,0981 \cdot 10^6\text{ Pa}$ se adiabaticky stlačuje na $p_2 = 0,981 \cdot 10^6\text{ Pa}$. Určete konečný objem, konečnou teplotu a spotřebovanou práci ($\kappa = 1,4$).

Řešení :

$$t_1 = 30\text{ °C}; p_1 = 0,0981 \cdot 10^6\text{ Pa}; p_2 = 0,981 \cdot 10^6\text{ Pa}; v_2 = ?; t_2 = ?; a_{12} = ?$$

Z poměru teplot a tlaků
$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}$$
 při adiabatickém ději plyne konečná teplota

$$T_2 = T_1 \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = (273 + 30) \left(\frac{0,981 \cdot 10^6}{0,0981 \cdot 10^6}\right)^{\frac{1,4-1}{1,4}} = 303 \cdot 10^{0,286} = 303 \cdot 1,9325 = 585,5\text{ K}$$

$$t_2 = T_2 - 273 = 585,5 - 273 = 312,5\text{ C}$$

Konečný objem (ze stavové rovnice)
$$v_2 = \frac{r \cdot T_2}{p_2} = \frac{287,04 \cdot 585,5}{0,981 \cdot 10^6} = 0,1713\text{ m}^3/\text{kg}$$

Spotřebovaná práce

$$a = \frac{r}{\kappa - 1} (t_1 - t_2) = \frac{287,04}{1,4 - 1} (30 - 312,5) = -202,7 \cdot 10^3\text{ J/kg} = -202,7\text{ kJ/kg}$$

Příklad 5.42

V kyslíkové bombě o objemu $0,04\text{ m}^3$ je tlak $p_1 = 133 \cdot 10^5\text{ Pa}$ a teplota $t_1 = 15\text{ °C}$. Po rychlém otevření vypouštěcího ventilu vytéká plyn do atmosféry, následuje uzavření ventilu. Po dobu vytékání se teplo mezi okolím a bombou nesdílí. Po uzavření ventilu je tlak v bombě $p_2 = 59 \cdot 10^5\text{ Pa}$, pak výměnou tepla s okolím teplota kyslíku bude $t_2 = 15\text{ °C}$ rovna teplotě okolí. Určete, jaký bude výsledný tlak v bombě při $t_2 = 15\text{ °C}$, množství kyslíku vypuštěné ventilem při adiabatickém ději a jaké by bylo množství kyslíku, jestliže by výtok byl při $dt = 0$, tj. při teplotě, rovné teplotě okolí. Tlak $p'_2 = 59 \cdot 10^5\text{ Pa}$.

$$[p_3 = 74,3 \cdot 10^5\text{ Pa}, m_{ad} = 3,11\text{ kg}, m_{t=kons} = 3,94\text{ kg}]$$

Příklad 5.43

Vzduch o teplotě $t_1 = 25\text{ °C}$ expanduje adiabaticky na $t_2 = -55\text{ °C}$, tlak se snížil na $p_2 = 0,098 \cdot 10^6\text{ Pa}$. Jaký je počáteční tlak vzduchu a jaká je vykonaná práce 1 kg vzduchu ?

$$[p_1 = 0,293 \cdot 10^6\text{ Pa}, a_{12} = 57\,408\text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.44

Při polytropické kompresi vzduchu byla vynaložena práce 200 kJ a odvedeno a) 250 kJ tepla, b) 125 kJ tepla. Určete exponenty polytropy v obou případech a znázorněte polytropu v p-v a T-s diagramech.

$$[n_a = 0,932, n_b = 1,12]$$

Příklad 5.45

Při polytropické expanzi vzduchu se přivádí 196 kJ tepla. Určete změnu vnitřní energie a vykonanou práci, jestliže objem při tom se zvětšil 10x a tlak se zmenšil 8x.

$$[\Delta U = 39 \text{ kJ}, A_{12} = 161 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.46

3 m³ vzduchu polytropicky expandují z tlaku p₁ = 6 · 10⁵ Pa a teploty t₁ = 45 °C na tlak p₂ = 1,5 · 10⁵ Pa a objem V₂ = 9 m³. Určete exponent polytropy, konečnou teplotu, vykonanou práci a přivedené teplo. Zobraďte děj do diagramů p-v a T-S.

$$[n = 1,26, t_2 = 35 \text{ °C}, A_{12} = 217 \text{ kJ}, Q_{12} = 73,5 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.47

1,5 kg vzduchu se polytropicky stlačuje z p₁ = 0,088 · 10⁶ Pa a t₁ = 18 °C na p₂ = 0,981 · 10⁶ Pa a t₂ = 125 °C. Určete exponent polytropy, konečný objem, spotřebovanou práci, odvedené teplo a změnu vnitřní energie.

Řešení :

$$m = 1,5 \text{ kg}; p_1 = 0,088 \cdot 10^6 \text{ Pa}; t_1 = 18 \text{ °C}; p_2 = 0,981 \cdot 10^6 \text{ Pa}; t_2 = 125 \text{ °C}; n = ?; V_2 = ?; A_{12} = ?; Q_{12} = ?; \Delta U = ?$$

Pro poměr tlaků a teplot při polytropickém ději platí
$$\frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{p_2}{p_1}\right)^{\frac{n-1}{n}}$$

Po logaritmování vztahu
$$\frac{n-1}{n} = \frac{\log(T_2/T_1)}{\log(p_2/p_1)} = \frac{\log \frac{398}{291}}{\log \frac{0,981 \cdot 10^6}{0,088 \cdot 10^6}} = \frac{0,136}{1,0468} = 0,13$$

Exponent polytropy n = 1,149

Konečný objem
$$V_2 = \frac{m \cdot r \cdot T_2}{p_2} = \frac{1,5 \cdot 287,04 \cdot 398}{0,981 \cdot 10^6} = 0,1746 \text{ m}^3$$

Práce při polytropickém ději
$$A_{12} = \frac{m \cdot r}{n-1} (t_1 - t_2) = \frac{1,5 \cdot 287,04}{1,149-1} (18 - 125) = -309 \cdot 10^3 \text{ J}$$
 - se jedná o práci spotřebovanou

Odvedené teplo
$$Q_{12} = m \cdot c_v \frac{n-\kappa}{n-1} (t_2 - t_1) = 1,5 \cdot 0,714 \cdot 10^3 \cdot \frac{1,149-1,4}{1,149-1} \cdot (125-18) = -193 \cdot 10^3 \text{ J}$$

Změna vnitřní energie (z prvního termodynamického zákona)

$$\Delta U = Q_{12} - A_{12} = -193 \cdot 10^3 - (-309 \cdot 10^3) = 116 \cdot 10^3 \text{ J}$$

Příklad 5.48

0,4 m³ vzduchu se polytropicky stlačuje z tlaku p₁ = 1,2 · 10⁵ Pa a teploty t₁ = 60 °C na p₂ = 6 · 10⁵ Pa. Určete množství přivedeného tepla,

kompresní práci, změnu entalpie a změnu vnitřní energie. Exponent polytropy $n = 1,3$.

$$[Q_{12} = 23,3 \text{ kJ}, A_{12} = 93,5 \text{ kJ}, \Delta I = 98 \text{ kJ}, \Delta U = 70,2 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.49

Při polytropické expanzi 1 kg dusíku se vykoná práce 2000 kJ/kg a změní se vnitřní energie o 300 kJ/kg. Určete exponent polytropy.

$$[n = 1,06]$$

Příklad 5.50

1 kg kyslíčnicku uhličitého polytropicky expanduje s exponentem polytropy $n = -1,5$. Počáteční tlak je $5 \cdot 10^5$ Pa, $t_1 = 100$ °C, $p_2 = 15 \cdot 10^5$ Pa. Určete práci vykonanou plynem a množství přivedeného tepla.

$$[A_{12} = 31,3 \text{ kJ}, Q_{12} = 228 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.51

Kyslíčnicku uhličitý o tlaku $p_1 = 10^5$ Pa a $t_1 = 80$ °C se stlačuje na tlak $p_2 = 1,5 \cdot 10^5$ Pa tak, že poměr množství přivedeného tepla a vykonané práce je 11. Jaká je konečná teplota a jaká je měrná tepelná kapacita tohoto děje ?

$$[t_2 = 322 \text{ °C}, c_n = 0,797 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 5.52

5 m^3 dusíku o tlaku $p_1 = 12 \cdot 10^5$ Pa a teplotě $t_1 = 30$ °C polytropicky expanduje na tlak $p_2 = 1,5 \cdot 10^5$ Pa a konečný objem $24,7 \text{ m}^3$. Určete exponent polytropy, práci vykonanou plynem a množství přivedeného tepla.

$$[n = 1,3, Q_{12} = 1900 \text{ kJ}, A_{12} = 7650 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.53

2 kmoly kyslíku o parametrech $p_1 = 4 \cdot 10^6$ Pa a $t_1 = 620$ °C adiabaticky expandují na tlak $p_2 = 1,2 \cdot 10^6$ Pa. Určete měrný objem a teplotu na konci expanze, expanzní práci, změnu vnitřní energie a změnu entalpie. ($\kappa = 1,32$)

$$[v_2 = 0,1433 \text{ m}^3/\text{kg}, t_2 = 385 \text{ °C}, A_{12} = 11643 \text{ kJ}, \Delta U = -11643 \text{ kJ}, \Delta I = -15488 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.54

V Diesellově motoru vzduch na začátku adiabatické komprese má parametry $p_1 = 0,95 \cdot 10^5$ Pa a teplotu $t_1 = 60$ °C. Určete kompresní

poměr $\varepsilon = \frac{V_1}{V_2}$ a tlak na konci děje, jestliže teplota vzplanutí paliva $t_2 = 630$ °C. ($\kappa = 1,4$)

$$[\varepsilon = 12,1, p_2 = 3,12 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

Příklad 5.55

1 kg dusíku o tlaku $p_1 = 25 \cdot 10^5$ Pa a teplotě $t_1 = 700$ °C polytropicky expanduje ($n = 1,18$) na tlak $p_2 = 10^5$ Pa. Určete změnu vnitřní energie ΔU , množství tepla přivedeného plynu Q_{12} a expanzní práci. a) Měrná tepelná kapacita je závislá na teplotě plynu, $\kappa = \frac{c_p}{c_v}$ b) Měrná tepelná kapacita je nezávislá na teplotě, určené dle molekulárně-kinetické teorie, $\kappa = 1,4$.

$$[\Delta U = -310 \text{ kJ/kg}, A_{12} = 622 \text{ kJ/kg}, Q_{12(a)} = 312 \text{ kJ/kg}, Q_{12(b)} = 342 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.56

Při polytropické kompresi vzduchu bylo přivedeno 1 kg plynu 50 kJ/kg tepla, teplota se zvýšila o 100 K. Určete exponent polytropu a poměr práce a tepla ke změně vnitřní energie.

$$[n = 2,316, \frac{q_{12}}{\Delta u} = 69,8\%, \frac{a_{12}}{\Delta u} = 30,2\%]$$

Příklad 5.57

0,01 m³ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,981 \cdot 10^6$ Pa a $t_1 = 25$ °C expanduje ve válci s pohyblivým pístem na tlak $p_2 = 0,981 \cdot 10^5$ Pa. Určete konečný objem, konečnou teplotu, vykonanou práci, přivedené teplo, je-li expanze ve válci: a) izotermická, b) adiabatická, c) polytropická ($n = 1,3$).

$$[A_{12a} = Q_a = 22,57 \text{ kJ}, Q_{12b} = 0, A_{12b} = 11,82 \text{ kJ}, Q_{12c} = -10,1 \text{ kJ}, A_{12c} = 13,47 \text{ kJ}]$$

Příklad 5.58

V Dieselově motoru se nasávaný vzduch o tlaku $p_1 = 1,02 \cdot 10^5$ Pa a teplotě $t_1 = 40$ °C stlačuje adiabaticky při kompresním poměru $\varepsilon = V_1/V_2 = 18$. Určete kompresní tlak a teplotu.

$$[p_2 = 53,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}, t_2 = 644 \text{ °C}]$$

Příklad 5.59

Pístový kompresor o výkonu $V_0 = 2100$ m³/h nasává vzduch o tlaku $p_1 = 0,98 \cdot 10^5$ Pa a teplotě $t_1 = 25$ °C a stlačuje jej na tlak $p_2 = 9,9 \cdot 10^5$ Pa. Komprese je polytropická s exponentem $n = 1,2$. Určete množství chladicí vody pro chlazení válce, je-li dovolený ohřev vody $\Delta t = 15$ °C.

$$[m_{H_2O} = 4300 \text{ kg/h}]$$

Příklad 5.60

V pístovém kompresoru se stlačuje vzduch o tlaku $p_1 = 0,098 \cdot 10^6$ Pa a teplotě $t_1 = 20$ °C polytropicky na tlak $p_2 = 6,86 \cdot 10^5$ Pa (exponent $n = 1,3$). Určete práci 1 kg vzduchu a odvedené teplo !

$$[a_{12} = -159 \text{ kJ/kg}, q_{12} = -39,6 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.61

Určete, jaký děj probíhá při expanzi kyslíku, jsou-li naměřeny parametry tří stavů: 1) $p_1 = 2 \cdot 10^6$ Pa, $t_1 = 487$ °C, 2) $p_2 = 10^6$ Pa, $v_2 = 0,427$ m³/kg, 3) $v_3 = 0,3$ m³/kg, $t_3 = 576$ °C.

Příklad 5.62

Při polytropické expanzi plynu se jeho objem zvětšil o 20 %, absolutní teplota se snížila o 12 %. Zakreslete děj dvouatomového plynu do diagramu p-v a určete práci 1 kmolu plynu. Teplota $t_1 = 227 \text{ °C}$.

$$[\text{exponent polytropy } n = 1,701, a_{m12} = 712 \text{ kJ/kmol}]$$

Příklad 5.63

Při polytropické expanzi kyslíčnicku uhelnatého práce 1 kg plynu z 25 % připadá na přivedené teplo a 75 % práce připadá na zmenšení vnitřní energie. Určete exponent polytropy a měrnou tepelnou kapacitu děje! Zobraďte děj do diagramu p - v!

$$[\text{exponent } n = 1,3, c = -0,247 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 5.64

Počáteční stav 1 kg dusíku je zadán entalpií $i_1 = 210 \text{ kJ/kg}$ a konečný stav entalpií $i_2 = 420 \text{ kJ/kg}$. Určete práci vykonanou 1 kg dusíku, jestliže přechod z počátečního stavu na konečný je a) isobarický, b) adiabatický. Měrná tepelná kapacita je konstantní.

$$[a) a_{12} = 59,85 \text{ kJ/kg}; b) a_{12} = -150 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.65

Vzduch z počátečního stavu (1) o teplotě $t_1 = 20 \text{ °C}$ se adiabaticky stlačuje na objem 3x menší a pak isothermicky expanduje na počáteční objem. Určete práci 1 kg plynu.

$$[a = 27,91 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 5.66

V ocelovém válci je pod lehce pohyblivým pístem třaskavá směs ($2\text{H}_2 + \text{O}_2$) o teplotě 20 °C . Počáteční objem je 100 cm^3 . Z jaké výše spadne píst závaží o hmotnosti 5 kg, jestliže se plyn vznítí? Teplota vznícení je 500 °C .

$$[h = 0,77 \text{ m}]$$

Příklad 5.67

Vzduch o teplotě 127 °C se isothermicky stlačuje na objem 4x menší a pak adiabaticky expanduje na původní tlak. Určete teplotu vzduchu na konci adiabatické expanze!

Řešení:

$$t_{1,2} = 127 \text{ °C}; v_2 = v_1/4; p_3 = p_1; t_3 = ?$$

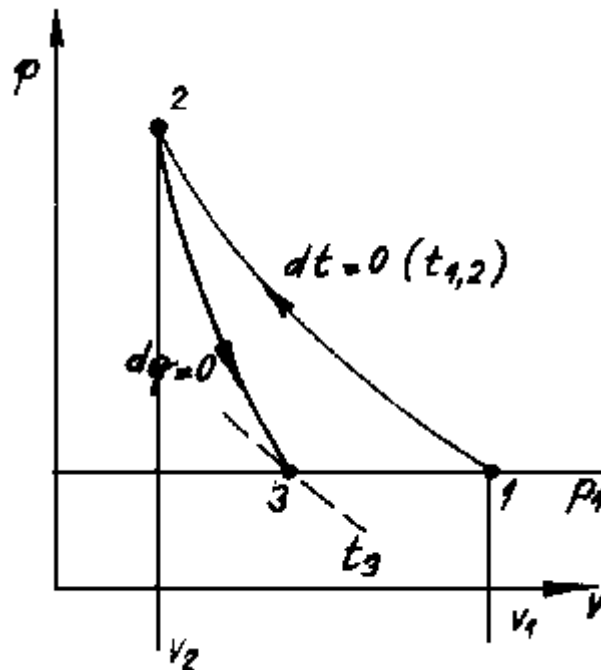
$$\text{Pro izothermický děj 1 - 2 platí } p_1/p_2 = v_2/v_1$$

$$\text{Pro adiabatický děj 2 - 3 platí } p_3/p_2 = p_1/p_2 = (T_3/T_2)^{\kappa-1} \quad \text{tj. } v_2/v_1 = (T_3/T_2)^{\kappa-1}$$

Teplota

$$T_3 = T_2 \left(\frac{v_2}{v_1} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}} = \frac{T_2}{\left(\frac{v_1}{v_2} \right)^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}} = \frac{400}{4^{\frac{1,4-1}{1,4}}} = \frac{400}{1,487} = 269 \text{ K}$$

$$t_3 = T_3 - 273 = 269 - 273 = -4 \text{ } ^\circ\text{C}$$



Příklad 5.68

Vzduch o hmotnosti 0,4 kg expanduje isotermicky z počátečního tlaku $p_1 = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ na měrný objem $v_2 = 1,68 \text{ m}^3/\text{kg}$. Teplota $t_{12} = 300 \text{ } ^\circ\text{C}$. Pak následuje isobarická komprese a izochorický ohřev na původní stav. Určete pro každý děj (isotermický, isobarický, izochorický) změnu vnitřní energie, změnu entalpie a vykonanou práci.

$$[dt = 0 : \Delta U = \Delta I = 0, A_{12} = Q_{12} = 46,92 \text{ kJ}; dp = 0 : Q_{12} = \Delta I = -117,5 \text{ kJ}, \Delta U = -83,5 \text{ kJ}; A_{12} = -34 \text{ kJ}; dv = 0 : A_{12} = 0, Q_{12} = \Delta U = 83,5 \text{ kJ}, \Delta I = 117,5 \text{ kJ}]$$

6. Druhý zákon termodynamicky, entropie, T-s diagram

Příklady: [6.1](#), [6.2](#), [6.3](#), [6.4](#), [6.5](#), [6.6](#), [6.7](#), [6.8](#), **[6.9](#)**, [6.10](#), [6.11](#), [6.12](#), [6.13](#), [6.14](#), [6.15](#), [6.16](#), [6.17](#), [6.18](#), [6.19](#), [6.20](#), [6.21](#), **[6.22](#)**, [6.23](#), [6.24](#), [6.25](#), [6.26](#), [6.27](#), **[6.28](#)**, [6.29](#), [6.30](#), [6.31](#), [6.32](#), [6.33](#), [6.34](#), [6.35](#), **[6.36](#)**, [6.37](#), [6.38](#), [6.39](#), [6.40](#),

Příklad 6.1

Určete celkovou změnu entropie při ponoření 0,1 kg železa o teplotě $t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$ do vody o teplotě $t_0 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$. Měrná tepelná kapacita železa $c_{\text{Fe}} = 0,46 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$. Množství vody je takové, že je možné zanedbat změnu její teploty.

$$[\Delta S = 13,38 \text{ J/K}]$$

Příklad 6.2

10 m^3 vzduchu polytropicky expanduje z počátečního tlaku $p_1 = 19,6 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teploty $t_1 = 35 \text{ }^\circ\text{C}$ na $t_2 = -35 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete změnu měrné entropie při tomto ději, jestliže se odvádí 214 kJ tepla.

$$[\Delta s = -0,0795 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.3

2 kg olova o teplotě tání ponoříme do 3,5 kg vody v dokonale izolované nádobě. Teplota vody je $15 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete změnu měrné entropie, způsobenou vyrovnáním teplot. Měrná tepelná kapacita olova $c_{\text{pb}} = 0,13 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$, tavní teplota olova $t = 327 \text{ }^\circ\text{C}$. Měrná tepelná kapacita vody $c_{\text{H}_2\text{O}} = 4,186 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$.

$$[\Delta s = 0,447 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.4

Do 1 kg vody o teplotě $0 \text{ }^\circ\text{C}$ je ponořen kus železa o hmotnosti 0,5 kg a teplotě $100 \text{ }^\circ\text{C}$. Jak se změní celková entropie soustavy těchto těles ?

$$[\Delta s = 0,0125 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.5

V tlakové nádobě o objemu $V = 0,1 \text{ m}^3$ je stlačený vzduch o tlaku $p_1 = 4,9 \cdot 10^6 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$. Okolní vzduch má tlak $p_2 = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, teplotu $t_2 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete změnu měrné entropie soustavy po vypuštění vzduchu do okolí, jestliže děj probíhá tak pomalu, že nedochází k ochlazení vzduchu.

$$[\Delta s = 4,88 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.6

Dokažte, že se dvě adiabaty spolu neprotínají!

Příklad 6.7

1 kg vzduchu se v kompresoru stlačuje na objem 6x menší a pak při $v = \text{konst.}$ se v zásobníku ohřívá na tlak 1,5x větší. Určete změnu entropie.

$$[\Delta s = 0,293 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.8

1 kg vzduchu se ochlazuje v jednom případě izochoricky, v druhém případě izobaricky tak, že změna entropie v obou případech je stejná $\Delta s = 0,0627 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$. Určete odvedené teplo u obou dějů, je-li počáteční teplota $T_1 = 1000 \text{ K}$.

$$[q_{p12} = 4,64 \text{ kJ}/\text{kg}, q_{v12} = 41,6 \text{ kJ}/\text{kg}]$$

Příklad 6.9

1 kg kyslíku o tlaku $p_1 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t_1 = 127 \text{ °C}$ izobaricky expanduje na dvojnásobný objem, pak se izotermicky stlačuje na $p_2 = 39,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete změnu entropie kyslíku!

Řešení:

$$p_1 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_1 = 127 \text{ °C}; v_2 = 2 v_1; p_3 = p_2 = 39,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}; \Delta s = ?$$

Změna entropie při izobarickém ději

$$\Delta s_{12} = c_p \ln(T_2/T_1) = c_p \ln(v_2/v_1) = c_p \ln(2 \cdot v_1/v_1) = 0,917 \cdot 10^3 \ln 2 = 0,917 \cdot 10^3 \cdot 0,6931 = 0,6353 \cdot 10^3 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

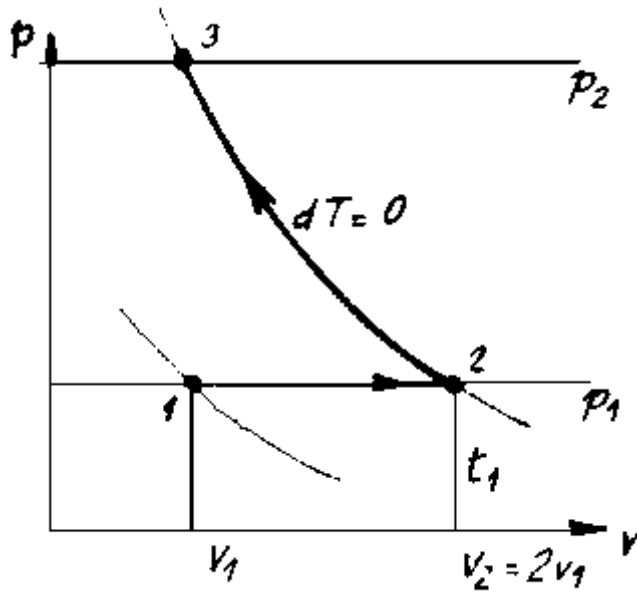
Změna entropie při izotermickém ději

$$\Delta s_{(23)} = q_{2,3}/T_{2,3}, \text{ kde } T_{2,3} = T_1 \cdot (v_2/v_1) = 400 (2 \cdot v_1/v_1) = 800 \text{ K}$$

$$q_{23} = r \cdot T_{23} \ln \frac{p_1}{p_2} = 259,88 \cdot 800 \cdot \ln \frac{4,9 \cdot 10^5}{39,2 \cdot 10^5} = 259,88 \cdot 800 (-2,08) = -433 \cdot 10^3 \text{ J}/\text{kg}$$

$$\Delta s_{23} = -\frac{433 \cdot 10^3}{800} = -0,52 \cdot 10^3 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

$$\text{Celková změna entropie } \Delta s_{(13)} = \Delta s_{(12)} + \Delta s_{(23)} = (0,6353 - 0,52) \cdot 10^3 = 0,1153 \cdot 10^3 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$



Příklad 6.10

1 kg vzduchu o tlaku $0,98 \cdot 10^5$ Pa a teplotě 15°C se přivede do stavu o teplotě 100°C a tlaku $4,9 \cdot 10^5$ Pa. Jaká je změně entropie ?

$$[\Delta s = -0,202 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.11

1 kg vzduchu o tlaku $7,85 \cdot 10^5$ Pa a teplotě 140°C expanduje na tlak $1,96 \cdot 10^5$ Pa a zaujímá pak objem $0,55 \text{ m}^3$. Určete změnu entropie!

$$[\Delta s = 0,295 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.12

Určete změnu entropii 5 m^3 vzduchu při teplotě 500°C , je-li počáteční stav $t_0 = 0^\circ\text{C}$, $p_0 = 1,01 \cdot 10^5$ Pa a děj probíhá a) izochoricky, b) isobaricky, c) adiabaticky, d) polytropicky (exponent $n = 2$).

$$[\Delta S_a = 5,05 \text{ kJ/K}, \Delta S_b = 6,95 \text{ kJ/K}, \Delta S_c = 0, \Delta S_d = 3,15 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.13

1 m^3 vzduchu o tlaku $5,88 \cdot 10^5$ Pa a teplotě 20°C expanduje na pětinasobný objem. Po expanzi je teplota -60°C . Určete přírůstek entropie a konečný tlak !

$$[\Delta S = 1,63 \text{ kJ/K}, p_2 = 8,55 \cdot 10^4 \text{ Pa}]$$

Příklad 6.14

1 kg vzduchu o tlaku $0,98 \cdot 10^5$ Pa se ohřívá za stálého objemu z 15°C na 150°C . Jaký je výsledný tlak, kolik tepla se přivede a jaká je změna entropie ? Znázorněte v T-s diagramu.

$$[p_2 = 1,44 \cdot 10^5 \text{ Pa}, q_{12} = 97 \text{ kJ/kg}, \Delta s = 0,276 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 6.15

1 kg vzduchu se ohřívá za stálého tlaku $1,96 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ z 20 °C na 110 °C . Jaký bude konečný objem, kolik tepla se přivede a jaká práce se vykoná? Vypočítejte změnu entropie a znázorněte v diagramu T-s!

$$[v_2 = 56 \text{ m}^3/\text{kg}, q_{12} = 90,7 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 25,8 \text{ kJ/kg}, \Delta s = 0,055 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 6.16

Jsou zadány parametry vzduchu ve třech stavech: $p_1 = 9,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $v_1 = 0,226 \text{ m}^3/\text{kg}$, $p_2 = 7,85 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $v_2 = 0,265 \text{ m}^3/\text{kg}$, $p_3 = 5,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $v_3 = 0,325 \text{ m}^3/\text{kg}$. Určete entropie a teploty vzduchu v těchto stavech a jaký je to děj! Předpokládejte, že při teplotě 0 °C je entropie nulová.

$$[s_1 = s_2 = s_3 = 0,423 \text{ kJ/(kg.K)}, t_1 = 500 \text{ °C}, t_2 = 451 \text{ °C}, t_3 = 393 \text{ °C}, \text{ je to adiabatický děj}]$$

Příklad 6.17

Změna stavu dusíku je zadána parametry tří stavů: $t_1 = 300 \text{ °C}$, $v_1 = 0,174 \text{ m}^3/\text{kg}$, $t_2 = 200 \text{ °C}$, $v_2 = 0,143 \text{ m}^3/\text{kg}$, $t_3 = 100 \text{ °C}$, $v_3 = 0,113 \text{ m}^3/\text{kg}$. Znázorněte děj do T-s diagramu a určete jaký je to děj! Předpokládejte, že při teplotě 0 °C je entropie nulová.

$$[s_1 = 0,1 \text{ kJ/(kg.K)}, s_2 = -0,104 \text{ kJ/(kg.K)}, s_3 = -0,357 \text{ kJ/(kg.K)}; \text{ je to isobarický děj}]$$

Příklad 6.18

Určete změnu entropie při izochorickém ochlazení 100 m^3 vzduchu z tlaku $p_1 = 6 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teploty $t_1 = 40 \text{ °C}$ na tlak $p_2 = 4,9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$!

$$[\Delta S = -95 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.19

6,42 kg dusíku o tlaku $p_1 = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ se ochlazuje za stálého objemu z teploty $t_1 = 627 \text{ °C}$ na teplotu $t_2 = 27 \text{ °C}$. Jaká je změna entropie? Znázorněte v T-s diagramu!

$$[\Delta S = -5,2 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.20

6 kg dusíku vykoná při isobarické expanzi práci $A_{12} = 350 \text{ kJ}$. Určete změnu entropie při tomto ději, je-li počáteční teplota $t_1 = 100 \text{ °C}$.

$$[\Delta S = 2,826 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.21

6,42 kg dusíku se ohřívá za stálého tlaku $p = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ z teploty $t_1 = 27 \text{ °C}$ na teplotu $t_2 = 627 \text{ °C}$. Určete změnu entropie. Znázorněte v T-s diagramu.

$$[\Delta S = 7,28 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.22

Jak se změní entropie 2 m³ vzduchu při ohřátí z $t_1 = 100 \text{ °C}$ na $t_2 = 500 \text{ °C}$ při konstantním tlaku $p_p = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a $p_b = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$?

$$[\Delta S = 4,02 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.23

Při isotermické kompresi 0,3 m³ vzduchu o tlaku $p_1 = 10^6 \text{ Pa}$ a $t_1 = 300 \text{ °C}$ se odvádí teplo 490 kJ. Určete změnu entropie !

$$[\Delta S = -0,855 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.24

3 kg dusíku o teplotě $t_1 = 15 \text{ °C}$ polytropicky expandují tak, že při tom vykonávají práci 320 kJ a plynu se odebere 40 kJ tepla. Určete změnu entropie plynu při tomto ději !

$$[\Delta S = 0,075 \text{ kJ/K} = 75 \text{ J/K}]$$

Příklad 6.25

5 kg spalin se ochlazuje při stálém tlaku z teploty 1500 °C na 300 °C. Určete změnu entropie je-li měrná tepelná kapacita $c_p = 1,045 \text{ kJ/(kg.K)}$.

$$[\Delta S = -5,9 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.26

Kolikrát je změna entropie vzduchu větší při isobarickém ději oproti isochorickému, jestliže se v obou případech vzduch ohřívá z teploty t_1 na teplotu t_2 ?

$$[\Delta s_p / \Delta s_v = \kappa = 1,4]$$

Příklad 6.27

O kolik je větší změna entropie při isobarickém ohřevu dusíku než při isochorickém ohřevu dusíku, je-li v obou případech počáteční teplota $t_1 = 127 \text{ °C}$ a konečná $t_2 = 527 \text{ °C}$?

$$[\Delta s_p - \Delta s_v = 0,205 \text{ kJ/(kg.K)}]$$

Příklad 6.28

1,5 kg vzduchu se polytropicky stlačuje z tlaku $p_1 = 0,88 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teploty $t_1 = 18 \text{ °C}$ na tlak $p_2 = 9,81 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotu $t_2 = 125 \text{ °C}$. Určete změnu entropie !

Řešení:

$m = 1,5 \text{ kg}; p_1 = 0,88 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_1 = 18 \text{ }^\circ\text{C}; p_2 = 9,81 \cdot 10^5 \text{ Pa}; t_2 = 125 \text{ }^\circ\text{C} \quad \Delta s = ?$

Změna entropie při polytropickém ději

$$\Delta s = c_v \frac{n - \kappa}{n - 1} \cdot \ln(T_2 / T_1) = 0,714 \cdot 10^3 \frac{1,149 - 1,4}{1,149 - 1} \ln \frac{398}{291} = -0,3765 \cdot 10^3 \text{ J}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

$$\Delta S = m \Delta s = 1,5 (-0,3765 \cdot 10^3) = -0,5645 \cdot 10^3 \text{ J/K}$$

(Pozn.: Exponent polytropického děje byl určen v příkladu 5.47)

Příklad 6.29

Určete změnu entropie 5 m^3 vzduchu o tlaku $p_1 = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ při polytropickém ochlazování z teploty $t_1 = 127 \text{ }^\circ\text{C}$ na teplotu $t_2 = 0 \text{ }^\circ\text{C}$ (exponent polytropie $n = 2$). Znázorněte v diagramu T-s !

$$[\Delta S = 1,066 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.30

6,42 kg dusíku o tlaku $p_1 = 1,01 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ polytropicky expanduje z teploty $t_1 = 627 \text{ }^\circ\text{C}$ na teplotu $t_2 = 27 \text{ }^\circ\text{C}$. Exponent polytropie $n = 2$. Určete změnu entropie. Znázorněte v diagramu T-s !

$$[\Delta S = 3,12 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.31

Určete změnu entropie při smíšení 3 kg N_2 a 2 kg CO_2 . Teplota a tlak obou plynů před smíšením jsou stejné.

$$[\Delta S = 0,7725 \text{ kJ/K}]$$

Příklad 6.32

Směs plynů se skládá z 30 objemových % dusíku a 70 objemových % vodíku. Její teplota $t = 20 \text{ }^\circ\text{C}$, tlak $p = 1,76 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete entropii 1 kg směsi za předpokladu, že mezi složkami směsi nenastává chemická reakce a entropie obou složek při normálních fyzikálních podmínkách je rovna nule.

$$[s = 0,254 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.33

Určete entropii kg směsi o tlaku $p = 2,94 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě $t = 300 \text{ }^\circ\text{C}$, která se skládá z 0,37 hmotnostních dílů dusíku a 0,63 dílů argonu. Entropie dusíku a argonu při teplotě $t_0 = 0 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p_0 = 10^5 \text{ Pa}$ předpokládejte nulové.

$$[s = 0,455 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})]$$

Příklad 6.34

Určete ztrátu exergie při rozdělení vzduchu na kyslík a dusík. Vzduch se skládá z 21 objemových % kyslíku a 79 objemových % dusíku. Teplota okolí $t_0 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$.

Příklad 6.35

O kolik se zvýší entropie při smíšení 3 kg dusíku s 2 kg kysličníku uhličitého? Teplota a tlak před míšením jsou stejné.

[$\Delta S = 0,7725 \text{ kJ/K}$]

Příklad 6.36

V regeneračním výměníku zařízení s plynovou turbínou se vzduch ohřívá výfukovými plyny z turbíny z teploty $t_1 = 140 \text{ °C}$ na $t_2 = 270 \text{ °C}$. Plyny se přitom ochlazují z teploty $t_3 = 340 \text{ °C}$ na teplotu $t_4 = 210 \text{ °C}$. Plyn považujte za ideální s vlastnostmi vzduchu. Teplota okolí $t_0 = 20 \text{ °C}$. Výměník tepla je bez tepelných ztrát. Určete ztrátu exergie!

Řešení:

$$t_1 = 140 \text{ °C}; t_2 = 270 \text{ °C}; t_3 = 340 \text{ °C}; t_4 = 210 \text{ °C}; t_0 = 20 \text{ °C}; \Delta e = ?$$

Ztráta energie $\Delta e = T_0 \Delta s$, kde Δs je změna entropie $\Delta s = \Delta s_1 + \Delta s_2$

$$\Delta s_1 = c_p \ln \frac{T_4}{T_3} = 1,005 \cdot 10^3 \ln \frac{483}{613} = -0,2395 \cdot 10^3 \text{ J/(kg.K)}$$

$$\Delta s_2 = c_p \ln \frac{T_2}{T_1} = 1,005 \cdot 10^3 \ln \frac{543}{413} = 0,275 \cdot 10^3 \text{ J/(kg.K)}$$

$$\Delta s = (-0,2395 + 0,275) \cdot 10^3 = 0,0355 \cdot 10^3 \text{ J/(kg.K)}$$

$$\text{Ztráta exergie } \Delta e = 293 \cdot 0,0355 \cdot 10^3 = 10,4 \cdot 10^3 \text{ J/kg} = 10,4 \text{ kJ/kg}$$

Příklad 6.37

Určete ztrátu exergie při výměně tepla v regeneračním výměníku zařízení s plynovou turbínou. Vzduch se ohřívá z teploty $t_1 = 160 \text{ °C}$ na $t_2 = ?$, plyny se ochlazují z teploty $t_3 = 400 \text{ °C}$ na teplotu $t_4 = 240 \text{ °C}$. Tepelné ztráty výměníku představují 10 % z tepla odnímaného plynu. Výfukové plyny z turbíny a vzduch považujte za ideální plyny s vlastnostmi vzduchu, měrná tepelná kapacita je konstantní. Teplota okolí je $t_0 = 15 \text{ °C}$.

[$\Delta e = 20,582 \text{ kJ/kg}$]

Příklad 6.38

Určete ztrátu exergie v palivovém článku jaderného reaktoru, jestliže vyvíjené teplo přechází do vody, protékající při tlaku $98,1 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Voda se ohřívá z teploty $t_1 = 190 \text{ °C}$ na teplotu $t_2 = 280 \text{ °C}$; teplota palivového článku je konstantní po jeho délce a rovna $t_3 = 380 \text{ °C}$. Ztrátu exergie vztáhněte na 100 kJ vyvinutého tepla. Teplota okolí $t_0 = 20 \text{ °C}$. Tepelné ztráty neuvažujte!

[$\Delta e = 12,86 \text{ kJ}$]

Příklad 6.39

V protiproudém výměníku se ochlazuje vzduch z teploty $t_1 = 240 \text{ °C}$ na teplotu $t_2 = 60 \text{ °C}$ chladicí vodou, která se ohřívá z teploty $t_3 = 15 \text{ °C}$ na teplotu $t_4 = 32 \text{ °C}$. Určete změnu entropie systému - voda vzduch - za 1 hod. Množství chladicí vody $m_{\text{H}_2\text{O}} = 250 \text{ kg/h}$. Měrná tepelná kapacita vzduchu i vody je konstantní, výměník je bez tepelných ztrát.

Příklad 6.40

Určete ztrátu exergie při kondenzaci vodní páry v kondenzátoru parní turbíny. Kondenzace nastává při tlaku $p = 3920 \text{ Pa}$. Teplota okolí $t_0 = -5 \text{ °C}$. Do kondenzátoru vstupuje sytá pára.

$[\Delta e = 271,6 \text{ kJ/kg}]$

7. Carnotův cyklus

Příklad: [7.1](#), [7.2](#), [7.3](#), [7.4](#), [7.5](#), [7.6](#), [7.7](#)

Příklad 7.1

Jedním kg vzduchu se provede Carnotův cyklus mezi teplotami $T_1 = 900 \text{ K}$, $T_2 = 300 \text{ K}$. Nejvyšší tlak je $58,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, nejnižší $0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete práci cyklu, účinnost, tlaky a objemy v typických bodech cyklu, přivedené a odvedené teplo! Zakreslete do p-v a T-s diagramu !

$$[p_1 = 58,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}, p_2 = 45,8 \cdot 10^5 \text{ Pa}, p_3 = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}, p_4 = 1,25 \cdot 10^5 \text{ Pa}, v_1 = 0,0439 \text{ m}^3/\text{kg}, v_2 = 0,0563 \text{ m}^3/\text{kg}, \\ v_3 = 0,8778 \text{ m}^3/\text{kg}, v_4 = 0,684 \text{ m}^3/\text{kg}, a_o = 42,8 \text{ kJ/kg}, \eta_t = 0,666, q_H = 63,8 \text{ kJ/kg}, /q_C/ = 21,2 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 7.2

Chladicí zařízení o výkonu $Q = 6,95 \text{ kW}$ pracuje podle Carnotova cyklu. Teplota chlazeného prostoru $t_1 = -10 \text{ }^\circ\text{C}$, teplota v místnosti, kde se nachází chladicí zařízení je $t_2 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete chladicí faktor a teoretický výkon motoru pro pohon chladicího zařízení. Určete také, zda se bude ohřívat nebo ochlazovat vzduch v místnosti, kde je umístěno chladicí zařízení a jaké teplo se bude přivádět (nebo odvádět) po spuštění zařízení.

$$[\varepsilon_{ch} = 8,77, P = 0,795 \text{ kW}, q_H = -27 \text{ 980 kJ/h; místnost se ohřívá}]$$

Příklad 7.3

V tropických oblastech je teplota povrchových vrstev mořské vody $30 \text{ }^\circ\text{C}$, v hloubce několika set metrů je $10 \text{ }^\circ\text{C}$. Tyto vrstvy vody mohou být jako přirozené zdroje tepla využity pro získání práce v termodynamickém cyklu, v našem případě v Carnotově cyklu. Jaká by byla účinnost takového zařízení?

$$[\eta_t = 6,6\%]$$

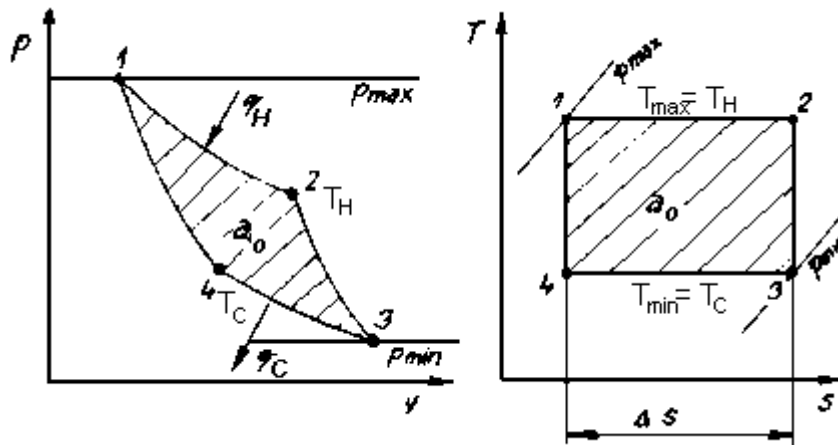
Příklad 7.4

Teplota plynů vycházejících z hlubokých vrstev země dosahuje hodnoty $180 \text{ }^\circ\text{C}$; určete maximální účinnost tepelného motoru, využívajícího tohoto zdroje tepla k práci, je-li teplota okolí $20 \text{ }^\circ\text{C}$.

$$[\eta_t = 0,353]$$

Příklad 7.5

1 kg vzduchu koná Carnotův cyklus mezi teplotami $t_H = 327 \text{ }^\circ\text{C}$ a $t_C = 27 \text{ }^\circ\text{C}$. Nejvyšší tlak je $2 \cdot 10^6 \text{ Pa}$; nejnižší $1,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete práci cyklu, termickou účinnost, přivedené a odvedené teplo a exergickou účinnost, je-li teplota okolí $t_o = 20 \text{ }^\circ\text{C}$!



Řešení :

$$t_H = t_{\max} = 327 \text{ } ^\circ\text{C}; t_C = t_{\min} = 27 \text{ } ^\circ\text{C}, p_{\max} = 2 \cdot 10^6 \text{ Pa}, p_{\min} = 1,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}; a_0 = ?; \eta_t = ?; q_H = ? / q_C = ?; \eta_E = ?$$

Tlak v bodě 2 cyklu

$$p_2 = p_3 = (T_2 / T_3)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}} = 1,2 \cdot 10^5 \cdot \left(\frac{273 + 327}{273 + 27} \right)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}} = 1,2 \cdot 10^5 \cdot 11,32 = 1,35 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

Tlak v bodě 4 cyklu

$$p_4 = p_1 (T_4 / T_1)^{\frac{\kappa}{\kappa-1}} = \frac{2 \cdot 10^6}{11,32} = 1,77 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{Přivedené teplo} \quad q_H = r \cdot T_{\max} \ln \frac{p_1}{p_2} = 287,04 \cdot 600 \cdot \ln \frac{2 \cdot 10^6}{1,35 \cdot 10^6} = 67400 \text{ J / kg}$$

$$\text{Odvedené teplo} \quad |q_C| = r \cdot T_{\min} \ln \frac{p_4}{p_3} = 287,04 \cdot 300 \cdot \ln \frac{1,77 \cdot 10^5}{1,2 \cdot 10^5} = 33700 \text{ J / kg}$$

$$\text{Termická účinnost cyklu} \quad \eta_c = 1 - \frac{|q_C|}{q_H} = 1 - \frac{33700}{67400} = 0,5$$

Exergetická účinnost je dána poměrem skutečně vykonané a maximální práce

$$\eta_E = a/a_{\max}; a_{\max} = q_H - T_o \Delta s = q_H - T_o (q_H/T_1); a_0 = q_H - |q_C|$$

$$\eta_E = \frac{a_0}{q_H - \frac{T_o}{T_1} q_H} = \frac{q_H - |q_C|}{q_H \left(1 - \frac{T_o}{T_1} \right)} \quad \left(\eta_{to} = 1 - \frac{T_o}{T_1} = 1 - \frac{293}{600} = 0,506 \right)$$

$$\eta_E = \frac{q_H - (1 - \eta_t) q_H}{q_H \eta_{to}} = \frac{\eta_t}{\eta_{to}} = \frac{0,5}{0,506} = 0,988$$

Příklad 7.6

1 kg mokré páry koná Carnotův cyklus. Určete termickou účinnost cyklu, práci cyklu a měrnou spotřebu páry. Počáteční parametry páry $p_1 = 16 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $x_1 = 0,97$, konečný tlak $p_2 = 0,2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$.

$$[\eta_t = 0,297, a_0 = 556 \text{ kJ/kg}, d = 0,0018 \text{ kg/kJ}]$$

Příklad 7.7

5 kg syté páry o tlaku $p_1 = 12 \cdot 10^5$ Pa koná Carnotův cyklus, tlak v kondenzátoru $p_2 = 0,2 \cdot 10^5$ Pa. Určete termickou účinnost cyklu, měrnou spotřebu páry a práci cyklu.

$$[\eta_t = 0,277, A_o = 2740 \text{ kJ}, d = 0,001825 \text{ kg/kJ}]$$

8. Cykly spalovacích motorů

Příklady: [8.1](#), [8.2](#), [8.3](#), [8.4](#), [8.5](#), [8.6](#), [8.7](#), [8.8](#), [8.9](#)

Příklad 8.1

Určete střední teplotu výfukových plynů cyklu spalovacího motoru s přívodem 920 kJ/kg tepla při $v = \text{konst.}$ (výbušný motor), jsou-li parametry pracovní látky na vstupu do válce: $p_1 = 0,97 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 50 \text{ °C}$, kompresní poměr $\varepsilon = 6$, měrné tepelné kapacity jsou stejné jako u vzduchu.

$$[T_4 = 948 \text{ K}, T_{stř} = 769 \text{ K}]$$

Příklad 8.2

Spotřeba paliva ve spalovacím motoru s kombinovaným přívodem tepla je 0,035 kg/kg pracovní látky. Pracovní látka má vlastnosti vzduchu, tlak $p_1 = 0,882 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, teplota $t_1 = 50 \text{ °C}$. Kompresní poměr $\varepsilon = 9$, maximální tlak cyklu je $29,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete termickou účinnost cyklu, je-li výhřevnost paliva $Z = 29\,260 \text{ kJ/kg}$.

$$[\eta_t = 58,9 \text{ \%}]$$

Příklad 8.3

Ve válci výbušného motoru probíhá následující proces: a) nasává se 1 kg směsi o tlaku $0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a teplotě 20 °C , b) směs se adiabaticky stlačuje na tlak $5,87 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, c) směs se zapálí a shoří při konstantním objemu, přičemž tlak vzroste na $19,6 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, d) nastává adiabatická expanze až do konce zdvihu a pak se odebírá při konstantním objemu takové teplo až tlak klesne na $0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Určete přivedené teplo, teploty, tlaky a objemy v typických bodech cyklu, odvedené teplo, práci cyklu a termickou účinnost, jsou-li vlastnosti pracovní látky stejné jako u vzduchu.

$$[\eta_t = 40,1 \text{ \%}]$$

Příklad 8.4

Určete práci pístového spalovacího motoru a přívodem tepla při konstantním objemu, je-li spotřeba paliva 0,044 kg/1 kg vzduchu, kompresní poměr $\varepsilon = 6$, výhřevnost paliva $Z = 29\,260 \text{ kJ/kg}$, $\kappa = 1,37$.

$$[a_o = 625 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 8.5

Určete práci a účinnost pístového spalovacího motoru s přívodem tepla při konstantním tlaku, je-li $p_1 = 0,98 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, $t_1 = 50 \text{ °C}$, kompresní poměr $\varepsilon = 16$, $\kappa = 1,4$, $\phi = 1,67$ (stupeň plnění). Pracovní látka má vlastnosti vzduchu.

$$[\eta_t = 0,608; a_o = 376 \text{ kJ/kg}]$$

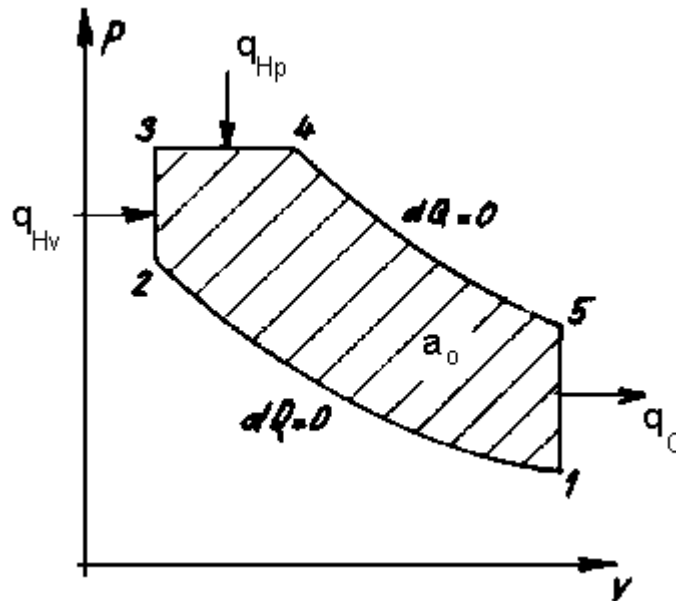
Příklad 8.6

U cyklu pístového spalovacího motoru s přívodem tepla při $p = \text{konst.}$ s počátečními parametry $p_1 = 0,833 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ a $t_1 = 25 \text{ °C}$ je přivedené teplo $q_H = 773,3 \text{ kJ/kg}$ a kompresní poměr $\varepsilon = 14$. Pracovní látka má vlastnosti vzduchu. Určete termickou účinnost a práci motoru.

$$[\eta_t = 0,6; a_0 = 464 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 8.7

Pracovní látkou pístových motorů s kombinovaným přívodem tepla je vzduch. Tlak $p_1 = 0,0981 \cdot 10^6 \text{ Pa}$, teplota $t_1 = 30 \text{ °C}$, kompresní poměr $\varepsilon = 7$, stupeň zvýšení tlaku $\Psi = 2$, stupeň plnění $\varphi = 1,2$. Určete stavové veličiny v charakteristických bodech cyklu, přivedené teplo, získanou práci a termickou účinnost cyklu. Měrná tepelná kapacita je konstantní.



Řešení:

$$p_1 = 0,0981 \cdot 10^6 \text{ Pa}; t_1 = 30 \text{ °C}; \varepsilon = 7; \Psi = 2; \varphi = 1,2; q_1 = ?; a_C = ?; \eta_t = ?$$

Bod	Veličiny		
	p [MPa]	v [m^3/kg]	T [K]
1	0,0981 ^x	0,887	303 ^x
2	1,491	0,127	659
3	2,982	0,127	1318
4	2,982	0,1525	1580
5	0,254	0,887	785

^x veličiny zadané, ostatní vypočítané

Bod 1

$$v_1 = \frac{r \cdot T_1}{p_1} = \frac{287,04 \cdot 303}{0,0981 \cdot 10^6} = 0,887 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

Bod 2

$$v_2 = v_1 / \varepsilon = 0,887 / 7 = 0,127 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\text{tlak } p_2 = p_1 \cdot \varepsilon^\kappa = 0,0981 \cdot 10^6 \cdot 7^{1,4} = 1,491 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\text{Teplota } T_2 = \frac{p_2 v_2}{r} = \frac{1,491 \cdot 10^6 \cdot 0,127}{287,04} = 659 \text{ K}$$

Bod 3

$$\text{tlak } p_3 = p_2 \cdot \Psi = 1,491 \cdot 10^6 \cdot 2 = 2,982 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\text{měrný objem } v_3 = v_2 = 0,127 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\text{Teplota } T_3 = \frac{p_3 v_3}{r} = \frac{2,982 \cdot 10^6 \cdot 0,127}{287,04} = 1318 \text{ K}$$

Bod 4

$$\text{tlak } p_4 = p_3 = 2,982 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\text{měrný objem } v_4 = v_3 \cdot \varphi = 0,127 \cdot 1,2 = 0,1525 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\text{Teplota } T_4 = \varphi \cdot T_3 = 1,2 \cdot 1318 = 1580 \text{ K}$$

Bod 5

$$\text{tlak } p_5 = p_4 \left(\frac{v_4}{v_1} \right)^\kappa = 2,982 \cdot 10^6 \left(\frac{0,1525}{0,887} \right)^{1,4} = \frac{2,982 \cdot 10^6}{11,74} = 0,254 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\text{měrný objem } v_5 = v_1 = 0,887 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$\text{Teplota } T_5 = T_1 \frac{p_5}{p_1} = 303 \cdot \frac{0,254 \cdot 10^6}{0,0981 \cdot 10^6} = 785 \text{ K}$$

Přivedené teplo

$$q_H = c_v (T_3 - T_2) + c_p (T_4 - T_3) = 0,714 \cdot 10^3 \cdot (1318 - 659) + 1005 \cdot (1580 - 1318) = 733,8 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

Odvedené teplo

$$|q_C| = c_v (T_5 - T_1) = 0,714 \cdot 10^3 (785 - 303) = 344,3 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

Práce cyklu

$$a_o = q_H - |q_C| = (733,8 - 344,3) \cdot 10^3 = 389,5 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

Termická účinnost cyklu

$$\eta_t = \frac{a_o}{q_H} = \frac{389,5 \cdot 10^3}{733,8 \cdot 10^3} = 0,528$$

Příklad 8.8

U rovnotlakého Dieselova motoru, jehož pracovní látka má vlastnosti vzduchu jsou zadány teploty $t_1 = 40 \text{ }^\circ\text{C}$, $t_2 = 600 \text{ }^\circ\text{C}$, $t_4 = 270 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete termickou účinnost Dieselova motoru a porovnejte ji s účinností Carnotova cyklu, pracujícího mezi stejnými teplotami.

$$[\eta_{tD} = 0,61, \eta_{tC} = 0,76]$$

Příklad 8.9

Určete odvedené teplo, práci cyklu a termickou účinnost pístového motoru kombinovaným přívodem tepla, je-li dáno $p_1 = 10^5$ Pa, $t_1 = 27$ °C, stupeň zvýšení tlaku $\Psi = 1,5$, nejvyšší tlak $p_3 = 6 \cdot 10^6$ Pa, množství přivedeného tepla $q_H = 1170$ kJ/kg. Pracovní látka má vlastnosti vzduchu ($\kappa = 1,4$).

$$[|q_c| = 430 \text{ kJ/kg}, \eta_t = 0,631, a_o = 740 \text{ kJ/kg}]$$

9. Kompresory a pneumatické motory

Příklad: [9.1](#), [9.2](#), [9.3](#), [9.4](#), [9.5](#), [9.6](#), [9.7](#), [9.8](#), [9.9](#), [9.10](#), [9.11](#), [9.12](#), [9.13](#), [9.14](#), [9.15](#), [9.16](#), [9.17](#)

Příklad 9.1

Dvojitý vzduchový kompresor bez škodného prostoru, pracující beze ztrát, nasává při 100 otáčkách za minutu $V_0 = 500 \text{ m}^3/\text{h}$ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$ a stlačuje jej isothermicky na $0,882 \text{ MPa}$. Jaká je práce potřebná ke stlačení 1 kg vzduchu, celkový příkon kompresoru, odvedené teplo, zdvihový objem, práce na 1 zdvih a střední indikovaný tlak ?

$$[a_k = -182,2 \text{ kJ/kg}, q_{od} = -182,2 \text{ kJ/kg}, P = 29,8 \text{ kW}, a_k = -896 \text{ kJ/zdvh}, V_z = 0,04165 \text{ m}^3, p_{i, stř} = 0,2 \text{ MPa}]$$

Příklad 9.2

Dvoustupňový kompresor nasává $0,0533 \text{ m}^3/\text{s}$ vzduchu o teplotě $t_1 = 20 \text{ °C}$ a tlaku $p_1 = 0,1 \text{ MPa}$ a stlačuje jej na tlak $p_2 = 1 \text{ MPa}$. Určete celkový příkon kompresoru a množství chladicí vody pro mezichladič, je-li poměr tlaků u obou stupňů stejný, celková účinnost každého stupně je $0,75$, komprese v obou stupních je adiabatická ($\kappa = 1,4$). Teplota chladicí vody na vstupu do mezichladiče je 15 °C , na výstupu 25 °C .

$$[P = 18,5 \text{ kW}, m_{H_2O} = 1,667 \cdot 10^{-4} \text{ kg/s}]$$

Příklad 9.3

Dvoustupňový dvojitý vzduchový kompresor bez škodného prostoru, pracující beze ztrát, nasává za hod. 500 m^3 vzduchu o tlaku $0,098 \text{ MPa}$ a teplotě 17 °C a stlačuje jej polytropicky (exponent $n = 1,3$) na $0,882 \text{ MPa}$ při $1,667$ otáčkách ze vteřinu. V chladiči mezi oběma stupni se vzduch ochladí na 17 °C . Jaká je celková práce kompresoru, celkový příkon, teplo odvedené při kompresi, teplo odvedené vodou v mezichladiči, zdvihové objemy nízkotlakého a vysokotlakého válce a střední indikovaný tlak ?

$$[A_k = -33,9 \text{ kW}, P = 34 \text{ kW}, Q_{kompr} = -6,56 \text{ kW}, Q_{chl} = -14 \text{ kW}, V_{ZN} = 0,416 \text{ m}^3, V_{ZV} = 0,0139 \text{ m}^3, p_{i, stř} = 0,244 \text{ MPa}]$$

Příklad 9.4

Kompresor nasává 250 m^3 vzduchu za hodinu při sacím tlaku $0,89 \text{ MPa}$ a teplotě 25 °C a stlačuje jej polytropicky (exponent $n = 1,2$) na tlak $0,785 \text{ MPa}$. Kolik kg vody 10 °C teplé se spotřebuje ke chlazení válce kompresoru, je-li dovolené ohřátí vody 10 K ?

$$[m_{H_2O} = 577 \text{ kg/h}]$$

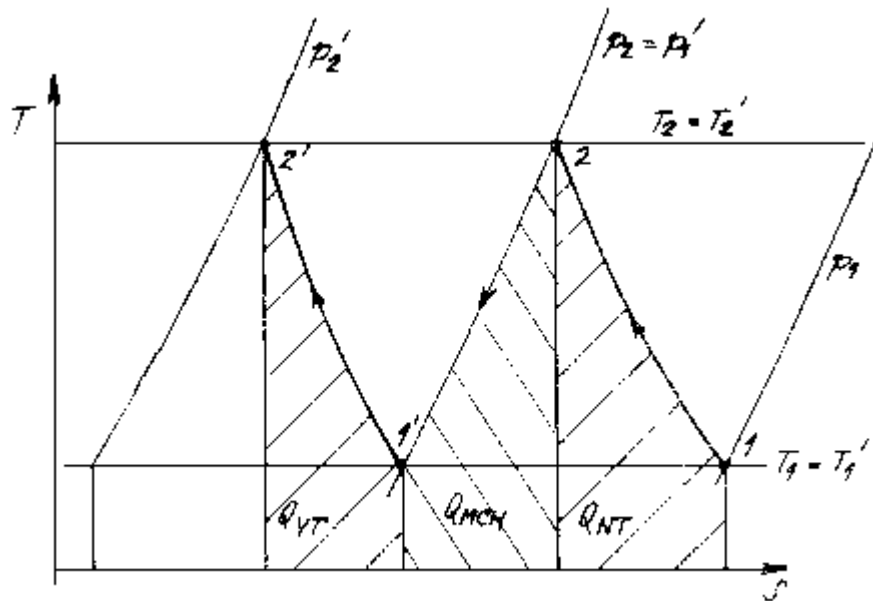
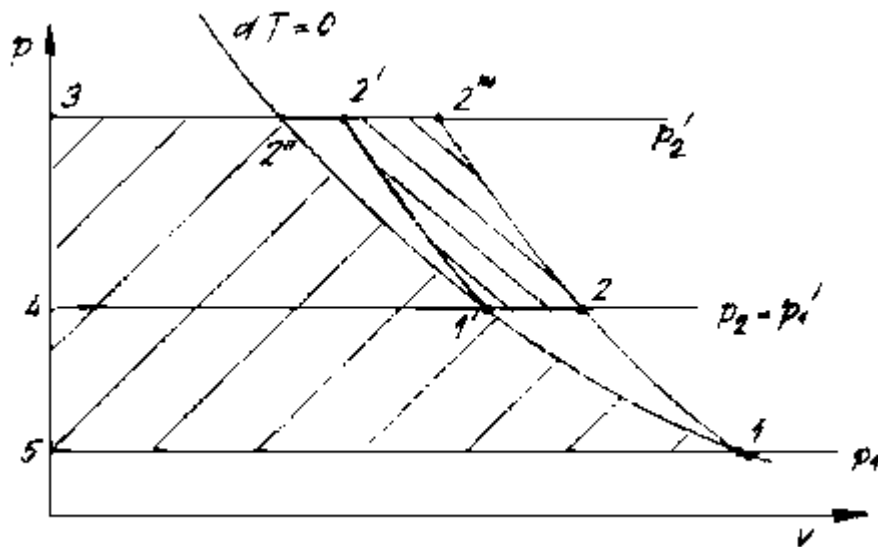
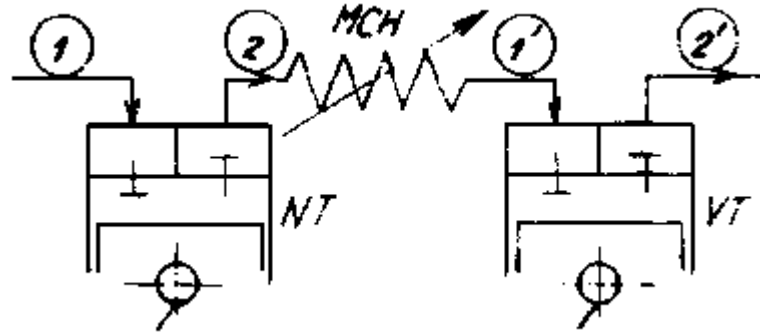
Příklad 9.5

Kompresor nasává $200 \text{ m}^3/\text{h}$ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 27 \text{ °C}$ a stlačuje jej na tlak $p_2 = 0,785 \text{ MPa}$. Určete teplotu na výstupu z kompresoru, objem stlačeného vzduchu, teoretický výkon kompresoru, je-li komprese a) isothermická, b) adiabatická, c) polytropická s exponentem $n = 1,3$.

$$[p_a = 11,3 \text{ kW}, P_b = 15,4 \text{ kW}, P_c = 14,55 \text{ kW}]$$

Příklad 9.6

Dvoustupňový kompresor nasává vzduch o teplotě $t_1 = 20\text{ °C}$ a tlaku $0,0981\text{ MPa}$ a stlačuje jej na tlak $p'_2 = 6\text{ MPa}$. Určete výkon motoru pro pohon kompresoru a množství chladicí vody pro oba stupně kompresorů a pro mezichladič, je-li poměr výstupních a vstupních tlaků u obou stupňů stejný a účinnost každého stupně je rovna $0,7$. Teplota chladicí vody se zvýší o 15 K . Kompresce v obou stupních je polytropická s exponentem $n = 1,3$. Výkon kompresoru $V = 0,14\text{ m}^3/\text{s}$.



Řešení :

$t_1 = 20\text{ °C}$; $p_1 = 0,0981\text{ MPa}$, $p_2 = 6\text{ MPa}$, $\eta_k = 0,7$, $\Delta t_{\text{H}_2\text{O}} = 15\text{ K}$; $n = 1,3$; $V = 0,14\text{ m}^3/\text{s}$; $P_{\text{NT}} = ?$, $P_{\text{VT}} = ?$, $m_{\text{NT}} = ?$, $m_{\text{VT}} = ?$, $m_{\text{MCH}} = ?$

Poměr tlaků v obou stupních

$$p_2 / p_1 = p'_2 / p'_1 = \sqrt{p'_2 / p_1} = \sqrt{\frac{6 \cdot 10^6}{0,0981 \cdot 10^6}} = 7,825$$

Teplota $t'_1 = t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$

Objem $V_1 = V'_1 = V = 0,14 \text{ m}^3/\text{s}$

Potřebný příkon pro stlačení vzduchu v NT stupni

$$P_{NT} = p_1 V_1 \frac{n}{n-1} \left[\left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} - 1 \right] = 0,0981 \cdot 10^6 \cdot 0,14 \frac{1,3}{0,3} \left[(7,825)^{\frac{0,3}{1,3}} - 1 \right] = 36,17 \cdot 10^3 \text{ W}$$

pro VT stupeň $P_{VT} = P_{NT} = 36,17 \cdot 10^3 \text{ W}$

Výkony motorů pro oba stupně

$$P_{PNT} = P_{PVT} = P_{NT} / \eta_k = \frac{36,17 \cdot 10^3}{0,7} = 50,82 \cdot 10^3 \text{ W}$$

Teplota na konci komprese v obou stupních

$$T_2 = T'_2 = T_1 (p_2 / p_1)^{\frac{n-1}{n}} = 293 \cdot 7,825^{\frac{0,3}{1,3}} = 471,4 \text{ K}$$

Tepelný tok odváděný z obou stupňů při kompresi

$$Q_{NT} = Q_{VT} = m \cdot c_n (T_2 - T_1) = \\ = \frac{p_1 V_1}{r T_1} c_w \frac{n - \kappa}{n - 1} (T_2 - T_1) = \frac{0,0981 \cdot 10^6 \cdot 10^4}{287,04 \cdot 293} \cdot 0,714 \cdot 10^3 \cdot \frac{1,3 - 1,4}{1,3 - 1} (471,4 - 293) = -6,93 \cdot 10^3 \text{ W}$$

Množství chladicí vody pro NT (VT) stupeň kompresoru

$$m_{H_2O_{NT}} = m_{H_2O_{VT}} = \frac{|Q_{NT}|}{\Delta t_{H_2O} \cdot c_{H_2O}} = \frac{6,93 \cdot 10^3}{15,4,1868 \cdot 10^3} = 0,11045 \text{ kg/s}$$

Tepelný tok, odvádění vzduchu v mezichladiči

$$Q_{MCH} = m \cdot c_p (t'_1 - t_2) = \frac{p_1 V_1}{r T_1} \cdot c_p (T_1 - T_2) = \frac{98100 \cdot 0,14 \cdot 1005}{287,04 \cdot 293} (293 - 471,4) = -29,24 \cdot 10^3 \text{ W}$$

Množství chladicí vody pro mezichladič

$$m_{H_2O_{MCH}} = \frac{|Q_{MCH}|}{\Delta t_{H_2O} \cdot c_{H_2O}} = \frac{29,24 \cdot 10^3}{15,4,1868 \cdot 10^3} = 0,4655 \text{ kg/s}$$

Celkové potřebné množství chladicí vody $m_{H_2O} = m_{H_2O_{NT}} + m_{H_2O_{VT}} + m_{H_2O_{MCH}} = 0,11045 + 0,11045 + 0,4655 = 0,6844 \text{ kg/s}$

Nasáté množství kompresoru je $50 \text{ m}^3/\text{h}$ o výtlačném tlaku $0,785 \text{ MPa}$. Kompresor je chlazen vodou tak, že kompresi můžeme považovat za isotermickou.

- určete teoretický výkon motoru pro pohon kompresoru, je-li účinnost kompresoru $0,6$
- jaké je potřebné množství chladicí vody ke chlazení kompresoru, je-li ohřátí vody 6 K .

Tlak okolního vzduchu je $0,098 \text{ MPa}$.

$$[P = 37,8 \text{ kW}, m_{\text{H}_2\text{O}} = 3250 \text{ kg/h}]$$

Příklad 9.8

Kompresor nasává $500 \text{ m}^3/\text{h}$ atmosférického vzduchu o tlaku $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$ a stlačuje jej na $p_2 = 0,785 \text{ MPa}$. Nejprve nebyl kompresor chlazen, po spuštění chlazení byla komprese polytropická s exponentem $n = 1,3$. Určete roční úsporu elektrické energie, pracoval-li kompresor 12 hodin denně s účinností $\eta_K = 0,7$.

$$[A = 61\,600 \text{ MJ}]$$

Příklad 9.9

Dvojestupňový pístový kompresor o výkonu $V_o = 800 \text{ m}^3/\text{h}$ nasává vzduch o teplotě $t_1 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$ a stlačuje jej na tlak $p_2 = 2,94 \text{ MPa}$. Komprese je polytropická a exponentem $n = 1,3$. Poměr tlaku je v obou stupních stejný. Stanovte úsporu elektrické energie při zařazení mezichladiče vzduchu, je-li sací teplota v obou stupních $15 \text{ }^\circ\text{C}$ a účinnost $\eta_k = 0,7$.

$$[A = 2845 \text{ MJ}]$$

Příklad 9.10

Třístupňový kompresor o výkonu 250 kg/h vzduchu o tlaku $p_4 = 7,85 \text{ MPa}$ nasává vzduch o teplotě $t_o = 17 \text{ }^\circ\text{C}$ a tlaku $p_o = 0,093 \text{ MPa}$. Určete teoreticky výkon motoru pro pohon kompresoru a teplo odvedené v mezichladičích. Komprese je adiabatická.

$$[P = 31,9 \text{ kW}, Q_{\text{MCH}} = 31\,680 \text{ W}]$$

Příklad 9.11

Kompresor nasává 200 kg/h vzduchu o tlaku $p_o = 0,098 \text{ MPa}$ a teplotě $t_o = 15 \text{ }^\circ\text{C}$ a stlačuje jej na tlak $0,98 \text{ MPa}$. Zpočátku pracoval kompresor s exponentem $n = 1,3$, později se zvýšilo chlazení válce tak, že exponent $n = 1,2$. Určete roční úsporu nafty, jestliže kompresor pracoval 280 dní za rok po 20 hodinách denně, účinnost motoru je $0,08$ a výhřevnost paliva - nafty $Z = 41\,860 \text{ kJ/kg}$.

$$[m = 7930 \text{ kg/rok}]$$

Příklad 9.12

Určete příkon motoru pro pohon odstředivého kompresoru o výkonu $3,67 \text{ m}^3/\text{s}$. Parametry nasávaného vzduchu $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$, $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$, teplota stlačeného vzduchu $t_2 = 50 \text{ }^\circ\text{C}$, rychlost na výstupu z kompresoru $w_2 = 50 \text{ m/s}$, měrná tepelná kapacita vzduchu $c_p = 1 \text{ kJ/(kg}\cdot\text{K)}$, mechanická účinnost $\eta_m = 0,95$.

$$[P = 128 \text{ kW}]$$

Příklad 9.13

Při snížení množství vody pro chlazení válce kompresoru vzrostla teplota stlačeného vzduchu na výstupu z kompresoru ze 100 °C na 150 °C. Počáteční teplota (teplota v sání) zůstala stejná $t_0 = 17$ °C. Sací tlak $p_0 = 0,098$ MPa, výtlačný tlak $p_1 = 0,44$ MPa. Jak se změní příkon motoru pro pohon kompresoru?

[o 6%]

Příklad 9.14

Kolika stupňový je kompresor, jsou-li parametry nasávaného vzduchu $p_1 = 0,098$ MPa, $t_1 = 27$ °C, stlačeného vzduchu $p_2 = 20,6$ MPa, nemá-li být teplota stlačeného vzduchu vyšší než 150 °C ?

[$n_s = 5$]

Příklad 9.15

Kyslíkový kompresor stlačuje kyslík z tlaku $p_1 = 0,098$ MPa a teploty $t_1 = 17$ °C na tlak $p_2 = 0,343$ MPa. Určete příkon motoru pro pohon kompresoru, je-li adiabatická účinnost $\eta_{ad} = 0,83$ a stlačené množství $V = 200$ m³/h.

[$P = 23,4$ kW]

Příklad 9.16

Pneumatický motor o výkonu $P = 30$ kW spotřebuje 612 kg/h vzduchu o tlaku $p_1 = 1,96$ MPa a teplotě $t_1 = 30$ °C. Určete výstupní tlak, je-li expanze v motoru adiabatická.

[$p_2 = 0,098$ MPa]

Příklad 9.17

Stav vzduchu vstupujícího do pneumatického motoru je zadán tlakem $p_1 = 0,98$ MPa a teplotou $t_1 = 15$ °C. Expanze je adiabatická na $p_2 = 0,098$ MPa. Určete spotřebu vzduchu, je-li výkon motoru $P = 10$ kW. Určete také výkon, je-li poměrné plnění $\varphi = 0,7$ při stejné spotřebě vzduchu! Jaká je v obou případech teplota na konci expanze ? Zobrazte děj do diagramu p-v v obou případech !

[$m = 258$ kg/h, $P' = 9,8$ kW, $t_2 = -123$ °C, $t'_2 = -102$ °C]

10. Proudění plynů, izentropický výtok ideálního plynu z nádob

Příklad: [10.1](#), [10.2](#), [10.3](#), [10.4](#), [10.5](#), [10.6](#), [10.7](#), [10.8](#), [10.9](#), [10.10](#), [10.11](#), [10.12](#), [10.13](#), [10.14](#), [10.15](#), [10.16](#), [10.17](#), [10.18](#), [10.19](#), [10.20](#), [10.20](#), [10.21](#), [10.22](#), [10.23](#), [10.24](#), [10.25](#), [10.26](#)

Příklad 10.1

Vzduch o tlaku $p_1 = 0,5$ MPa, teplotě $t_1 = 40$ °C expanduje z větrníku do atmosféry na tlak $p_2 = 0,1$ MPa. Určete kritický stav: p_k , t_k , w_k .

$$[p_k = 0,254 \text{ MPa}, t_k = -12 \text{ °C}, w_k = 318 \text{ m/s}]$$

Příklad 10.2

Vzduch o konstantním tlaku $p_1 = 8$ MPa a teplotě $t_1 = 20$ °C vytéká z tlakové nádoby otvorem o průměru 20 mm do okolního prostředí o tlaku $p_2 = 0,1$ MPa. Určete rychlost a množství vzduchu vytékajícího z nádoby!

$$[w_k = 375 \text{ m/s}, m = 5,9 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.3

V nádobě je kyslík o tlaku $p_1 = 5$ MPa. Plyn vytéká zužující se tryskou do prostředí o tlaku $p_2 = 4$ MPa. Počáteční teplota kyslíku je 100 °C. Určete teoretickou výtokovou rychlost a vytékající množství, je-li plocha výstupního otvoru trysky $S = 20 \cdot 10^{-6}$ m² ! Určete také rychlost a množství kyslíku při výtoku do okolní atmosféry o tlaku $p'_2 = 0,098$ MPa.

Řešení:

$$p_1 = 5 \text{ MPa}; p_2 = 4 \text{ MPa}, t_1 = 100 \text{ °C}, S = 20 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2, p'_2 = 0,098 \text{ MPa}, w_2 = ?, m = ? w'_2 = ?, m' = ?$$

a) Tlakový poměr
$$\frac{p_2}{p_1} = \frac{4 \cdot 10^6}{5 \cdot 10^6} > \frac{p_k}{p_1} = 0,528$$

$$w_2 = \sqrt{2 \frac{\kappa}{\kappa - 1} rT \left[1 - \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{\kappa - 1}{\kappa}} \right]} = \sqrt{2 \frac{1,4}{1,4 - 1} 259,88 \cdot 373 \left[1 - 0,8^{\frac{0,4}{1,4}} \right]} = \sqrt{4,173 \cdot 10^4} = 204 \text{ m/s}$$

$$\text{Hmotnostní tok } m = S \sqrt{2 \frac{\kappa}{\kappa - 1} \frac{p_1}{v_1} \left[\left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{2}{\kappa}} - \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{\kappa + 1}{\kappa}} \right]} = S \sqrt{2 \frac{\kappa}{\kappa - 1} \frac{p_1^2}{rT_1} \left[\left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{2}{\kappa}} - \left(\frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{\kappa + 1}{\kappa}} \right]} =$$

$$= 20 \cdot 10^{-6} \sqrt{2 \frac{1,4}{0,4} \frac{(5 \cdot 10^6)^2}{259,88 \cdot 373} \left[0,8^{\frac{2}{1,4}} - 0,8^{\frac{2,4}{1,4}} \right]} = \sqrt{3,253 \cdot 10^{-2}} = 0,1804 \text{ kg/s}$$

b) Tlakový poměr
$$\frac{p'_2}{p_1} = \frac{0,098 \cdot 10^6}{5 \cdot 10^6} = 0,0196 < \frac{p_k}{p_1} = 0,528$$

$$w'_2 = w_k = \sqrt{2 \frac{\kappa}{\kappa+1} r T_1} = \sqrt{2 \frac{1,4}{1,4+1} 259,88.373} = \sqrt{11,3.10^4} = 336,3 \text{ m/s}$$

Hmotnostní tok

$$m' = m_k = S \left(\frac{2}{\kappa+1} \right)^{\frac{1}{\kappa-1}} \sqrt{\frac{\kappa}{\kappa+1} \frac{2p_1}{v_1}} = S \left(\frac{2}{\kappa+1} \right)^{\frac{1}{\kappa-1}} \sqrt{\frac{\kappa}{\kappa+1} 2 \frac{p_1^2}{r T_1}} =$$

$$= 20.10^{-6} \left(\frac{2}{2,4} \right)^{\frac{1}{0,4}} \sqrt{\frac{1,4}{2,4} 2 \frac{(5.10^6)^2}{259,88.373}} = 0,2198 \text{ kg/s}$$

Příklad 10.4

Určete rozměry trysky plynové turbíny, jestliže spaliny mají vlastnosti vzduchu a počáteční stav je: $p_1 = 0,7 \text{ MPa}$, $t_1 = 947 \text{ °C}$ a tlak za tryskou $p_2 = 0,12 \text{ MPa}$. Průtočné množství $m = 0,5 \text{ kg/s}$, $\kappa = 1,35$. Výtok je adiabatický, bez tření. Jaká je teplota plynu na oběžných lopatkách turbíny?

$$[d_k = 0,028 \text{ m}, d_2 = 0,03437 \text{ m}, l = 0,03542 \text{ m}, t_2 = 499 \text{ °C}]$$

Příklad 10.5

Vzduch o tlaku $p_1 = 1,47 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 27 \text{ °C}$ vytéká Lavalovou dýzou do prostředí o tlaku $p_2 = 0,117 \text{ MPa}$. Nejuzší průřez dýzy má průměr $d_k = 0,04 \text{ m}$. Za jakou dobu vyteče 200 kg vzduchu a jaká bude výtoková rychlost?

$$[\tau = 46,2 \text{ s}, w_2 = 558 \text{ m/s}]$$

Příklad 10.6

Určete teoretickou výtokovou rychlost a průtočné množství dusíku, jestliže $p_1 = 6,85 \text{ MPa}$, $t_1 = 50 \text{ °C}$, $p_2 = 4,4 \text{ MPa}$. Průřez dýzy je $S = 10.10^{-6} \text{ m}^2$.

$$[w = 280 \text{ m/s}, m = 150 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.7

Zužující se dýzou proudí kyslík z prostředí o tlaku $p_1 = 5,88 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 100 \text{ °C}$ do prostředí o tlaku $p_2 = 3,52 \text{ MPa}$. Určete výtokovou rychlost a množství vytékajícího kyslíku, je-li výstupní průřez o ploše $S_2 = 20 \text{ mm}^2$.

$$[w_2 = 304 \text{ m/s}, m = 0,256 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.8

Dvoutomový plyn s plynovou konstantou $r = 294,3 \text{ J/(kg.K)}$ vytéká dýzou do prostředí o tlaku a) $p_2 = 3,54 \text{ MPa}$, b) $p_2 = 0,098 \text{ MPa}$. Počáteční parametry jsou $p_1 = 6,37 \text{ MPa}$, $T_1 = 300 \text{ K}$. Určete výtokovou rychlost a vytékající množství plynu, je-li průměr výstupního otvoru zužující se trysky $d = 0,005 \text{ m}$.

$$[a) w = 310 \text{ m/s}, m = 0,257 \text{ kg/s}, b) w = 321 \text{ m/s}, m = 0,288 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.9

Určete rozměry Lavalovy dýzy, je-li tlak na vstupu do dýzy $p_1 = 0,687$ MPa a teplota $t_1 = 27$ °C. Vzduch vytéká do prostředí o tlaku $p_2 = 0,098$ MPa. Průtočné množství $m = 2$ kg/s. Jak se změní průtočné množství vzduchu, bude-li vstupní teplota $t'_1 = 177$ °C ? Jaké budou rozměry dýzy při vstupní teplotě t'_1 oproti t_1 při stejném průtočném množství ?

$$[S_{min} = 1,25 \cdot 10^{-3} m^2, S_2 = 2,3 \cdot 10^{-3} m^2, w_2 = 497 m/s, m' = 1,64 kg/s, S'_{min} = 1,525 \cdot 10^{-3} m^2]$$

Příklad 10.10

Určete rozměry trysky, je-li $p_1 = 3,43$ MPa, $t_1 = 250$ °C, $p_2 = 0,098$ MPa, $m = 1,5$ kg/s. Výtok kyslíku je adiabatický, bez tření.

$$[S_k = 0,236 \cdot 10^{-3} m^2, S_2 = 0,905 \cdot 10^{-3} m^2]$$

Příklad 10.11

Určete vytékající množství kyslíku otvorem o průměru $d = 0,01$ m z nádoby, ve které je tlak $p_1 = 0,176$ MPa a teplota $t_1 = 300$ °C do volné atmosféry. Výtok je adiabatický bez tření.

$$[m = 0,0243 kg/s]$$

Příklad 10.12

Potrubím proudí vzduch rychlostí $w = 180$ m/s. Teplota vzduchu se měří rtuťovým teploměrem. Určete rozdíl skutečné teploty a teploty naměřené teploměrem ! Tento rozdíl vzniká zabrzděním proudu vzduchu v blízkosti teploměru.

$$[\Delta t = 16,1 K]$$

Příklad 10.13

Letadlo letí rychlostí 1200 km/h. Určete o kolik stupňů je teplota povrchu letadla vyšší než teplota okolí !

$$[\Delta t = 55 K]$$

Příklad 10.14

Určete vytékající množství vzduchu ze zásobníku s tlakem $p_1 = 0,98$ MPa otvorem o průměru 15 mm do prostředí o tlaku $p_2 = 0,098$ MPa. Teplota v zásobníku je $t_1 = 20$ °C. O ztrátách tepla do okolí neuvažujte ! Rychlostní součinitel $\phi = 0,93$. Součinitel kontrakce $\mu = 0,75$. Jaké maximální rychlosti se dosáhne ?

$$[m = 270 kg/h, w_{max} = 291 m/s]$$

Příklad 10.15

Určete tlak ve válci spalovacího motoru, je-li rychlost nasávaného vzduchu 100 m/s, tlak $p_1 = 0,098$ MPa a teplota $t_1 = 15$ °C ! Ztrátu rychlosti ve ventilu zanedbejte !

$$[p_2 = 0,092 MPa]$$

Příklad 10.16

Určete průměr výstupního otvoru zužující se trysky, kterou vytéká $m = 3,5$ kg/s dusíku. Vstupní parametry $p_1 = 1$ MPa, $t_1 = 217$ °C, tlak okolního vzduchu $p_2 = 0,1$ MPa. Určete také výtokovou rychlost.

$$[d = 0,05 \text{ m}, w_2 = 412 \text{ m/s}]$$

Příklad 10.17

O kolik stupňů bude teplota na povrchu rakety vyšší než teplota okolí, je-li rychlost rakety $w = 1000$ m/s ?

$$[\Delta t = 500 \text{ K}]$$

Příklad 10.18

Vzduch vytéká ze zásobníku, ve kterém je konstantní tlak $p_1 = 4,9$ MPa a teplota $t = 27$ °C, do volné atmosféry (tlak $p_2 = 0,098$ MPa) potrubím o průměru $d = 0,02$ m. Určete teoretickou výtokovou rychlost a vytékající množství.

$$[w_k = 317 \text{ m/s}, m = 3,66 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.19

Vzduch vytéká ze zásobníku o tlaku $p_1 = 0,177$ MPa a teplotě $t_1 = 27$ °C do volné atmosféry ($p_2 = 0,098$ MPa) potrubím o průměru $d = 0,01$ m. Určete výtokovou rychlost a množství vytékajícího vzduchu !

$$[w_2 = 305 \text{ m/s}, m = 0,0324 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.20

Určete rozměry Lavalovy dýzy a výtokovou rychlost vzduchu, je-li výtokové množství $m = 2,9$ kg/s, tlak na vstupu $p_1 = 0,785$ MPa, teplota $t_1 = 127$ °C, tlak na výstupu $p_2 = 0,098$ MPa. Rozšíření dýzy $\alpha = 12^\circ$.

$$[d_{min} = 0,048 \text{ m}, d_2 = 0,063 \text{ m}, l = 0,07 \text{ m}, w_2 = 600 \text{ m/s}]$$

Příklad 10.21

Určete rychlost vzduchu v sacím ventilu spalovacího motoru, je-li ve válci podtlak $p_v = 4,9 \cdot 10^3$ Pa, tlak okolního vzduchu $p_1 = 0,1$ MPa, teplota $t_1 = 25$ °C. Rychlostní součinitel $\varphi = 0,95$.

$$[w = 93,5 \text{ m/s}]$$

Příklad 10.22

Určete výtokovou rychlost a průměr výstupního otvoru zužující se dýzy, kterou vytéká $m = 4,2$ kg/s dusíku o tlaku $p_1 = 3,1$ MPa a teplotě $t_1 = 627$ °C. Tlak okolního vzduchu $p_2 = 0,095$ MPa, rychlostní součinitel $\varphi = 0,96$.

$$[w_2 = 496 \text{ m/s}, d_2 = 0,039 \text{ m}]$$

Příklad 10.23

Parametry vzduchu na vstupu do zužující se dýzy s minimálním průřezem $S_{\min} = 10 \text{ mm}$ jsou: tlak $p_1 = 0,98 \text{ MPa}$, teplota $t_1 = 300 \text{ °C}$. Poměr tlaků je menší než kritický. Jak se změní výtokové množství, připojíme-li k zužující se dýze rozšiřující se nátrubek ?

$$[m = 0,01657 \text{ kg/s}]$$

Příklad 10.24

Kompresor nasává $0,0533 \text{ m}^3/\text{s}$ vzduchu o tlaku $p_1 = 0,1 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 20 \text{ °C}$. Určete průřez pojistného ventilu na výtlačné straně druhého stupně. Výtlačný tlak $p_3 = 1,0 \text{ MPa}$, ochlazení za prvním stupněm na 20 °C , Pojistný ventil se má otevřít při tlaku o 10 % vyšším, než je tlak provozní (p_3). Vzduch vyfukuje do atmosféry o tlaku $0,1 \text{ MPa}$ a teplotě 20 °C .

$$[S = 29,5 \text{ mm}^2]$$

Příklad 10.25

Jaký bude podtlak za sacím ventilem motoru, jestliže rychlost vzduchu ve ventilu nemá překročit 90 m/s . Rychlostní koeficient $\varphi = 0,95$, parametry před ventilem: tlak $0,098 \text{ MPa}$, teplota 20 °C .

$$[p = 0,0926 \text{ MPa}]$$

Příklad 10.26

Při sacím zdvihu rovnotlakého spalovacího motoru bylo dosaženo podtlaku $p_v = 4,9 \cdot 10^3 \text{ Pa}$. Jaká je rychlost vzduchu ve ventilu, je-li rychlostní součinitel $\varphi = 0,95$. Nasávaný vzduch má tlak $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$, teplotu $t_1 = 25 \text{ °C}$.

$$[w_2 = w_k = 300 \text{ m/s}]$$

11. Cykly plynových turbín, reakční tepelné motory

Příklad: [11.1](#), [11.2](#), [11.3](#), [11.4](#), [11.5](#), [11.6](#)

Příklad 11.1

Určete termickou účinnost cyklu plynové turbíny s přívodem tepla při konst. tlaku s kompresním poměrem 10, $\kappa = 1,4$.

Řešení :

$$\varepsilon = 10; \kappa = 1,4; \eta_t = ?$$

Termická účinnost turbíny s přívodem tepla při $p = \text{konst.}$

$$\eta_t = 1 - (1/\varepsilon^{\kappa-1}) = 1 - (1/10^{1,4-1}) = 1 - (1/2,51) = 1 - 0,3985 = 0,6015$$

Příklad 11.2

Do turbíny proudí helium o tlaku $p_3 = 1 \text{ MPa}$ a teplotě $t_3 = 700 \text{ °C}$. Vnitřní účinnost turbíny $\eta_{\text{vn}} = 0,86$, tlak za turbínou $p_4 = 0,1 \text{ MPa}$. Určete teplotu helia na výstupu z turbíny, spotřebu helia, je-li výkon turbíny $P = 40 \text{ MW}$!

$$[t_4 = 196 \text{ °C}, m = 15,31 \text{ kg/s}]$$

Příklad 11.3

Určete teplotu plynu na oběžných lopatkách turbíny reakčního motoru s přívodem tepla při konstantním tlaku, je-li $p_1 = 0,054 \text{ MPa}$, $t_3 = 800 \text{ °C}$, tlak plynu na lopatkách turbíny

ny $p'_3 = 0,1 \text{ MPa}$, termická účinnost cyklu $\eta_t = 0,28$. Pracovní látka má vlastnosti vzduchu.

$$[t'_3 = 650 \text{ °C}]$$

Příklad 11.4

Raketový motor, pracující při barometrickém tlaku $0,098 \text{ MPa}$ má ve spalovací komoře tlak $2,16 \text{ MPa}$ a teplotu 2300 K . Hořením vzniká $0,5 \text{ kg/s}$ spalin o $\chi = 1,3$, $r = 346 \text{ J/(kg.K)}$. Určete : S_x (m^2), w_x (m/s), v_x (m^3/kg), Ma_x v průřezu o tlaku $p_x = 0,98 \text{ MPa}$; w_o (m/s) na konci dýzy při úplné expanzi.

$$[v_x = 0,678 \text{ m}^3/\text{kg}, w_x = 1072 \text{ m/s}, S_x = 0,453 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2, Ma_x = 1,153, w_o = 1880 \text{ m/s}]$$

Příklad 11.5

Ideální raketový motor pracuje ve výšce $12\,200 \text{ m}$. Barometrický tlak $p_b = 0,0187 \text{ MPa}$. Tah motoru je 4900 N . Tlak ve spalovací komoře je $2,06 \text{ MPa}$, teplota 3000 K . Zplodiny hoření mají $\kappa = 1,3$, $r = 343 \text{ J/(kg.K)}$. Určete kritický a výstupní průřez, kritickou a výtokovou rychlost, výtokovou teplotu při úplné expanzi na barometrický tlak a množství spalin.

$$[w_k = 1080 \text{ m/s}, w_2 = 2416 \text{ m/s}, m = 2,025 \text{ kg/s}, S_k = 0,1495 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2, S_2 = 1,558 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2, T_2 = 1010 \text{ K}]$$

Příklad 11.6

Jaká je procentuelní změna tahu ideálního raketového motoru, který je propočítán pro práci při mořské hladině (tlak $p = 0,101 \text{ MPa}$) a dává zde tah 4900 N , bude-li pracovat ve výši $12\,200 \text{ m}$ (tlak $p = 0,0187 \text{ MPa}$). Teplota ve spalovací komoře $T_1 = 3\,000 \text{ K}$, tlak $p_1 = 2,45 \text{ MPa}$. Spaliny mají $\kappa = 1,3$, $r = 343 \text{ J/(kg.K)}$.

[8,62 %]

12. Termomechanika par, Clausiova-Clapeyronova rovnice, parní tabulky, základní termodynamické děje v oblasti par

Příklad: [12.1](#), [12.2](#), [12.3](#), [12.4](#), [12.5](#), [12.6](#), [12.7](#), [12.8](#), [12.9](#), [12.10](#), [12.11](#), [12.12](#), [12.13](#), [12.14](#), [12.15](#), [12.16](#), [12.17](#), [12.18](#), [12.19](#), [12.20](#), [12.21](#), [12.22](#), [12.23](#), [12.24](#), [12.25](#), [12.26](#), [12.27](#), [12.28](#), [12.29](#), [12.30](#), [12.31](#), [12.32](#), [12.33](#), [12.34](#), [12.35](#), [12.36](#), [12.37](#), [12.38](#), [12.39](#), [12.40](#), [12.41](#), [12.42](#), [12.43](#), [12.44](#), [12.45](#), [12.46](#), [12.47](#), [12.48](#), [12.49](#), [12.50](#), [12.51](#), [12.52](#), [12.53](#), [12.54](#), [12.55](#), [12.56](#), [12.57](#), [12.58](#), [12.59](#), [12.61](#), [12.62](#), [12.63](#), [12.64](#), [12.65](#), [12.66](#), [12.67](#), [12.68](#), [12.69](#), [12.70](#), [12.71](#), [12.72](#), [12.73](#), [12.74](#), [12.75](#),

Příklad 12.1

Určete stav vodní páry o tlaku $p = 0,785 \text{ MPa}$ a měrném objemu $v = 0,22 \text{ m}^3/\text{kg}$.

[pára je mokrá $x = 0,897$]

Příklad 12.2

Určete stav vodní páry o tlaku $p = 0,59 \text{ MPa}$ a teplotě $t = 190 \text{ }^\circ\text{C}$.

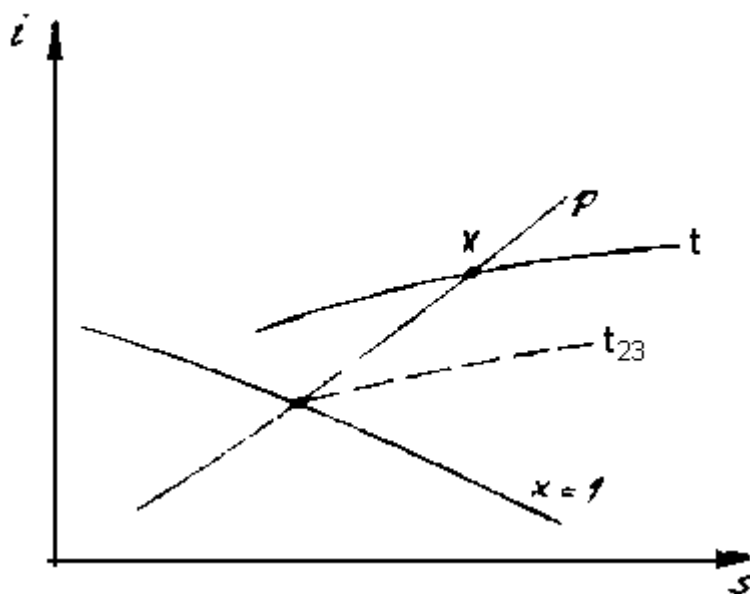
Řešení :

$p = 0,59 \text{ MPa}$; $t = 190 \text{ }^\circ\text{C}$; stav páry = ?

Z tabulky syté kapaliny a syté páry H_2O stanovíme teplotu syté páry o tlaku $0,59 \text{ MPa}$, $t_{23} = 158,14 \text{ }^\circ\text{C} < t = 190 \text{ }^\circ\text{C}$.

Jedná se tedy o přehřátou páru a z tabulky přehřáté vodní páry nebo i - s diagramu lze stanovit pro tlak p a teplotu t měrný objem v , entalpii i a entropii s páry.

Přehřátí páry $\Delta t = t - t_{23} = 190 - 158,14 = 31,86 \text{ K}$



Příklad 12.3

Určete stav vodní páry o tlaku $p = 0,98 \text{ MPa}$ a teplotě $t = 179 \text{ }^\circ\text{C}$!

Příklad 12.4

V parním kotli je tlak páry $p = 9$ MPa a suchost $x = 0,98$. Určete entalpii a vnitřní energii mokré páry.

$$[i = 2715,4 \text{ kJ/kg}, u = 2534,5 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.5

10 m^3 syté páry o tlaku $p_1 = 0,98$ MPa se ochlazuje při konstantním objemu na teplotu $t_2 = 60$ °C. Určete konečnou suchost páry, konečný tlak a odvedené teplo !

$$[x_2 = 0,0256, p_2 = 0,0196 \text{ MPa}, Q_{12} = 115\,000 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.6

Sytá vodní pára o tlaku $p_1 = 0,98$ MPa se ohřívá v uzavřeném kotli na teplotu 300 °C. Určete přehřátí páry a přivedené teplo !

$$[\Delta t = 110 \text{ K}, q_{12} = 190 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.7

Přehřátá vodní pára o tlaku $p_1 = 0,198$ MPa a teplotě $t_1 = 160$ °C se ohřívá při konstantním objemu na tlak $p_2 = 0,294$ MPa. Určete výslednou teplotu a přivedené teplo.

$$[t_2 = 364 \text{ °C}, q_{12} = 324 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.8

V parním kotli je směs vody a vodní páry o tlaku $p_1 = 1,96$ MPa a suchosti $x = 0,02$. Za jak dlouho se tlak v kotli zvýší na $p_2 = 4,9$ MPa při uzavřených ventilech, je-li přivedený teplý tok $Q_{12} = 279,1$ W a množství mokré páry $m = 10^4$ kg ?

$$[\tau = 2 \text{ hod } 45 \text{ min}]$$

Příklad 12.9

Parním potrubím o průměru $0,12$ m proudí pára o tlaku $p_1 = 9,82$ MPa a teplotě $t_1 = 500$ °C. Určete množství vody, které se vysráží po odpojení potrubí od kotelny a strojovny. Délka potrubí je 50 m. Teplota okolního vzduchu je 30 °C.

$$[m = 15,083 \text{ kg}]$$

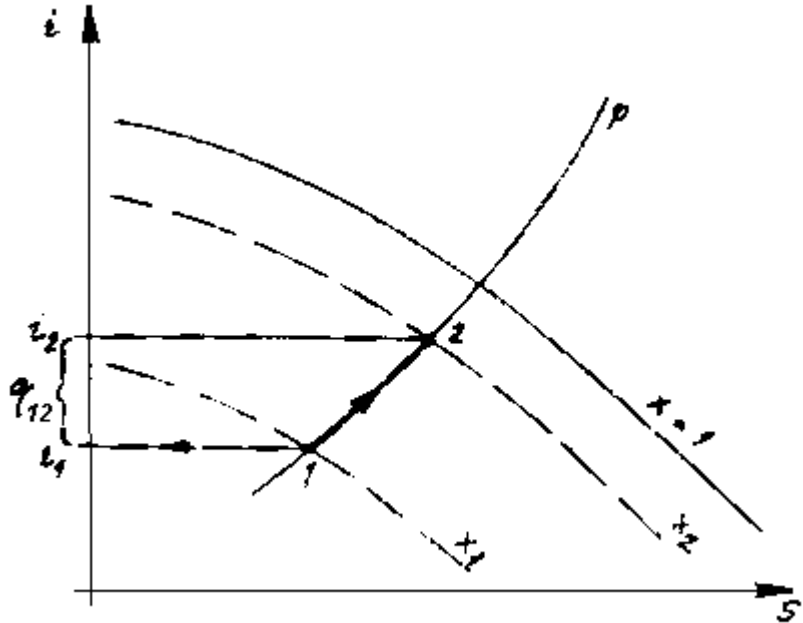
Příklad 12.10

Jaké je přivedené teplo 1 kg vodní páry při stálém tlaku $p = 1,47$ MPa, zvýší-li se suchost páry z $x_1 = 0,8$ na $x_2 = 0,96$?

Řešení:

$$p = 1,47 \text{ MPa} ; x_1 = 0,8 ; x_2 = 0,96 ; q_{12} = ? (dp = 0)$$

Přivedené (odvedené) teplo $q_{12} = i_2 - i_1$ je rovno rozdílu entalpií



a) výpočet pomocí i-s diagramu vodní páry:

Pro tlak p a suchost x_1 z i-s diagramu $i_1 = 2390$ kJ/kg . Pro p a x_1 $i_2 = 2702$ kJ/kg. Přivedené teplo $q = i_2 - i_1 = 2702 - 2390 = 312$ kJ/kg

b) výpočet pomocí tabulek syté kapaliny a syté páry H_2O :

$$\text{Entalpie } i_1 = i'_1 + x_1(i''_1 - i'_1)$$

$$i_2 = i'_2 + x_2(i''_2 - i'_2)$$

$$\text{při } p = \text{konst. } i'_1 = i'_2 = i', \quad i''_1 = i''_2 = i''$$

Přivedené teplo

$$q_{12} = (x_2 - x_1)(i'' - i') = (x_2 - x_1) \cdot l_{23}$$

z tabulky pro tlak p $l_{23} = 1951,25$ kJ/kg

$$q_{12} = (0,96 - 0,8) \cdot 1951,25 = 0,16 \cdot 1951,25 = 312,2 \text{ kJ/kg}$$

Příklad 12.11

Určete přivedené teplo 6 kg vodní páry o objemu $0,6 \text{ m}^3$ při tlaku $p_1 = 0,6 \text{ MPa}$, aby při konstantním objemu se její tlak zvýšil na $p_2 = 1 \text{ MPa}$. Určete také suchost páry v konečném stavu.

Řešení :

$$m = 6 \text{ kg} ; V = 0,6 \text{ m}^3 ; p_1 = 0,6 \text{ MPa} ; p_2 = 1 \text{ MPa} ; q_{12} = ? ; x_2 = ?$$

a) pomocí tabulek vodní páry: měrný objem páry

$$v = \frac{V}{m} = \frac{0,6}{6} = 0,1 \text{ m}^3 / \text{kg}$$

z podmínky $v_1 = v_2 = v$ a vzhledem k tomu, že ve stavu 1 a 2 se jedná o mokrou páru

$$v = v'_1 + x_1 (v''_1 - v'_1)$$

$$v = v'_2 + x_2 (v''_2 - v'_2) \text{ obdržíme suchosti}$$

$$x_1 = (v - v'_1) / (v''_1 - v'_1); x_2 = (v - v'_2) / (v''_2 - v'_2)$$

Z tabulky syté kapaliny a syté vodní páry dosadíme za hodnoty měrných objemů syté páry a kapaliny

$$x_1 = \frac{0,1 - 0,0011007}{0,3156 - 0,0011007} = 0,3145; x_2 = \frac{0,1 - 0,0011273}{0,1946 - 0,0011273} = 0,5112$$

$$\text{Přivedené teplo při konstantním objemu 1 kg páry } q_{12} = u_2 - u_1 = (i_2 - p_2 v_2) - (i_1 - p_1 v_1) = (i_2 - i_1) - v \cdot (p_2 - p_1)$$

Entalpie

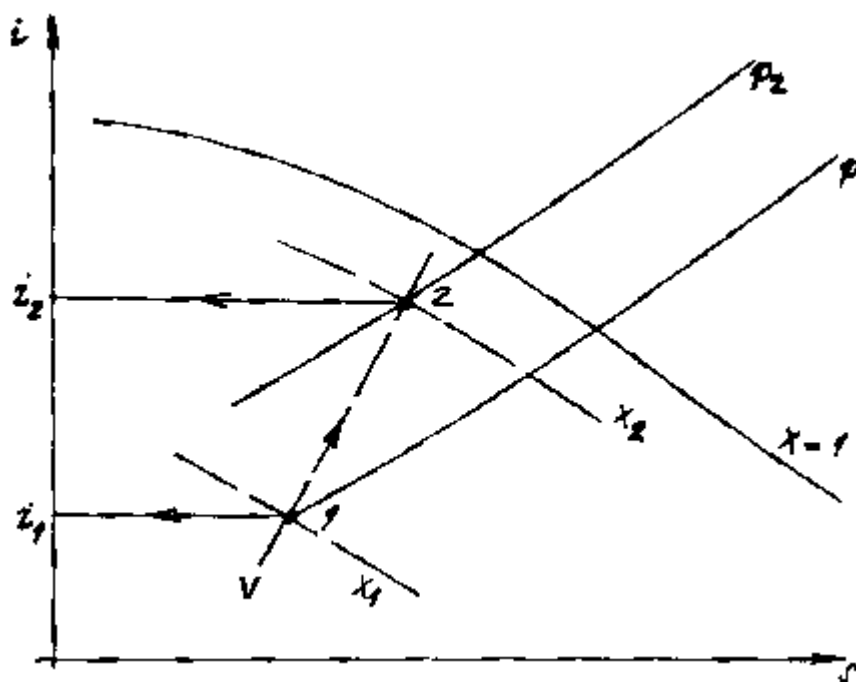
$$i_1 = i'_1 + x_1 i_{23,1} = 670,5 + 0,3145 \cdot 2086 = 1326,5 \text{ kJ/kg}$$

$$i_2 = i'_2 + x_2 i_{23,2} = 762,7 + 0,5112 \cdot 2015 = 1792,7 \text{ kJ/kg}$$

$$q_{12} = (1792,7 - 1326,5) - 0,1 \cdot 10^6 (1 - 0,6) = 466,2 - 40 = 426,2 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

Celkové přivedené teplo

$$Q_{12} = m \cdot q_{12} = 6 \cdot 426,2 = 2557,2 \text{ kJ}$$



b) výpočet pomocí i-s diagramu vodní páry:

$$\text{Entalpie v bodě 1 pro tlak } p_1 \text{ a měrný objem } v_{i_1} = 1325 \text{ kJ/kg}$$

$$\text{Entalpie v bodě 2 pro tlak } p_2 \text{ a měrný objem } v_{i_2} = 1795 \text{ kJ/kg}$$

$$\text{Suchost páry v bodě 2 je } x_2 = 0,51$$

$$\text{Přivedené teplo } q_{12} = (i_2 - i_1) - v \cdot (p_2 - p_1) = (1795 - 1325) - 0,1 \cdot 10^6 \cdot (1 - 0,4) = 470 - 40 = 430 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

Příklad 12.12

Vodní páře o tlaku $p = 1,96 \text{ MPa}$ a suchost $x_1 = 0,97$ se přivádí při konstantním tlaku $418,6 \text{ kJ/kg}$ tepla. Jaký je konečný stav páry ?

$$[t_2 = 325 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 12.13

1 kg vodní páry se ohřívá při konstantním tlaku $p = 1,57 \text{ MPa}$ z teploty $t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$ na teplotu $t_2 = 400 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete přivedené teplo, vnější práci a změnu vnitřní energie!

$$[q_{12} = 220 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 50 \text{ kJ/kg}, \Delta u = 170 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.14

V přehříváku se přehřívá při stálém tlaku $m = 0,833 \text{ kg/s}$ vodní páry o tlaku $p = 1,57 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,97$ na teplotu $t_2 = 320 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete přivedené teplo !

$$[Q_{12} = 288,9 \text{ kW}]$$

Příklad 12.15

2 kg vodní páry vykonají při expanzi z objemu $V_1 = 0,056 \text{ m}^3$ na objem $V_2 = 0,296 \text{ m}^3$ za konstantního tlaku práci $A_{12} = 470 \text{ 000 kJ}$. Určete počáteční a konečný stav páry!

$$[p_1 = 1,96 \text{ MPa}, v_1 = 0,028 \text{ m}^3/\text{kg}, p_2 = 1,96 \text{ MPa}, v_2 = 0,148 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 12.16

0,5 kg páry o tlaku $p = 1,375 \text{ MPa}$ izobaricky expanduje z objemu $V_1 = 0,0556 \text{ m}^3$ na objem $V_2 = 0,065 \text{ m}^3$. Určete počáteční a konečný stav páry, přivedené teplo, expanzní práci a změnu vnitřní energie !

$$[v_1 = 0,1112 \text{ m}^3/\text{kg}, x_1 = 0,77, v_2 = 0,13 \text{ m}^3/\text{kg}, x_2 = 0,9, t_1 = t_2 = 194 \text{ }^\circ\text{C}, Q = 126,5 \text{ kJ}, \Delta U = 113,7 \text{ kJ}, A = 12 \text{ 800 kJ}]$$

Příklad 12.17

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 1,47 \text{ MPa}$, suchosti $x_1 = 0,95$ se ochlazuje při stálém objemu na tlak $p_2 = 0,98 \text{ MPa}$. Určete odvedené teplo !

$$[q_{12} = -590 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.18

Vodní pára o tlaku $p_1 = 0,587 \text{ MPa}$ a objemu $v_1 = 0,1 \text{ m}^3/\text{kg}$ se izochoricky ohřívá na $p_2 = 0,98 \text{ MPa}$. Určete konečný stav páry a přivedené teplo!

$$[x_2 = 0,51, q_{12} = 422 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.19

V nádobě o objemu $0,03 \text{ m}^3$ je mokrá vodní pára o teplotě $180 \text{ }^\circ\text{C}$. Hmotnost syté kapaliny je $m' = 0,08 \text{ kg}$. Určete hmotnost syté páry ve směsi.

$$[m'' = 1,54 \text{ kg}]$$

Příklad 12.20

V parním kotli o objemu 10 m^3 je 5 m^3 vody a zbytek zaujímá sytá pára o tlaku 1 MPa . Určete pokles tlaku v kotli, odvede-li se 100 kg syté páry!

$$[\Delta p = 0,0863 \text{ MPa}]$$

Příklad 12.21

Do 2 m^3 mokré vodní páry o tlaku 1 MPa a suchosti $x_1 = 0,6$ se vsťíkne 1 kg vody o teplotě $10 \text{ }^\circ\text{C}$ při konstantním tlaku. Určete konečnou suchost!

$$[x_2 = 0,545]$$

Příklad 12.22

Jaké je odvedené teplo, sníží-li se při konstantním objemu teplota vodní páry z $t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$ na $t_2 = 100 \text{ }^\circ\text{C}$. Počáteční tlak $p_1 = 0,98 \text{ MPa}$.

$$[q_{12} = -2050 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.23

V parním kotli o objemu 28 m^3 je mokrá vodní pára o tlaku $p_1 = 1,175 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,87$. Určete přivedené teplo páře, je-li v konečném stavu pára sytá! Jaký bude konečný tlak?

$$[Q_{12} = 11\,500 \text{ kJ}, p_2 = 0,157 \text{ MPa}]$$

Příklad 12.24

Určete přivedené teplo v přehříváku kotle, je-li suchost vodní páry před vstupem do přehříváku $x_1 = 0,98$, teplota za přehřívákem $t_2 = 560 \text{ }^\circ\text{C}$, tlak v přehříváku $p = 12,75 \text{ MPa}$, množství páry $m = 4,444 \text{ kg/s}$.

$$[Q_{12} = 3460 \text{ kW}]$$

Příklad 12.25

V parním kotli je 7 m^3 vody a 5 m^3 syté páry o tlaku $0,4 \text{ MPa}$. Za jakou dobu se tlak v kotli zvýší na $1,57 \text{ MPa}$ při uzavřených ventilech, přivádí-li se v topeništi kotle $291,7 \text{ kJ/s}$ tepla?

$$[\tau = 87,5 \text{ min}]$$

Příklad 12.26

Sytá vodní pára se v kotli o objemu 4 m^3 ochlazuje z tlaku $0,98 \text{ MPa}$ při konstantním objemu na teplotu $60 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete konečný stav páry a odvedené teplo !

$$[x_2 = 0,0256, i_2 = 311 \text{ kJ/kg}, q_{12} = -45\,800 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.27

1 kg vodní páry o objemu $v_1 = 0,0914 \text{ m}^3/\text{kg}$ se přivádí za konstantního tlaku $p = 2 \text{ MPa}$ 520 kJ/kg tepla. Určete konečný stav páry, změnu vnitřní energie, expanzní práci. Znázorněte děj v T-s a i-s diagramech !

$$[\text{přehřátá } t_2 = 360 \text{ }^\circ\text{C}, v_2 = 0,232 \text{ m}^3/\text{kg}, \Delta u = 239 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 181 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.28

Při izotermické expanzi 1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 1,5 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,8$ se přivádí 800 kJ/kg tepla. Určete konečný stav páry. Znázorněte v T-s a i-s diagramech !

$$[\text{pára přehřátá } v_2 = 0,7161 \text{ m}^3/\text{kg}, i_2 = 2864 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.29

1 kg mokré vodní páry o tlaku $p_1 = 1 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,9$ izotermicky expanduje na tlak $p_2 = 0,2 \text{ MPa}$. Určete expanzní práci, přivedené teplo, změnu vnitřní energie. Znázorněte v T-s a i-s diagramech !

$$[a_{12} = 371 \text{ kJ/kg}, q_{12} = 577 \text{ kJ/kg}, \Delta u = 206 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.30

Parní kotel o objemu 15 m^3 obsahuje $7\,000 \text{ kg}$ mokré vodní páry o tlaku 1 MPa . Jaké množství tepla je třeba přivést páře, aby tlak v kotli se zvýšil na 6 MPa bez odběru páry. Znázorněte děj v T-s a i-s diagramech !

$$[Q_{12} = 3\,300\,000 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.31

Počáteční stav vodní páry je $p_1 = 0,5 \text{ MPa}$, $t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$. Jaké množství syté kapaliny o stejném tlaku je třeba přidat na 1 kg páry, aby vznikla sytá pára o tlaku $0,5 \text{ MPa}$? Znázorněte děj v T-s a i-s diagramech !

$$\frac{m'_2}{m'} = 0,119 \text{ kg s.k. / kg p.}$$

Příklad 12.32

Při izotermické expanzi mokré vodní páry o tlaku $p_1 = 3 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,6$ se přivádí $q_{12} = 600 \text{ kJ/kg}$ tepla. Určete konečný stav páry, expanzní práci, změnu vnitřní energie. Znázorněte děj v T-s a i-s diagramech!

$$[a_{1,2} = 191 \text{ kJ/kg}, x_2 = 0,86, \Delta u = 409 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.33

1 kg vodní páry o tlaku 1,2 MPa a měrném objemu $v = 0,135 \text{ m}^3/\text{kg}$ se ohřívá izobaricky na teplotu $t_2 = 290 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete konečný měrný objem vodní páry, přivedené teplo, změnu vnitřní energie, expanzní práci. Znázorněte děj v T-s a i-s diagramech !

$$[v_2 = 0,21 \text{ m}^3/\text{kg}, q_{1,2} = 640 \text{ kJ/kg}, \Delta u = 550 \text{ kJ/kg}, a_{1,2} = 550 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.34

2 m³ vodní páry expandují adiabaticky z tlaku $p_1 = 0,881 \text{ MPa}$ a teploty $t_1 = 450 \text{ }^\circ\text{C}$ na tlak $p_2 = 0,196 \text{ MPa}$. Určete parametry: i_1, v_1, i_2, v_2, x_2 a vykonanou práci !

$$[A_{12} = 89 \text{ 000 kJ}]$$

Příklad 12.35

Parní kotel má výkon 66,67 kg/s páry o tlaku $p_1 = 17,6 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 580 \text{ }^\circ\text{C}$. Teplota napájecí vody je $t = 220 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete tepelný výkon kotle !

$$[Q_{12} = 170 \text{ 000 kW}]$$

Příklad 12.36

6 m³ vodní páry o tlaku $p_1 = 0,196 \text{ MPa}$ a $x_1 = 0,96$ se mísí s 5 m³ páry o tlaku $p_2 = 0,804 \text{ MPa}$ a teplotě $t_2 = 220 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete parametry směsi páry !

$$[v = 0,442 \text{ m}^3/\text{kg}, u = 2770 \text{ kJ/kg}, p = 0,46 \text{ MPa}, t = 180 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 12.37

V parojemu o objemu $V_1 = 8 \text{ m}^3$ je vodní pára o tlaku $p_1 = 0,392 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,96$. Určete parametry páry po smíšení, je-li do parojemu přiváděno $V_2 = 2 \text{ m}^3$ vodní páry o tlaku $p_2 = 1,96 \text{ MPa}$ a teplotě $t_2 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$!

$$[v = 0,24 \text{ m}^3/\text{kg}, u = 2730 \text{ kJ/kg}, p = 0,98 \text{ MPa}, t = 260 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 12.38

5 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 0,98 \text{ MPa}$ a objemu $V_1 = 0,745 \text{ m}^3$ isothermicky expanduje na $V_2 = 0,9 \text{ m}^3$. Určete počáteční a konečný stav páry, expanzní práci a odvedené teplo !

$$[v_1 = 0,149 \text{ m}^3/\text{kg}, v_2 = 0,18 \text{ m}^3/\text{kg}, x_1 = 0,75, A_{12} = 120 \text{ kJ}, Q_{12} = 1600 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.39

2 kg mokré vodní páry o parametrech $p_1 = 0,98 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,505$ isothermicky expandují na stav syté páry. Určete přivedené teplo, expanzní práci a změnu vnitřní energie!

$$[Q_{12} = 1980 \text{ kJ}, A_{12} = 192 \text{ kJ}, \Delta U = 1800 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.40

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 5,88$ MPa a teplotě $t_2 = 200$ °C se stlačuje isotermicky na objem $v_2 = 0,11$ m³/kg. Určete konečný stav a odvedené teplo !

$$[p_2 = 1,56 \text{ MPa}, x_2 = 0,86, q_{12} = -526 \text{ k J/kg}]$$

Příklad 12.41

Při isotermické expanzi 2 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 2,94$ MPa a suchosti $x_1 = 0,6$ se přivádí 1245 kJ tepla. Určete konečný stav a expanzní práci !

$$[x_2 = 0,95, A_{12} = 137 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.42

Mokrá vodní pára o tlaku $p_1 = 0,785$ MPa a suchosti $x_1 = 0,95$ adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 0,0392$ MPa. Určete konečnou suchost !

$$[x_2 = 0,813]$$

Příklad 12.43

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 4,9$ MPa teplotě $t_1 = 400$ °C adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 0,049$ MPa. Určete suchost páry, teplotu na konci expanze a adiabatický tepelný spád !

$$[x_2 = 0,856, t_2 = 80 \text{ °C}, i_1 - i_2 = 880 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.44

Jaké je odvedené teplo vodní páře, klesla-li suchost z $x_1 = 0,9$ na $x_2 = 0,1$ při konstantním objemu? Počáteční tlak $p_1 = 11,75$ MPa. Při výpočtu pomocí tabulek považujte objemy syté kapaliny při počátečním a konečném tlaku za totožné.

$$[q_{12} = -1415 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.45

Vodní pára se ochlazuje v uzavřené nádobě při teplotě okolí 20 °C. Jaký bude konečný stav páry a) při počátečním tlaku $p_1 = 9,8$ MPa a teplotě $t_1 = 600$ °C ; b) při počátečním tlaku $p'_1 = 29,4$ MPa a teplotě $t'_1 = 520$ °C ?

$$[a) b) p = 2300 \text{ Pa}, x_a = 0,066, x_b = 0,015]$$

Příklad 12.46

Parní kotel o objemu $V = 3$ m³ obsahuje po provozní přestávce vodu a vodní páru o celkové hmotnosti $m = 2000$ kg a tlaku $p = 0,15$ MPa o teplotě vypařování. Určete přivedené teplo pro uvedení náplně kotle do provozního stavu. Během přivodu tepla nedochází k odběru páry. Určete, kolik je v kotli vody a syté páry v počátečním i konečném stavu !

$$[m''_1 = 0,523 \text{ kg}, m'_1 = 1999,477 \text{ kg}, m''_2 = 7 \text{ kg}, m'_2 = 1993 \text{ kg}, Q_{12} = 513 \text{ 658 kJ}]$$

Příklad 12.47

Stav vodní páry na vstupu do přehříváku je $p_1 = 6 \text{ MPa}$ a teplota $t_1 = 450 \text{ °C}$. Určete konečný stav páry, jestliže 1 kg páry v přehříváku se přivádí 540 kJ tepla !

$$[\text{přehřátá pára, } t_2 = 680 \text{ °C}]$$

Příklad 12.48

V parním kotli je 20 000 kg syté kapaliny o tlaku 4 MPa. Kolik kg syté vodní páry by vzniklo, kdyby se tlak v kotli snížil na tlak atmosférický (0,1 MPa) ?

$$[m''_2 = 5\,000 \text{ kg}]$$

Příklad 12.49

V nádobě je 10^4 kg mokré vodní páry o tlaku 1,2 MPa. Určete objem této nádoby, jestliže sytá pára zaujímá 10 % celkového objemu !

$$[V = 12,7 \text{ m}^3]$$

Příklad 12.50

Vodní pára o tlaku $p = 10 \text{ MPa}$ má entalpii 2280 kJ/kg. Určete ostatní parametry páry !

$$t = 310,96 \text{ °C, } x = 0,663, v = 0,01245 \text{ m}^3/\text{kg}$$

Příklad 12.51

Parní kotel je naplněn z 2/5 sytou kapalinou a 3/5 sytou vodní párou o tlaku 15 MPa. Objem kotle je 8 m^3 . Určete entalpii mokré páry !

$$[i = 3\,550 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.52

V kotli je mokrá vodní pára o tlaku 18 MPa. Určete poměr hmotnosti syté kapaliny k hmotnosti syté páry, jestliže objem syté kapaliny je 2 m^3 , objem syté vodní páry 3 m^3 .

$$[m'/m'' = 2,72]$$

Příklad 12.53

Určete objem 160 kg mokré vodní páry o tlaku 18 MPa a suchosti $x = 0,8$. Jaký objem zaujímá sytá pára ?

$$[V = 1,02 \text{ m}^3, V'' = 0,96 \text{ m}^3]$$

Příklad 12.54

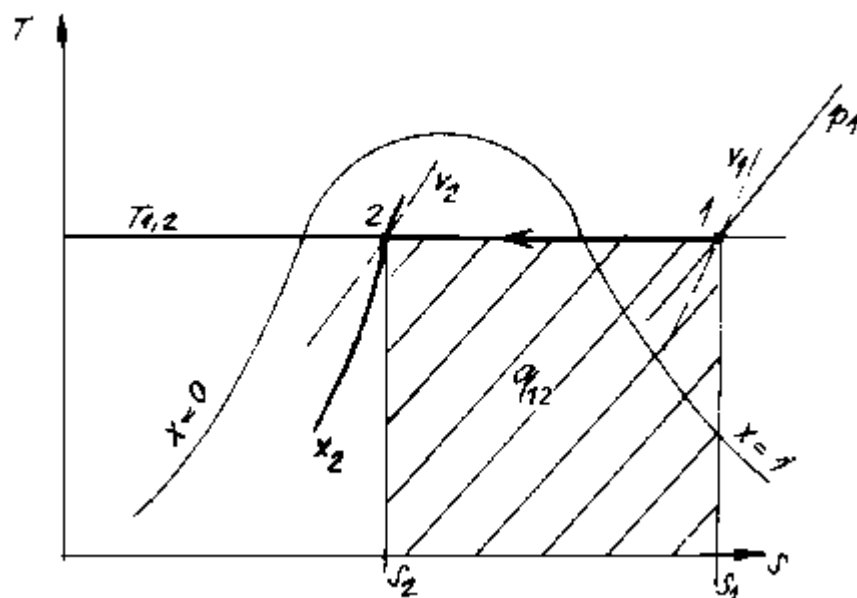
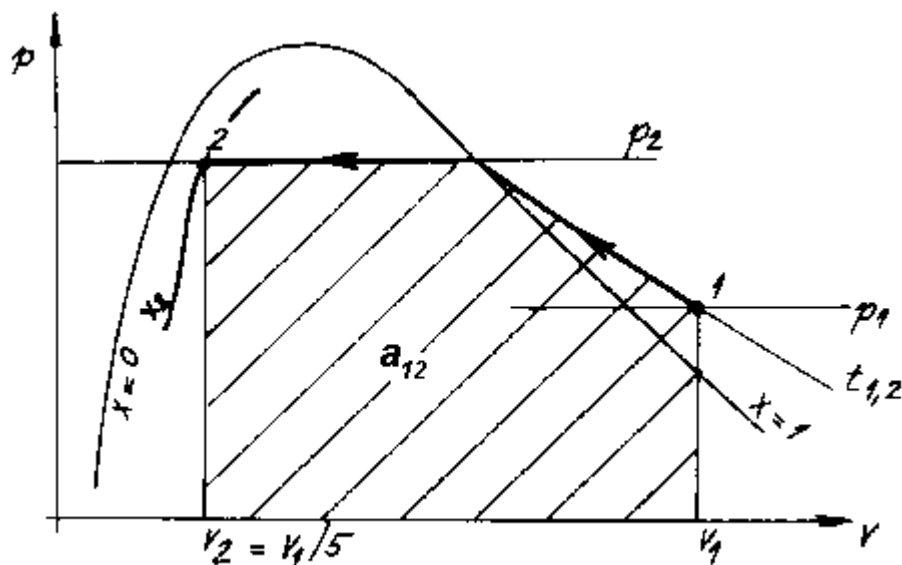
V parním kotli o objemu 4 m^3 je mokrá vodní pára o tlaku 19 MPa a suchosti 0,3. Určete hmotnost mokré páry, objem syté páry a syté

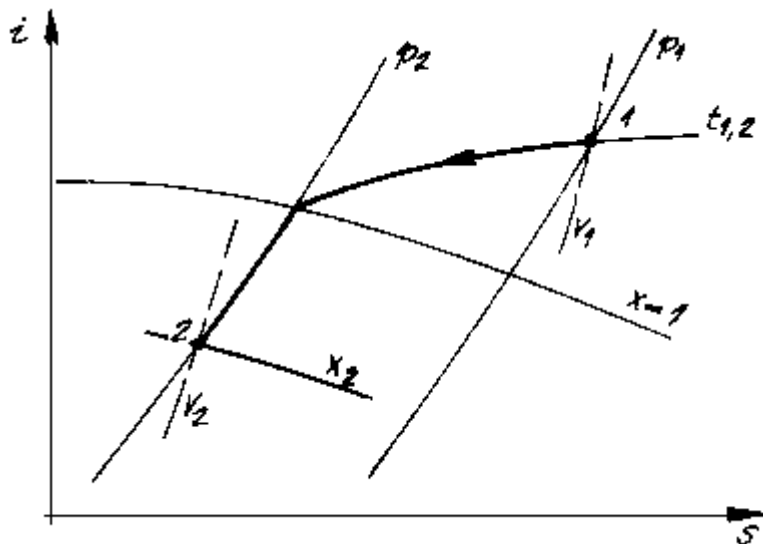
Příklad 12.55

1 kg vodní páry o $p_1 = 3 \text{ MPa}$ a $t_{1,2} = 300 \text{ °C}$ se stlačuje na objem 5-krát menší než je počáteční při konstantní teplotě. Určete konečný stav páry, spotřebovanou práci, odvedené teplo. Zobrazte děj do diagramu p-v, T-s vodní páry !

Řešení:

$p_1 = 3 \text{ MPa}$; $t_1 = t_2 = t = 300 \text{ °C}$; $v_2 = v_1/5$; stav 2 = ?; $a_{12} = ?$; $q_{12} = ?$





a) výpočet pomocí tabulek: pro p_1, t - stav 1

$$v_1 = 0,08119 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$i_1 = 2988 \text{ kJ/kg}$$

$$s_1 = 6,53 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

$$\text{měrný objem } v_2 = v_1/5 = 0,08119/5 = 0,016238 \text{ m}^3/\text{kg}$$

Poněvadž objem syté páry pro $t = 300 \text{ }^\circ\text{C}$ je $0,02164 \text{ m}^3/\text{kg}$, tak konečný stav 2 spadá do oblasti mokré páry, $p_2 = 8,592 \text{ MPa}$.

$$v_2 = v'_2 + x_2(v''_2 - v'_2) \rightarrow \text{suchost v bodě 2}$$

$$x_2 = \frac{(v_2 - v'_2)}{(v''_2 - v'_2)} = \frac{0,016238 - 0,0014036}{0,02164 - 0,0014036} = 0,7335$$

$$\text{Entalpie v bodě 2 } i_2 = i'_2 + x_2 i_{23,2} = 1344,9 + 0,7335 \cdot 1404,2 = 2373,9 \text{ kJ/kg}$$

$$\text{Entropie v bodě 2 } s_2 = s'_2 + x_2(s''_2 - s'_2) = 3,2548 + 0,7335(5,7049 - 3,2548) = 5,0518 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

$$\text{Rozdíl vnitřních energií } \Delta u = u_2 - u_1 = (i_2 - i_1) - (p_2 v_2 - p_1 v_1) = (2373,9 - 2988) \cdot 10^3 - (8,592 \cdot 0,016238 - 3 \cdot 0,08119) \cdot 10^6 = -510,4 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

$$\text{Odvedené teplo } q_{12} = T(s_2 - s_1) = 573(5,0518 - 6,53) = -847 \text{ kJ/kg}$$

$$\text{Spotřebovaná práce } a_{12} = q_{12} - \Delta u = -847 - (-510,4) = -336,6 \text{ kJ/kg}$$

b) výpočet pomocí i-s diagramu vodní páry: pro p_1 a t určíme $v_1 = 0,08 \text{ m}^3/\text{kg}$, $i_1 = 2990 \text{ kJ/kg}$, $s_1 = 6,53 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$, $v_2 = v_1/5 = 0,08/5 = 0,016 \text{ m}^3/\text{kg}$

$$\text{Pro teplotu } t \text{ a } v_2 \text{ určíme z i-s diagramu } x_2 = 0,73, p_2 = 8,6 \text{ MPa}, \quad i_2 = 2375 \text{ kJ/kg}, s_2 = 5,05 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$$

$$\text{Rozdíl vnitřních energií } \Delta u = u_2 - u_1 = (i_2 - i_1) - (p_2 v_2 - p_1 v_1) = (2375 - 2990) \cdot 10^3 - (8,6 \cdot 0,016 - 3 \cdot 0,08) \cdot 10^6 = -615 \cdot 10^3 + 0,1024 \cdot 10^6 = -512,6 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$$

$$\text{Odvedené teplo } q_{12} = T(s_2 - s_1) = 573(5,05 - 6,53) = -573 \cdot 1,48 = -848 \text{ kJ/kg}$$

$$\text{Spotřebovaná práce } a_{12} = q_{12} - \Delta u = -848 - (-512,6) = -335,4 \text{ kJ/kg}$$

Příklad 12.56

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 0,1 \text{ MPa}$ a měrném objemu $v_1 = 0,178 \text{ m}^3/\text{kg}$ adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 0,2 \text{ MPa}$. Určete konečné parametry páry, změnu entalpie a expanzní práci!

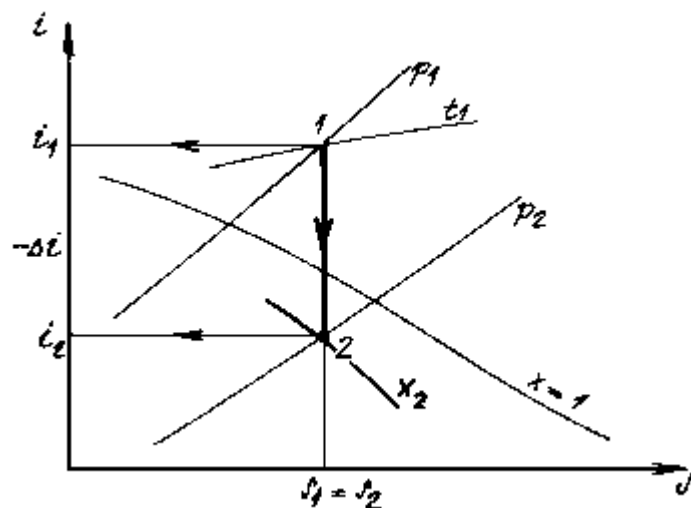
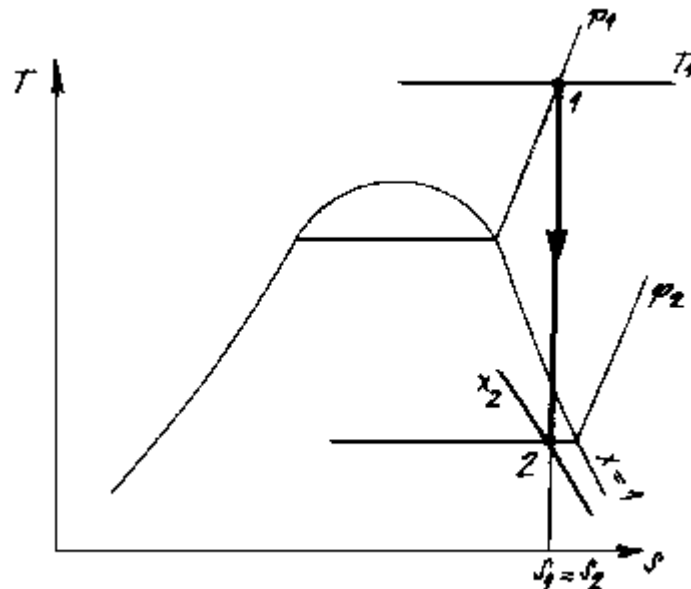
$$[\Delta i = -265 \text{ kJ}, a_{12} = -237 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.57

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 0,3 \text{ MPa}$ a $t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C}$ adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 0,05 \text{ MPa}$. Určete konečné parametry páry, expanzní práci a změnu entalpie. Znázorněte v T-s a i-s diagramech !

Řešení :

$$p_1 = 0,3 \text{ MPa} ; t_1 = 300 \text{ }^\circ\text{C} ; p_2 = 0,05 \text{ MPa} ; \text{stav } 2 = ? ; a_{12} = ? ; \Delta i = ?$$



Pomocí tabulek vodní páry:

Pro p_1, t_1 z tabulek vodní páry $i_1 = 2988 \text{ kJ/kg}$; $v_1 = 0,08119 \text{ m}^3/\text{kg}$; $s_1 = 6,53 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$ z podmínky adiabatického děje $s_2 = s_1$ a vzhledem k tomu, že $s_2 < s''_2$ při tlaku p_2 (jedná se tudíž o mokrou páru)

$$s_2 = s_1 = s'_2 + x_2 (s''_2 - s'_2) \rightarrow x_2 = \frac{s_1 - s'_2}{s''_2 - s'_2} = \frac{6,53 - 1,091}{7,593 - 1,091} = 0,836$$

Měrný objem $v_2 = v'_2 + x_2(v''_2 - v'_2) = 0,0010299 + 0,836(3,239 - 0,0010299) = 2,708 \text{ m}^3/\text{kg}$

Entalpie $i_2 = i'_2 + x_2 l_{23,2} = 340,6 + 0,836 \cdot 2304 = 2266,2 \text{ kJ/kg}$

(Pozn.: $l_{23,2} = 2304 \text{ kJ/kg}$)

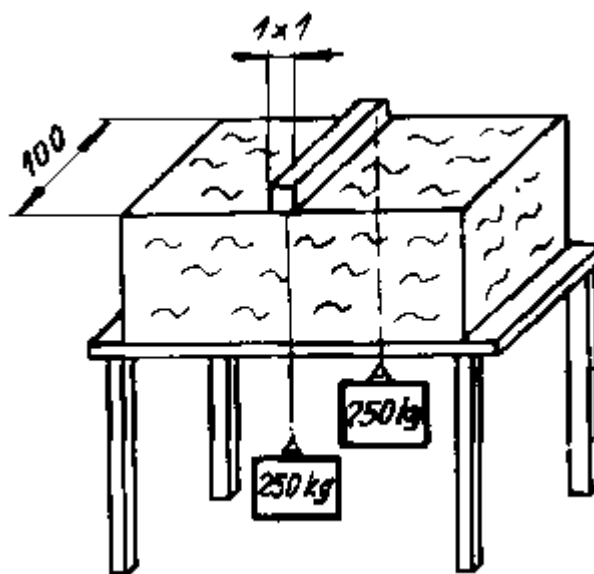
Rozdíl entalpií $\Delta i = i_2 - i_1 = 2266,2 - 2988 = -721,8 \text{ kJ/kg}$

Rozdíl vnitřních energií $\Delta u = u_2 - u_1 = \Delta i - (p_2 v_2 - p_1 v_1) = -721,8 \cdot 10^3 - (0,05 \cdot 2,708 - 3 \cdot 0,08119) \cdot 10^6 = -721,8 \cdot 10^3 + 108,17 \cdot 10^3 = -613,63 \cdot 10^3 \text{ J/kg}$

Expanzní práce $a_{12} = -\Delta u = 613,63 \text{ kJ/kg}$

Příklad 12.58

Na hranol ledu je položen drát o průřezu $(1 \times 1) \text{ mm} = 1 \text{ mm}^2$ s připevněnými závažími o hmotnosti $m = 250 \text{ kg}$. Po nějaké době zůstane hranol celý, neporušený. Vysvětlete tento jev! Určete teplotu tání ledu pod drátem, je-li šířka ledového hranolu $0,1 \text{ m}$, teplota vzduchu v místnosti $t = 0 \text{ }^\circ\text{C}$. Měrné teplo tání ledu $l_{12} = 334 \text{ kJ/kg}$ při $0 \text{ }^\circ\text{C}$, měrný objem vody při $0 \text{ }^\circ\text{C}$ je $v' = 0,999 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{kg}$, měrný objem ledu při $0 \text{ }^\circ\text{C}$ je $v''' = 1,0907 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{kg}$.



$$[t_{12} = -3,6 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 12.59

Určete teplotu, při které se bude tavit led pod bruslemi o délce $0,25 \text{ m}$ a tloušťce 1 mm (hmotnost bruslaře $m = 70 \text{ kg}$) za předpokladu, že se brusle dotýkají ledu $1/10$ své plochy. Měrné teplo tání ledu $l_{12} = 334 \text{ kJ/kg}$, hustota ledu $\rho_L = 0,9168 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$, hustota vody $\rho_v = 1,0002 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$.

Řešení:

$L = 0,25 \text{ m}; \delta = 1 \text{ mm}; m = 70 \text{ kg}; K = 0,1; l_{12} = 334 \text{ kJ/kg}; \rho_L = 0,9168 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3; \rho_V = 1,0002 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3; t_{12} = ?$

Teplotu stanovíme z Clausius-Clapeyronovy rovnice $l_{12} = T_{12} (v' - v''') \frac{dp}{dT}$

zvolíme $T_{12} = 273 \text{ K}$, tj. teplota tání ledu při barometrickém tlaku p a k ní budeme vztahovat dT . Elementární změny dT a dp nahradíme diferencemi.

$$\Delta p = p_2 - p_1 = -\frac{m \cdot g}{K \cdot L \cdot \delta \cdot 2} - 0 = \frac{70 \cdot 9,80665}{0,1 \cdot 0,25 \cdot 10^{-3}} = -27,46 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$\Delta T = \frac{T_{12} (v' - v''') \Delta p}{l_{12}} = \frac{T_{12} \left(\frac{1}{\rho'} - \frac{1}{\rho'''} \right) \Delta p}{l_{12}} = \frac{T_{12} \left(\frac{1}{\rho_V} - \frac{1}{\rho_L} \right) \Delta p}{l_{12}}$$

$$= -\frac{273 \left(\frac{1}{0,9168} - \frac{1}{1,0002} \right) \cdot 10^{-3} \cdot 27,46 \cdot 10^6}{334 \cdot 10^3} = -2,02 \text{ K}$$

$$\Delta T = T_{12(p+\Delta p)} - T_{12,p} \Rightarrow T_{12(p+\Delta p)} = T_{12,p} + \Delta T = 273 - 2,02 = 271,98 \text{ K}, t_2 = -2,02 \text{ } ^\circ\text{C}$$

Příklad 12.60

Barometrický tlak je $p_b = 0,0785 \text{ MPa}$. Za jakou dobu se ohřeje $1,5 \text{ kg}$ vody z teploty $t_1 = 10 \text{ } ^\circ\text{C}$ na teplotu varu? Vafič má výkon 400 W , tepelné ztráty zanedbáme. Za jakou dobu se vypaří všechna voda?

$$[\tau = 21 \text{ min } 42\text{s}, \tau_2 - \tau_1 = 2 \text{ h } 22 \text{ min } 12 \text{ s}]$$

Příklad 12.61

Budova se vytápí $15 \text{ m}^3/\text{h}$ vody o teplotě $80 \text{ } ^\circ\text{C}$, která se připravuje míšením mokré páry o tlaku $p = 0,1175 \text{ MPa}$ a suchosti $x = 0,92$ s vodou o teplotě $10 \text{ } ^\circ\text{C}$. Určete potřebné množství vody a páry!

$$[m_p = 1,79 \cdot 10^3 \text{ kg/h}, m_{H_2O} = 13,21 \cdot 10^3 \text{ kg/h}]$$

Příklad 12.62

Při určování stavu páry se tato přivádí do izolované měděné nádoby, která obsahuje 10 kg vody o teplotě $15 \text{ } ^\circ\text{C}$. Pára při míšení s vodou kondenzuje. Určete stav páry o tlaku $p = 0,98 \text{ MPa}$, je-li množství páry $m_1 = 0,907 \text{ kg}$, hmotnost měděné nádoby $m_2 = 2 \text{ kg}$, teplota směsi $t_s = 60 \text{ } ^\circ\text{C}$ a měrná tepelná kapacita mědi $c_{Cu} = 0,393 \text{ kJ/(kg}\cdot\text{K)}$.

$$[\text{pára je mokrá o suchosti } x = 0,8]$$

Příklad 12.63

Parní kotel obsahuje 30 m^3 syté kapaliny o tlaku $p_1 = 5,88 \text{ MPa}$. Kolik m^3 páry se uvolní z této vody při poklesu tlaku na a) $p_2 = 4,9 \text{ MPa}$, b) atmosférický tlak $p'_2 = 0,098 \text{ MPa}$?

$$[a) m = 36,5 \text{ m}^3, b) m = 13\,400 \text{ m}^3]$$

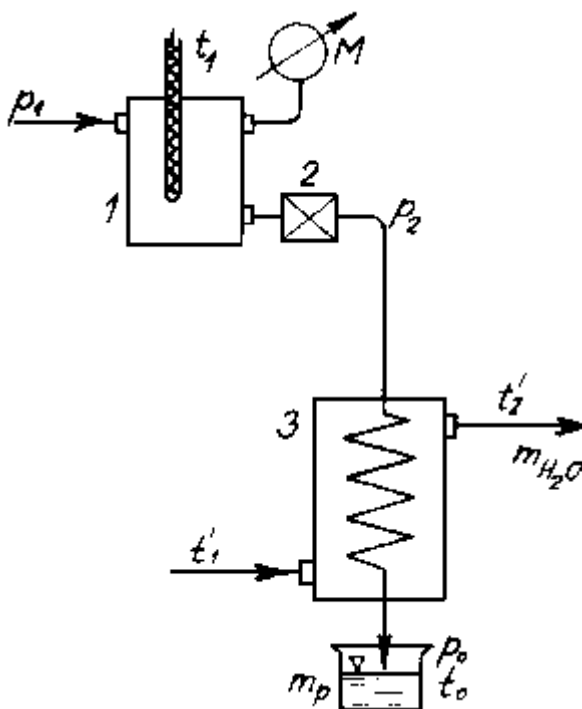
Příklad 12.64

Počáteční stav vodní páry je dán tlakem $p = 0,49 \text{ MPa}$ a teplotou $t = 300 \text{ °C}$. Při vstříknutí vody o tlaku $0,49 \text{ MPa}$ a teplotě varu se při konstantním tlaku přehřátá pára změní na sytou. Určete množství vstříkované vody na 1 kg páry!

$$[m = 0,149 \text{ kg/kg páry}]$$

Příklad 12.65

Entalpie vysokotlaké vodní páry se určuje experimentálně pomocí zařízení, jehož schéma je na obrázku. Pára přichází do měřicí komory (1), kde se měří její teplota a tlak. Pak je vedena přes redukční ventil (2), kde se tlak škrtí na hodnotu blízkou tlaku atmosférickému, do výměníku (3). Ve výměníku pára kondenzuje při teplotě okolí t_0 a měří se množství kondenzátu. Celé zařízení je dokonale izolováno. Určete entalpii páry o tlaku p_1 a teplotě t_1 , jsou-li změřeny tyto veličiny: množství kondenzátu $m_p = 6 \text{ kg/h}$, množství chladicí vody $m_{\text{H}_2\text{O}} = 110 \text{ kg/h}$, teplota okolí $t_0 = 25 \text{ °C}$, rozdíl teplot $t'_2 - t'_1 = 45 \text{ K}$.



$$[i_1 = 3240 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.66

Napájecí voda se přivádí do kotle o tlaku $p_1 = 23,5 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 350 \text{ °C}$ v množství $m_{\text{H}_2\text{O}} = 250 \text{ kg/s}$. Tepelný tok v kotli je $Q_{12} = 446 \text{ 900 kW}$. Určete teplotu páry na výstupu z kotle, její entalpii a vnitřní energii!

$$[t_2 = 570 \text{ °C}, i_2 = 3414 \text{ kJ/kg}, u_2 = 3079 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.67

Teplárna dodává pro technologické účely $m_p = 5,56 \text{ kg/s}$ vodní páry o tlaku $p = 0,685 \text{ MPa}$ a suchosti $x = 0,95$. Továrna vrací 60% kondenzátu o teplotě $t_k = 70 \text{ °C}$. Ztráta kondenzátu se hradí vodou z chemické úpravný. Teplota vody $t_v = 90 \text{ °C}$. Kolik paliva se spálí při účinnosti kotelny $\eta_k = 0,8$, je-li výhřevnost paliva $Z = 30 \text{ 000 kJ/kg}$?

$$[m = 0,539 \text{ kg/s}]$$

Příklad 12.68

Teplota přehřáté vodní páry se reguluje vstřikováním studené vody do směšovací komory. Jaké je množství vody na 1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 2,94$ MPa a teplotě $t_1 = 480$ °C, je-li požadována výsledná teplota $t_2 = 460$ °C? Tlak vody je $p_v = 2,94$ MPa, teplota vody $t_v = 20$ °C.

$$[m_v = 0,0138 \text{ kg vody/kg páry}]$$

Příklad 12.69

Kotel explodoval propálením stěny bubnu. Objem bubnu $V = 8,5$ m³. 60 % objemu zaujímala voda, ostatní část sytá pára. Tlak v kotli byl 0,98 MPa, tlak okolí 0,098 MPa. Určete objem páry na konci exploze a expanzní práci, jestliže děj probíhal izoentropicky!

$$[V_2 = 1100 \text{ m}^3, A_{12} = 258 \cdot 10^3 \text{ kJ}]$$

Příklad 12.70

1 kg vodní páry o tlaku $p_1 = 12,75$ MPa a teplotě $t_1 = 565$ °C expanduje izoentropicky na tlak $p_2 = 3920$ Pa. Určete t , v , i , s , x na začátku a na konci děje, expanzní práci a změnu vnitřní energie!

$$[v_1 = 0,0281 \text{ m}^3/\text{kg}, i_1 = 3510 \text{ kJ/kg}, s_1 = s_2 = 6,665 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K}), v_2 = 27,48 \text{ m}^3/\text{kg}, t_2 = 28,6^\circ\text{C}, x_2 = 0,775, i_2 = 2005 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 1254 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.71

Vodní pára o tlaku $p_1 = 3,33$ MPa a suchosti $x_1 = 0,98$ se izoentropicky stlačuje na $p_2 = 8,32$ MPa. Určete teplotu a entalpii v konečném stavu, expanzní práci a změnu vnitřní energie!

$$[t_2 = 348,3^\circ\text{C}, i_2 = 2966 \text{ kJ/kg}, a_{12} = -\Delta u = -158,7 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.72

1 kg vodní páry se stlačuje izotermicky z tlaku $p_1 = 3,14$ MPa a teploty $t_1 = 360$ °C na stav syté kapaliny. Určete veličiny v konečném stavu a odvedené teplo!

$$[p_2 = 18,6 \text{ MPa}, v_2 = 0,001894 \text{ m}^3/\text{kg}, i_2 = 1760 \text{ kJ/kg}, s_2 = 3,910 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K}), q_{12} = -1790 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 12.73

Napájecí voda o tlaku $p = 13,6$ MPa a teplotě $t = 300$ °C se přivádí do kotle, kde se vypařuje a přehřívá na teplotu 570 °C. Určete střední teplotu při přívodu tepla!

$$[t_{stř} = 365^\circ\text{C}]$$

Příklad 12.74

Určete průměr potrubí pro 450 kg/h mokré vodní páry o tlaku $p = 3,92 \cdot 10^3$ Pa a suchostí $x = 0,91$, je-li rychlost páry 20 m/s.

$$[d = 0,173 \text{ m}]$$

Příklad 12.75

1 m³ vodní páry o tlaku $p_1 = 8,84$ MPa a teplotě $t_1 = 450$ °C adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 0,196$ MPa. Určete konečný stav páry, expanzní práci a změnu vnitřní energie!

$$[x_2 = 0,89, \Delta u = -19\,050 \text{ kJ/kg}, a_{12} = 19\,050 \text{ kJ/kg}]$$

13. Proudění par, škrcení páry

Příklad: [13.1](#), [13.2](#), [13.3](#), [13.4](#), [13.5](#), [13.6](#), [13.7](#), [13.8](#), [13.9](#), [13.10](#), [13.11](#), [13.12](#), [13.13](#), [13.14](#), [13.15](#), [13.16](#), [13.17](#), [13.18](#), [13.19](#), [13.20](#), [13.21](#), [13.22](#)

Příklad 13.1

Určete výtokovou rychlost vodní páry, vytékající otvorem ve stěně kotle, je-li tlak v kotli $p_1 = 1,57$ MPa a teplota $t_1 = 300$ °C, $\kappa = 1,3$.

$$[w_k = 536 \text{ m/s}]$$

Příklad 13.2

Určete výtokovou rychlost vodní páry o tlaku $p_1 = 0,98$ MPa a suchosti $x_1 = 0,96$ proudící do chladiče, kde je podtlak $p_v = 0,0876$ MPa.

$$[w = 476 \text{ m/s}]$$

Příklad 13.3

Určete výtokovou rychlost vodní páry a průměr výstupního otvoru Lavalovy dýzy, je-li výtokové množství vodní páry $m = 216$ kg/h o tlaku $p_1 = 0,588$ MPa a teplotě $t_1 = 220$ °C. Výstupní tlak $p_2 = 0,049$ MPa.

Řešení.

$$m = 216 \text{ kg/h}; p_1 = 0,588 \text{ MPa}; t_1 = 220 \text{ °C}; p_2 = 0,049 \text{ MPa}, w_2 = ?; d_2 = ?$$

(pomocí i-s diagramu vodní páry)

Pro tlak p_1 a teplotu t_1 určíme entalpii $i_1 = 2890$ kJ/kg

Entalpie v bodě 2 $i_2 = 2420$ kJ/kg

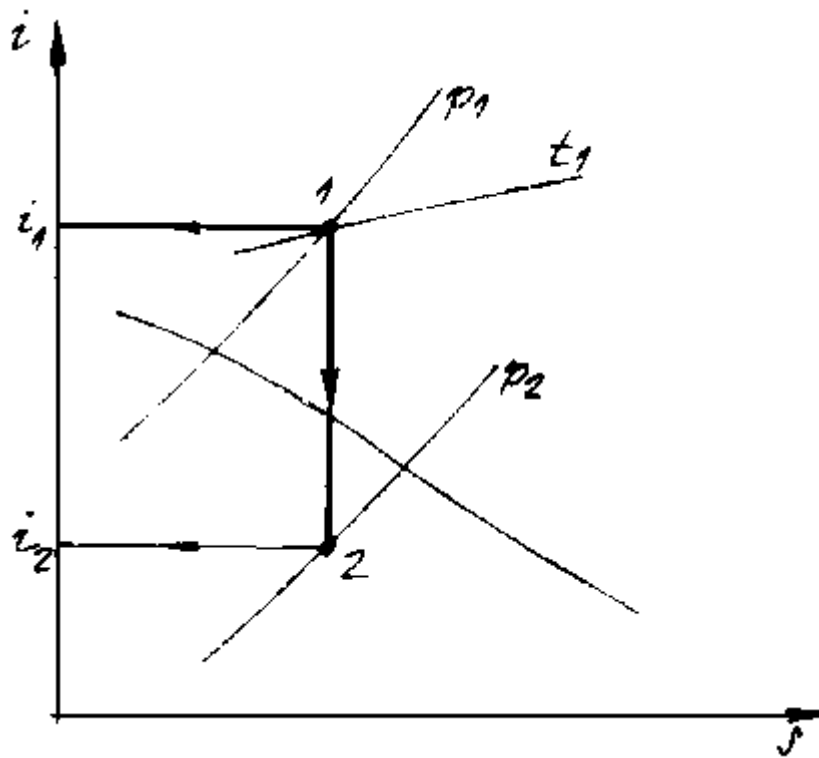
Výtoková rychlost páry

$$w_2 = \sqrt{2(i_1 - i_2)} = \sqrt{2(2890 - 2420) \cdot 10^3} = 969 \text{ m/s}$$

$$m = S \frac{w_2}{v_2} \rightarrow S = m \frac{v_2}{w_2} = \frac{\pi d_2^2}{4}$$

Průměr výstupního otvoru dýzy

$$d_2 = \sqrt{\frac{4 m}{\pi w_2} v_2} = \sqrt{\frac{4 \cdot 216,3}{\pi \cdot 3600 \cdot 969}} = \sqrt{2,367 \cdot 10^{-4}} = 1,538 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 15,38 \text{ mm}$$



Příklad 13.4

Parní kotel vyrábí $m = 1 \text{ kg/s}$ syté vodní páry o tlaku $p_1 = 1,57 \text{ MPa}$. Určete minimální průřez pojistného ventilu, aby při uzavřeném odběru nevzrostl tlak !

[$S = 0,0004 \text{ m}^2$]

Příklad 13.5

Tlak $p_1 = 4,415 \text{ MPa}$ a teplota $t_1 = 350 \text{ °C}$ jsou parametry vodní páry před tryskami turbíny, tlak za tryskami $p_2 = 2,452 \text{ MPa}$, průtočné množství jednou tryskou je $m = 0,5 \text{ kg/s}$. Určete výstupní průřez trysky !

[$S_2 = 98,10 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2$]

Příklad 13.6

Parní turbína má dvě trysky o celkovém průřezu $S = 8 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$, kterými proudí pára o tlaku $p_1 = 9,81 \text{ MPa}$ teplotě $t_1 = 500 \text{ °C}$. Určete výtokové množství páry a teoretický výkon turbíny, je-li výtok adiabatický bez tření. Vstupní rychlost páry do trysky neuvažujte !

[$m = 2,232 \text{ kg/s}$ - jednou tryskou, $P = 595 \text{ kW}$]

Příklad 13.7

Vodní pára vytéká zužující se tryskou z prostoru o tlaku $p_1 = 1,96 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 400 \text{ °C}$. Určete výtokové množství páry, výstupní rychlost, je-li průřez otvoru $S = 1 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2$, tlak $p_2 = 0,588 \text{ MPa}$. Výtok je bez tření.

[$w_2 = 595 \text{ m/s}$, $m = 2,4 \text{ kg/s}$]

Příklad 13.8

Potrubím proudí vodní pára o tlaku $p = 1,49$ MPa a teplotě $t = 300$ °C rychlostí $w = 300$ m/s. O kolik stupňů se liší teplota páry naměřená teploměrem od skutečné hodnoty ?

$$[\Delta t = 20 \text{ °C}]$$

Příklad 13.9

Určete rozměry Lavalovy dýzy, kterou proudí vodní pára o tlaku $p_1 = 1,96$ MPa a teplotě $t_1 = 350$ °C do prostředí o tlaku $p_2 = 0,098$ MPa. Množství páry $m = 0,5 \cdot 10^3$ kg/h.

$$[S_{min} = 55,9 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2, S_2 = 202 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2, l = 0,043 \text{ m}]$$

Příklad 13.10

Vodní pára vytéká Lavalovou dýzou. Tlak $p_1 = 3,43$ MPa, teplota $t_1 = 450$ °C, tlak $p_2 = 0,049$ MPa. Určete výtokovou rychlost a rozměry dýzy, je-li účinnost dýzy 0,88 a spotřeba páry $m = 0,5$ kg/s!

$$[w_2 = 1260 \text{ m/s}, S_{min} = 1,34 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2, S_2 = 12,7 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2, l = 0,129 \text{ m}]$$

Příklad 13.11

Určete výtokovou rychlost vodní páry z Lavalovy dýzy a účinnost dýzy, je-li na vstupu tlak $p_1 = 5,889$ MPa a teplota $t_1 = 450$ °C. Tlak na výstupu $p_2 = 1,177$ MPa. Rychlostní součinitel $\phi = 0,95$.

$$[w_2 = 830 \text{ m/s}, \eta_d = 0,9025]$$

Příklad 13.12

V parním kotli se vytvoří 0,5 kg/s syté vodní páry o tlaku $p_1 = 1,08$ MPa. Určete průřez pojistného ventilu, aby při poruchách odběru páry nestoupl tlak nad 1,08 MPa..

$$[S = 3,3 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2]$$

Příklad 13.13

Vodní pára o tlaku $p_1 = 1,175$ MPa a teplotě $t_1 = 300$ °C proudí dýzou do prostoru o tlaku $p_2 = 9800$ Pa. Jaký je konečný stav a výstupní rychlost a jaký bude teoretický výkon vystupující páry ?

a) výtok je bez tření,

b) se třením, rychlostní součinitel $\phi = 0,95$.

$$[p_{k,a} = 0,64 \text{ MPa}, t_{k,a} = 230 \text{ °C}, p_{k,b} = 0,64 \text{ MPa}, t_{k,b} = 235 \text{ °C}, i_a = 88 \text{ kJ/kg}, i_b = 80 \text{ kJ/kg}, w_{k,a} = 420 \text{ m/s}, w_{k,b} = 400 \text{ m/s}]$$

Příklad 13.14

Počáteční tlak vodní páry $p_1 = 5,88$ MPa a suchost $x_1 = 0,96$. Na jaký tlak je pára seškrácena, je-li v konečném stavu sytá ?

$$[p_2 = 0,285 \text{ MPa}]$$

Příklad 13.15

Do turbíny vstupuje vodní pára o tlaku $p_1 = 18 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 550 \text{ °C}$, kde adiabaticky expanduje na tlak $p_2 = 10 \text{ MPa}$. Určete charakteristické rozměry trysky turbíny, jestliže průtočné množství jedné trysky je $m = 8 \text{ kg/s}$, tření zanedbáme.

$$[\text{zuzující se tryska, } S = 400 \text{ mm}^2]$$

Příklad 13.16

Parametry páry na vstupu do turbíny jsou $p_1 = 3,5 \text{ MPa}$, $t_1 = 400 \text{ °C}$, na výstupu $p_2 = 2 \text{ MPa}$, průtočné množství jedné trysky $m = 1,5 \text{ kg/s}$, tření zanedbáme. Určete rozměry trysky !

$$[S_2 = 362 \text{ mm}^2]$$

Příklad 13.17

Vodní pára o tlaku $p_1 = 3 \text{ MPa}$ a $t_1 = 500 \text{ °C}$ vytéká Lavalovou dýzou do prostředí o tlaku $p_2 = 0,004 \text{ MPa}$. Minimální průřez dýzy je $S_{\min} = 132,5 \text{ mm}^2$. Určete stav páry a rychlosti páry v minimálním a výstupním průřezu, velikost výstupního průřezu. Znáznorněte děj v T-S diagramu !

$$[w_k = 640 \text{ m/s, } w_2 = 1600 \text{ m/s, } S_2 = 8,38 \text{ mm}^2]$$

Příklad 13.18

Vodní pára o tlaku $p_1 = 1 \text{ MPa}$ a $t_1 = 300 \text{ °C}$ proudí zuzující se dýzou o průřezu $S = 30 \text{ cm}^2$ do prostředí:

a) o tlaku $p_2 = 0,6 \text{ MPa}$, b) o tlaku $p_2 = 0,2 \text{ MPa}$. Určete parametry páry, rychlost páry a sekundové množství na výstupu z dýzy. Znáznorněte děj v i-s diagramu !

$$[w_{2a} = 510 \text{ m/s, } w_{2b} = 548 \text{ m/s, } m_a = 0,402 \text{ kg/s, } m_b = 0,41 \text{ kg/s}]$$

Příklad 13.19

Vodní pára o tlaku $p_1 = 6 \text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 400 \text{ °C}$ proudí Lavalovou dýzou do prostředí o tlaku $p_2 = 0,1 \text{ MPa}$. Průtočné množství $m = 3 \text{ kg/s}$. Určete parametry a stav páry v minimálním a výstupním průřezu.

$$[w_K = 574,4 \text{ m/s, } t_k = 310 \text{ °C, } w_2 = 1268,9 \text{ m/s, } x_2 = 0,865]$$

Příklad 13.20

V parním potrubí proudí pára o tlaku $p_1 = 1 \text{ MPa}$ a suchosti $x_1 = 0,98$. Část páry se přes škrtec ventil propouští do potrubí a tlakem $p_2 = 0,012 \text{ MPa}$. Určete stav páry v potrubí o tlaku p_2 !

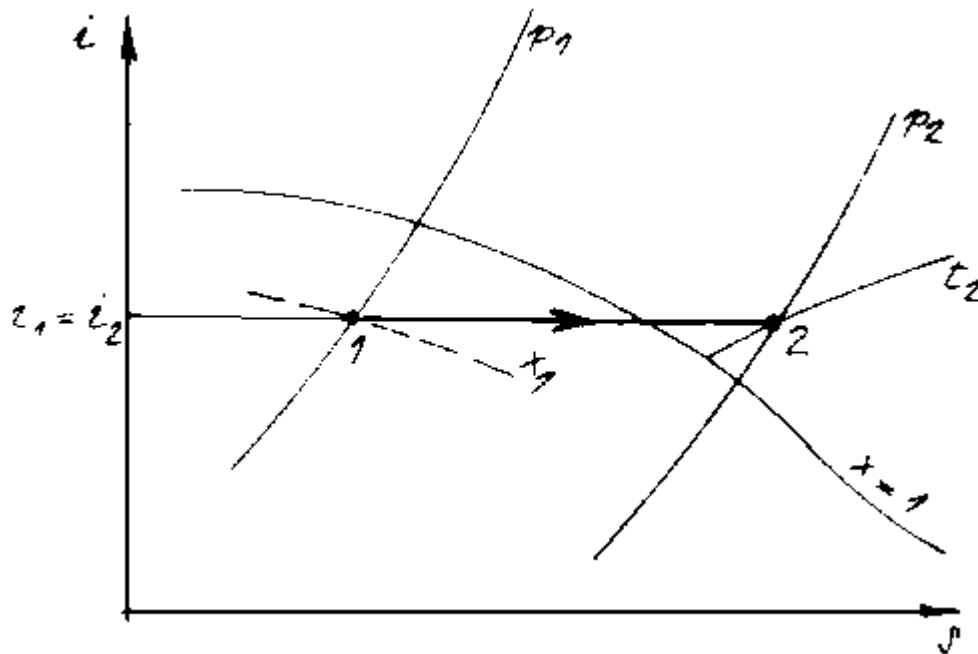
Řešení :

$$p_1 = 1 \text{ MPa ; } x_1 = 0,98 ; p_2 = 0,012 \text{ MPa stav 2 = ?}$$

Z i-s diagramu určíme pro podmínku děje (škrcení)

$i_1 = i_2$ teplotu $t_2 = 130\text{ }^\circ\text{C}$

V bodě 2 se jedná o přehřátou páru.



Příklad 13.21

Vzduch o počátečním tlaku $p_1 = 0,49\text{ MPa}$ a teplotě $t_1 = 50\text{ }^\circ\text{C}$ se škrtí ve vstupních ventilech spalovací komory tak, že se jeho objem zdvojnásobuje. Určete změnu entropie při škrcení a konečný tlak !

$$[\Delta s = 0,195\text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K}), p_2 = 0,245\text{ MPa}]$$

Příklad 13.22

Sytá pára o tlaku $p_1 = 1,175\text{ MPa}$ proudí v potrubí o průměru $d = 0,33\text{ m}$ rychlostí $w = 25\text{ m/s}$. Jaký bude otvor škrtící clonky, je-li tlak páry po škrcení $p_2 = 0,785\text{ MPa}$?

$$[d_2 = 0,1\text{ m}]$$

14. Cykly parostrojních zařízení

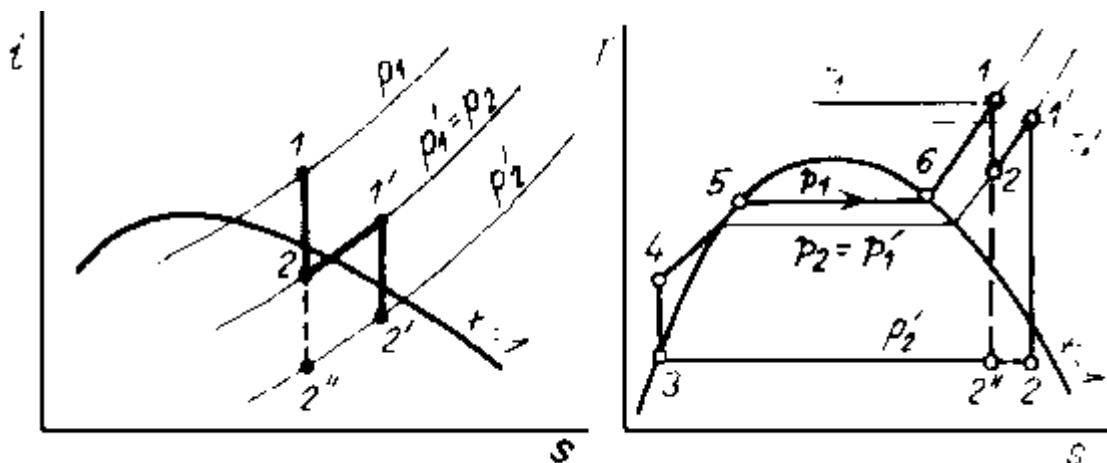
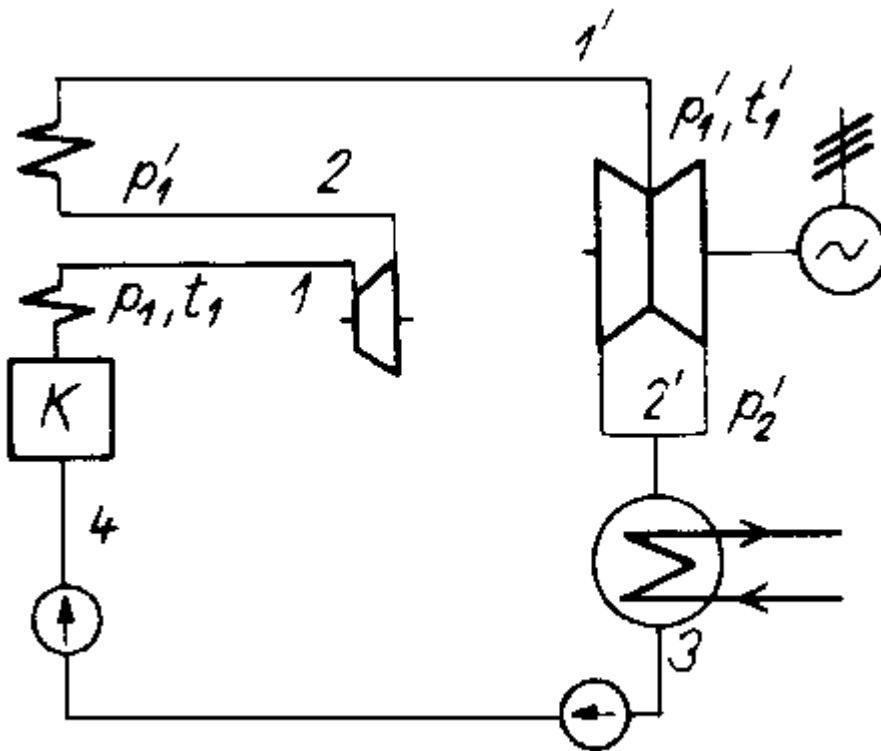
Příklad: [14.1](#), [14.2](#), [14.3](#), [14.4](#), [14.5](#), [14.6](#), [14.7](#), [14.8](#)

Příklad 14.1

Cyklus tepelné elektrárny pracuje s přehříváním páry. Tlak $p_1 = 12 \text{ MPa}$, teplota $t_1 = 530 \text{ °C}$, tlak $p'_2 = 3500 \text{ Pa}$. Přehřívání se provádí při tlaku $p'_1 = 2,3 \text{ MPa}$ na teplotu $t'_1 = 480 \text{ °C}$. Určete o kolik se zmenší suchost páry na výstupu z turbíny a zvýšení termické účinnosti cyklu s přehříváním proti cyklu bez přehřívání páry !

Řešení :

$p_1 = 12 \text{ MPa}$; $t_1 = 530 \text{ °C}$; $p'_2 = 3500 \text{ Pa}$; $p'_1 = 2,3 \text{ MPa}$; $t'_1 = 480 \text{ °C}$; $\Delta x = ?$; $\Delta \eta_t = ?$



Z i-s diagramu vodní páry pro stav 1, 2, 1', 2' uřídíme $i_1 = 3426 \text{ kJ/kg}$; $i_2 = 2956 \text{ kJ/kg}$; $i_1' = 3420 \text{ kJ/kg}$;

$i_2' = 2180 \text{ kJ/kg}$; $i_2'' = 1972 \text{ kJ/kg}$ a suchosti páry $x_2 = 0,85$; $x_2 = 0,763$.

Z tabulek vodní páry uřídíme $i_3 = 111,86 \text{ kJ/kg}$

Termická účinnost cyklu bez přehřívání páry $\eta_{t1} = \frac{i_1 - i_2''}{i_1 - i_3} = \frac{3426 - 1972}{3426 - 111,86} = 0,439$

Termická účinnost cyklu s přehříváním páry $\eta_{t2} = \frac{(i_1 - i_2) + (i_1' - i_2')}{(i_1 - i_3) + (i_1' - i_2')} =$

$$= \frac{3426 - 2956 + 3420 - 2180}{3426 - 111,85 + 3420 - 2956} = 0,453$$

Zvýšení termické účinnosti $\Delta\eta_t = \eta_{t2} - \eta_{t1} = 0,453 - 0,439 = 0,014$

Zvýšení suchosti páry $\Delta x = x_2' - x_2 = 0,85 - 0,763 = 0,087$

Příklad 14.2

Cyklus parostrojního zařízení pracuje beze ztrát. Napáječka nasává kondenzát z kondenzátoru a vytlačuje jej přes přehřívák, kde se ohřeje na teplotu varu, do kotle, ve kterém je tlak 1,075 MPa. V kotli se vyrábí přehřátá pára o teplotě 320 °C. Tato pára vstupuje do turbíny, kde expanduje adiabaticky na tlak 9800 Pa. Z turbíny proudí pára do kondenzátoru, odkud je kondenzát čerpán znovu do kotle. Určete odvedené teplo u jednotlivých dějů cyklu, práci turbíny a termickou účinnost!

$$[q_{před} = 588 \text{ kJ/kg}, q_k = 2000 \text{ kJ/kg}, q_{př} = 300 \text{ kJ/kg}, q_t = 2088 \text{ kJ/kg}, \eta_t = 0,285]$$

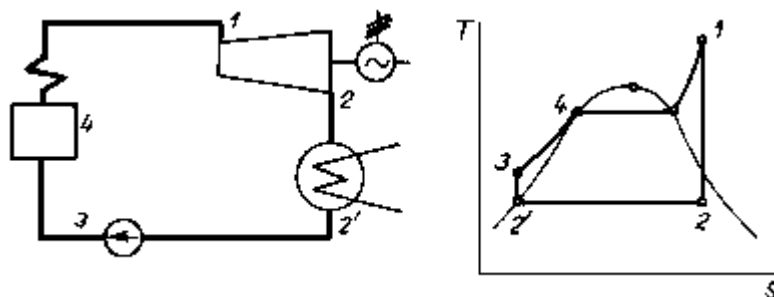
Příklad 14.3

Parostrojní zařízení o výkonu 368 kW pracuje dle Rankin-Clausiova cyklu při tlaku $p_1 = 1,57 \text{ MPa}$, teplotě $t_1 = 320 \text{ °C}$, tlaku $p_2 = 0,0196 \text{ MPa}$. Určete výkon kotle a spotřebu paliva, je-li teplota napájecí vody $t_v = 90 \text{ °C}$, výhřevnost paliva $Z = 25100 \text{ kJ/kg}$ a účinnost kotle $\eta_k = 0,82$.

$$[m_{pal} = 221 \text{ kg/h}, m_p = 1680 \text{ kg/h}]$$

Příklad 14.4

Parostrojní zařízení pracuje dle Rankinova cyklu na obr. Tlak před turbínou $p_1 = 8,81 \text{ MPa}$ a teplota $t_1 = 535 \text{ °C}$. Tlak v kondenzátoru $p_2 = 0,392 \text{ MPa}$. Určete práci turbíny a čerpadla, účinnost cyklu!



$$[a_t = 1435 \text{ kJ/kg}, a_c = 8,7 \text{ kJ/kg}, \eta_t = 0,428]$$

Příklad 14.5

Parostrojní zařízení pracuje dle Rankinova cyklu mezi tlaky $p_1 = 9,8 \text{ MPa}$ a $p_2 = 3920 \text{ Pa}$, $t_1 = 530 \text{ °C}$. Určete termickou účinnost cyklu a porovnejte ji s účinností Carnotova cyklu pracujícího mezi stejnými teplotami !

$$[\eta_t = 0,427, \eta_{tc} = 0,625]$$

Příklad 14.6

Parní turbína o výkonu $P = 25 \cdot 10^3 \text{ kW} = 25 \text{ MW}$ pracuje s parametry páry: tlak na vstupu $p_1 = 98 \text{ MPa}$, teplota $t_1 = 510 \text{ °C}$, tlak v kondenzátoru $p_2 = 3920 \text{ Pa}$. Určete tepelný výkon kotle, je-li teplota napájecí vody $t_v = 90 \text{ °C}$.

$$[m_p = 2,158 \text{ kg/s}, Q_k = 53,75 \text{ MW}]$$

Příklad 14.7

Určete spotřebu páry turbíny pohánějící turbogenerátor o výkonu $P = 100 \text{ MW}$, je-li tlak páry před turbínou $p_1 = 9,81 \text{ MPa}$, teplota $t_1 = 500 \text{ °C}$, tlak v kondenzátoru $p_2 = 3920 \text{ Pa}$. Účinnost turbíny je 0,8, účinnost generátoru 0,97.

$$[m = 93,06 \text{ kg/s}]$$

Příklad 14.8

Na výstupu z vysokotlakého stupně turbíny je tlak páry $p_2 = 0,785 \text{ MPa}$ a suchost $x_2 = 0,98$. Před vstupem do nízkotlakého stupně je pára vedena do mezhříváku, kde se ohřívá tak, že na konci adiabatické expanze v nízkotlakém stupni je tlak páry $p_3 = 4900 \text{ Pa}$ a suchost $x_3 = 0,935$. Určete přivedené teplo v ohříváku !

$$[q = 765 \text{ kJ/kg}]$$

15. Chladicí zařízení

Příklad: [15.1](#), [15.2](#), [15.3](#), [15.4](#), [15.5](#), [15.6](#), [15.7](#), [15.8](#), [15.9](#)

Příklad 15.1

Čpavková chladicí stanice o výkonu $Q = 110 \text{ kW}$ pracuje při vypařovací teplotě $t_1 = -15 \text{ °C}$. Z výparníku odchází sytá pára viz. obr. Kondenzační teplota $t_3 = 30 \text{ °C}$, následuje podchlazení kondenzátu na $t'_3 = 25 \text{ °C}$. Určete teoretickou chladivost cyklu, obíhající množství chladiva NH_3 a teoretický výkon motoru pro pohon kompresoru chladicího zařízení !

Řešení :

$$Q = 110 \text{ kW}; t_1 = -15 \text{ °C}; t_3 = 30 \text{ °C}, t'_3 = 25 \text{ °C}; q_{\text{vth}} = ?; m_{\text{NH}_3} = ?; P = ?$$

Z diagramu $i\text{-log } p \text{ NH}_3$

pro příslušné teploty entalpie $i_1 = 1662 \text{ kJ/kg}$,

$$i_2 = 1894 \text{ kJ/kg};$$

$$i_{3'} = 536 \text{ kJ/kg}$$

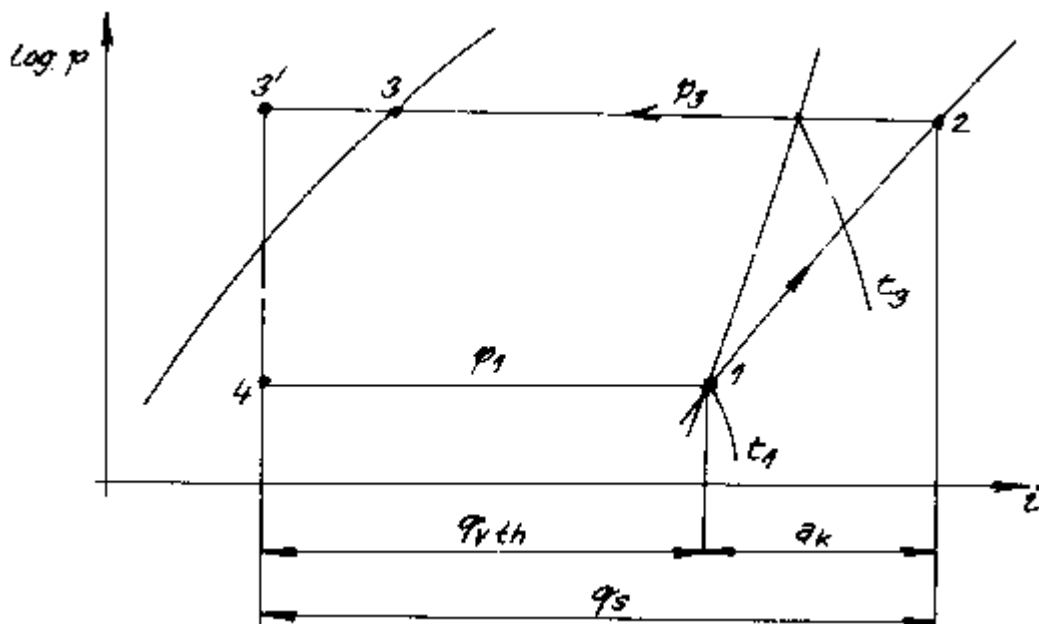
Teoretická chladivost

$$q_{\text{vth}} = i_1 - i_4 = i_1 - i_{3'} = 1662 - 536 = 1126 \text{ kJ/kg}$$

Množství obíhajícího chladiva

$$m_{\text{NH}_3} = Q / q_{\text{vth}} = 110 / 1126 = 0,0977 \text{ kg/s}$$

$$\text{Teoretický výkon motoru pro pohon kompresoru } P = m (i_2 - i_1) = 0,0977 (1894 - 1662) = 22,66 \text{ kW}$$



Příklad 15.2

Ve čpavkovém chladicím zařízení nasává kompresor sytou páru o teplotě $t_1 = -15\text{ °C}$ a stlačuje ji na tlak odpovídající kondenzační teplotě 20 °C . Čpavkové páry jsou ve srážníku kondenzovány vodou, která se ohřeje z 12 °C na 20 °C . Po zeškrcení v redukčním ventilu poklesne teplota chladiva na výparnou teplotu -15 °C . Solanka se ve výparníku ochladí z -2 °C na -5 °C . Určete kompresní práci 1 kg NH_3 , teoretickou chladivost a teplo odvedené ve srážníku ! Jaké je obíhající množství chladiva při výkonu chlad. zařízení $Q = 58\,139\text{ kW}$ při účinnosti 0,8 a kolik chladicí vody a solanky se spotřebuje při uvedených teplotách ?

$$[a_k = 175\text{ kJ/kg}, q_o = 1147\text{ kJ/kg}, q_{kond} = 1322\text{ kJ/kg}, m_{\text{NH}_3} = 0,0508\text{ kg/s}, m_{\text{H}_2\text{O}} = 9,08\text{ kg/s}, m_{sol} = 24,17\text{ kg/s}]$$

Příklad 15.3

Určete teoretický výkon kompresoru chladicího zařízení o výkonu $Q_o = 34,72\text{ kW}$, je-li vypařovací teplota $t_v = -15\text{ °C}$, srážecí teplota $t_s = 25\text{ °C}$ a podchlazovací teplota $t_p = 15\text{ °C}$. Chladicí medium je freon F12.

$$[P = 0,925\text{ kW}]$$

Příklad 15.4

Výkon kompresoru chladicího zařízení je $P = 40\text{ kW}$. Z kompresoru sytá pára čpavku NH_3 přichází do kondenzátoru s teplotou $t_2 = 25\text{ °C}$. Ve výparníku je teplota $t_1 = -10\text{ °C}$. Určete chladicí výkon zařízení !

$$[Q_o = 272,2\text{ kW}]$$

Příklad 15.5

Výkon vzduchového chladicího zařízení je $232,6\text{ kW}$. Teplota v chlazeném prostoru $t_1 = -5\text{ °C}$, teplota okolního vzduchu $t_o = 20\text{ °C}$. Tlak vzduchu na výstupu z kompresoru $p_2 = 0,49\text{ MPa}$, tlak v chladicí komoře $p_1 = 0,098\text{ MPa}$. Určete výkon motoru pro pohon kompresoru, spotřebu vzduchu, chladicí faktor a teplo odvedené do okolí. Určete také chladicí faktor u zařízení pracujícího dle Carnotova cyklu mezi těmiž teplotami !

$$[P = 136\text{ kW}, m = 2,778\text{ kg/s}, \varepsilon_{chC} = 1,7, \varepsilon_c = 10,7, Q_{ok} = 366,7\text{ kW}]$$

Příklad 15.6

Určete výkon motoru vzduchového chladicího stroje, je-li teplota chlazeného prostoru $t_{ch} = -10\text{ °C}$, teplota okolního vzduchu $t_o = 25\text{ °C}$, chladicí výkon $Q = 174,2\text{ kW}$. Maximální tlak vzduchu $p_2 = 0,49\text{ MPa}$, tlak okolí je $p_1 = 0,098\text{ MPa}$.

$$[P = 97\text{ kW}]$$

Příklad 15.7

Vzduchový chladicí stroj vyrábí led o teplotě $t_{ch} = -3\text{ °C}$ z vody o teplotě $t_v = 10\text{ °C}$. Teplota vzduchu nasávaného kompresorem je $t_1 = -10\text{ °C}$, tlak $p_1 = 0,098\text{ MPa}$, tlak na výstupu z kompresoru $p_2 = 0,392\text{ MPa}$. V chladiči se vzduch ochlazuje na teplotu $t = 20\text{ °C}$. Určete chladicí faktor, výkon motoru pro pohon kompresoru a množství vyrobeného ledu ! Spotřeba vzduchu $m = 0,278\text{ m}^3/\text{s}$ (při normálních fyzikálních podmínkách).

$$[\varepsilon_{ch} = 2,39, P = 8,5\text{ kW}, m_2 = 0,0536\text{ kg/s}]$$

Příklad 15.8

Vzduchové chladicí zařízení o chladicím výkonu $Q = 232,5 \text{ kW}$ má parametry vzduchu: na vstupu do chladicí komory je tlak $p_1 = 0,098 \text{ MPa}$, teplota $t_1 = -3 \text{ °C}$, po stlačení je tlak $p_2 = 0,392 \text{ MPa}$, teplota okolního vzduchu $t_0 = 20 \text{ °C}$. Určete teplotu vzduchu po expanzi, výkon kompresoru a detandéru, chladicí faktor. Určete také chladicí faktor Carnotova cyklu pracujícího mezi týmiž teplotami !

$$[T_4 = 197 \text{ K}, P_k = 418 \text{ kW}, P_d = 305 \text{ kW}, \varepsilon_{chC} = 2,16, \varepsilon_{chc} = 11,7]$$

Příklad 15.9

Kompresor nasává páry freonu 12 o teplotě $t_1 = -15 \text{ °C}$ a suchosti $x_1 = 0,92$ a stlačuje je na stav syté páry. Teplota $t_2 = 30 \text{ °C}$. Z kompresoru vstupuje freon do kondenzátoru, kde se ochlazuje vodou o teplotě $t_{1v} = 12 \text{ °C}$. Výstupní teplota vody $t_{2v} = 20 \text{ °C}$. V redukčním ventilu se kapalný freon seškrtní na stav mokré páry, jde do výparníku, na jehož výstupu je mokrá pára o suchosti $x_1 = 0,92$. Určete teoretický výkon motoru chladicího stroje, spotřebu chladicí vody, obíhající množství F 12, je-li chladicí výkon $Q_0 = 58,1 \text{ kW}$.

$$[P = 18,5 \text{ kW}, m_{F12} = 0,553 \text{ kg/s}, m_{H2O} = 2,286 \text{ kg/s}]$$

16. Vlhký vzduch

Příklad: [16.1](#), [16.2](#), [16.3](#), [16.4](#), [16.5](#), [16.6](#), [16.7](#), [16.8](#), [16.9](#), **[16.10](#)**, [16.11](#), [16.12](#), [16.13](#), [16.14](#), [16.15](#), [16.16](#), [16.17](#), [16.18](#), [16.19](#), [16.20](#), [16.21](#), [16.22](#), [16.23](#)

Příklad 16.1

Teplota vlhkého vzduchu $t = 60\text{ °C}$, relativní vlhkost $\varphi = 0,5$. Určete absolutní vlhkost a parciální tlak vodní páry ve vzduchu!

$$[\rho_p = 0,0651\text{ kg/m}^3, p_p = 9900\text{ Pa}]$$

Příklad 16.2

Teplota mokrého teploměru psychrometru $t_m = 46\text{ °C}$, teplota suchého teploměru $t_s = 50\text{ °C}$. Určete parametry vzduchu !

$$[\varphi = 0,82, x = 0,071\text{ kg/kg s.v.}, i = 234\text{ kJ/kg s.v.}]$$

Příklad 16.3

Určete dle diagramu i - x vlhkého vzduchu entalpii nasyceného vzduchu, je-li parciální tlak vodní páry $p_p = 10^4\text{ Pa}$!

$$[i = 226\text{ kJ/kg s.v.}, t = 46\text{ °C}]$$

Příklad 16.4

Určete pomocí i - x diagramu vlhkého vzduchu entalpii suchého vzduchu při teplotě $t = 100\text{ °C}$!

$$[i = 100\text{ kJ/kg s.v.}]$$

Příklad 16.5

Voda má teplotu $t_v = 40\text{ °C}$. Jak se tato teplota bude měnit, proudí-li nad hladinou vzduch a) o teplotě $t = 50\text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi = 0,4$; b) o teplotě $t = 50\text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi = 0,7$?

[a) voda se ochlazuje; b) voda se ohřívá]

Příklad 16.6

Umělé vlákno se suší vzduchem o teplotě $t_1 = 20\text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 0,6$. Tento vzduch se předeřívá v ohřivači na teplotu $t_2 = 95\text{ °C}$; pak vstupuje do sušárny, odkud odchází o teplotě $t_3 = 35\text{ °C}$. Určete množství vzduchu a teplo, potřebné k odpaření 1 kg vlhkosti!

$$[m_v = 41,8\text{ kg s.v./kg vlhkosti}, q = 3200\text{ kJ/kg}]$$

Příklad 16.7

K sušení se používá vzduch o teplotě $t_1 = 10 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 50 \%$. Vzduch se ohřívá na teplotu $t_2 = 90 \text{ °C}$ a vstupuje do sušárny, odkud odchází s teplotou $t_3 = 40 \text{ °C}$. Určete konečnou entalpii, množství vzduchu a teplo potřebné pro odpaření 100 kg vlhkosti !

$$[i_3 = 100 \text{ kJ/kg s.v.}, m_v = 5\,000 \text{ kg}, Q = 405\,000 \text{ kJ}]$$

Příklad 16.8

1000 m³ vzduchu o teplotě $t = 15 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi = 0,5$ při barometrickém tlaku $p_b = 0,099 \text{ MPa}$ se vlhčí 5 kg syté páry o tlaku $p_w = 11750 \text{ Pa}$. Určete konečné parametry vzduchu !

$$[i_2 = 40,1 \text{ kJ/kg s.v.}; t_2 = 15,5 \text{ °C}, \varphi_2 = 0,85; x_2 = 9,6 \text{ g/kg s.v.}]$$

Příklad 16.9

1000 kg vlhkého vzduchu o teplotě $t_1 = 25 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 0,8$ se při tlaku $p = 0,098 \text{ MPa}$ vlhčí 15 kg vodní páry o teplotě $t_w = 440 \text{ °C}$ a tlaku $p_w = 0,0784 \text{ MPa}$. Jaký je stav vzduchu po vlhčení ?

$$[x_2 = 0,0316 \text{ kg/kg s.v.}, i_2 = 118 \text{ kJ/kg s.v.}, t_2 = 36,7 \text{ °C}, \varphi_2 = 0,77]$$

Příklad 16.10

1000 kg vlhkého vzduchu o teplotě $t_1 = 40 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 0,2$ se při tlaku $p = 0,098 \text{ MPa}$ vlhčí 5 kg vody o teplotě $t_w = 20 \text{ °C}$. Určete stav vzduchu po vlhčení !

Řešení :

$m = 1000 \text{ kg}; t_1 = 40 \text{ °C}; \varphi_1 = 0,2; p = 0,098 \text{ MPa}, m_w = 5 \text{ kg}, t_w = 20 \text{ °C};$ stav po vlhčení = ?

Z i-x diagramu pro stav 1 určíme měrnou vlhkost $x_1 = 0,00948 \text{ kg/kg s.v.}$

Množství suchého vzduchu

$$m_v = m / (1 + x_1) \frac{1000}{1,00948} = 991 \text{ kg.}$$

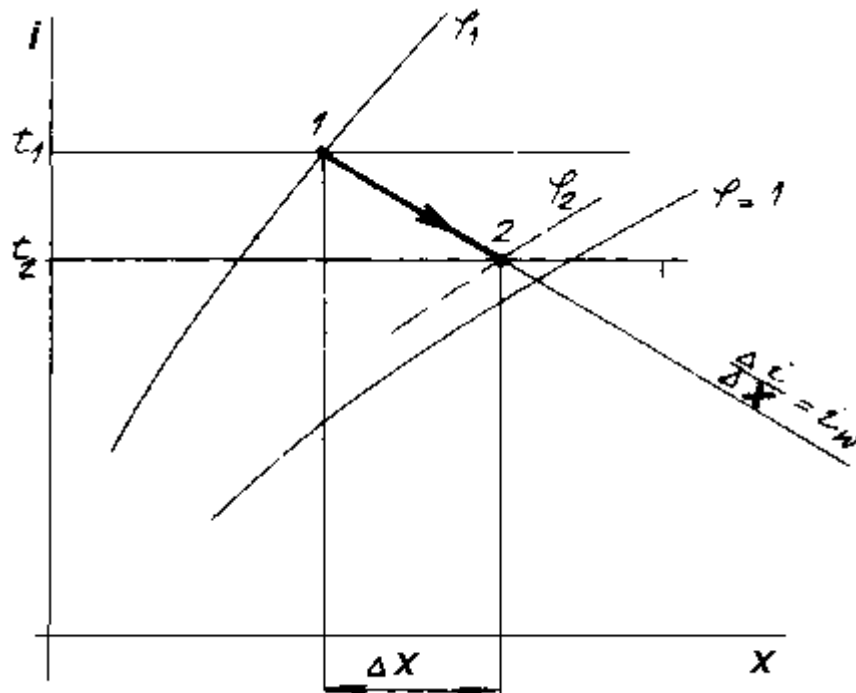
Přírůstek měrné vlhkosti

$$\Delta x = x_2 - x_1 = m_w / m_v = 5 / 991 = 0,005048 \text{ kg/kg s.v.}$$

$$x_2 = x_1 + \Delta x = 0,00948 + 0,005048 = 0,014528 \text{ kg/kg s.v.}$$

Při vlhčení směrnice přímky je rovna entalpií vlhčícího media

$$i_w = 83,7 \text{ kJ/kg. Pro } i_w \text{ a } x_2 \text{ určíme ve stavu 2 } i_2 = 65 \text{ kJ/kg s.v.}; t_2 = 27,9 \text{ °C}$$



Příklad 16.11

V místnosti pracují obráběcí stroje. Jejich příkon je 20 kW. Tepelné ztráty místnosti jsou 3,667 kW. Jaká bude teplota vzduchu po přívodu přebytečného tepla, je-li teplota vzduchu přiváděného do místnosti $t_1 = 15 \text{ °C}$ a relativní vlhkost $\varphi_1 = 70 \%$? Množství vzduchu $m_v = 1,389 \text{ kg/s}$.

$$[t_2 = 26 \text{ °C}, \varphi_2 = 0,37]$$

Příklad 16.12

Jaká je relativně vlhkost vlhkého vzduchu v místnosti, aby na stropě nenastala kondenzace vodních par, je-li teplota venkovního vzduchu $t_e = -20 \text{ °C}$, součinitel prostupu tepla stropem $k = 1,163 \text{ W/(m}^2\cdot\text{K)}$, teplota vzduchu v místnosti $t_i = 18 \text{ °C}$, součinitel přestupu tepla ze vzduchu na strop $\alpha_{str} = 8,73 \text{ W/(m}^2\cdot\text{K)}$.

$$[t_{str} = 13 \text{ °C}, \varphi = 0,9 - \text{kondenzace nenastane}]$$

Příklad 16.13

Určete teplotu a relativní vlhkost směsi složené z 1000 kg vzduchu o teplotě $t_1 = 15 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 40 \%$ a 2000 kg vzduchu o teplotě $t_2 = 25 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_2 = 60 \%$. Barometrický tlak $p_b = 0,0993 \text{ MPa}$.

$$[i_s = 46 \text{ kJ/kg s.v.}, x_s = 10 \text{ g/kg s.v.}]$$

Příklad 16.14

V jakém poměru je nutno smísit vzduch o teplotě $t_1 = 10 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 70\%$ se vzduchem o teplotě $t = 30 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_2 = 40 \%$, abychom dostali směs o teplotě $t_s = 20 \text{ °C}$. Jaká bude relativní vlhkost směsi? Množství směsi je 5 000 kg.

$$[\text{poměr je } 1,22]$$

Příklad 16.15

Počáteční stav vlhkého vzduchu je zadán teplotou $t_1 = 70 \text{ °C}$ a relativní vlhkostí $\varphi_1 = 0,4$. Na jakou teplotu můžeme ochladit vzduch rozprašováním vody o teplotě 20 °C , aby nedošlo k srážení vlhkosti ? Určete rozprašené množství vody na 1 kg suchého vzduchu !

$$[t_2 = 30 \text{ °C}, m_w = 16 \text{ g/kg s.v.}]$$

Příklad 16.16

Ke klimatizaci obytné budovy se používá venkovní vzduch o teplotě $t_o = -10 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_o = 0,85$, který se ohřívá a pak vlhčí sytou parou o tlaku $p_w = 0,098 \text{ MPa}$ na konečnou teplotu $t_2 = 30 \text{ °C}$ a relativní vlhkost $\varphi_2 = 0,6$. Určete: a) na jakou teplotu se ohřívá vzduch před vlhčením, b) množství vodní páry!

$$[t_1 = 28 \text{ °C}, m_w = x_2 - x_1 = 14,9 \text{ g/kg s.v.}]$$

Příklad 16.17

Počáteční stav vlhkého vzduchu je zadán teplotou $t_1 = 40 \text{ °C}$ a relativní vlhkostí $\varphi_1 = 0,5$. Určete stav vodní páry a množství páry o tlaku $p_w = 0,098 \text{ MPa}$, kterou se vlhčí vzduch až do nasyceného stavu !

$$[\text{pára je mokrá o suchosti } x = 0,95, m_w = 25,3 \text{ g/kg s.v.}]$$

Příklad 16.18

Suchý teploměr psychrometru ukazuje teplotu $t_s = 30 \text{ °C}$, mokrý teplotu $t_m = 20 \text{ °C}$. Jaký je stav vzduchu ?

$$[x = 0,0112 \text{ kg/kg s.v.}]$$

Příklad 16.19

Jakou bude mít teplotu mokré prádlo, které se suší venku při teplotě okolního vzduchu $t = 20 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi = 0,5$, zanedbáme-li sluneční radiaci ?

$$[t = 13,6 \text{ °C}]$$

Příklad 16.20

V chladicí věži se chladí oběhová voda kondenzátoru parní turbíny. Na jakou minimální teplotu se ochladí, je-li teplota okolního vzduchu $t_1 = 20 \text{ °C}$ a relativní vlhkost $\varphi_1 = 0,5$? Určete ztráty oběhové vody na 1000 kg, jestliže se voda v kondenzátoru ohřívá o 6 K ! Předpokládáme, že ochlazování probíhá jen vypařováním vody !

$$[t_2 = 14 \text{ °C}, m_w = 10,3 \text{ kg/1000 kg}]$$

Příklad 16.21

Do klimatizačního zařízení se přivádí $V_1 = 0,833 \text{ m}^3/\text{s}$ vzduchu z místnosti o teplotě $t_1 = 20 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_1 = 0,4$ a $V_2 = 1,944 \text{ m}^3/\text{s}$ venkovního vzduchu o teplotě $t_2 = 5 \text{ °C}$ a relativní vlhkosti $\varphi_2 = 0,7$. Určete relativní vlhkost, měrnou vlhkost a teplotu vzduchu po

smíšení !

$$[\varphi = 0,6 ; x = 4,4 \text{ g/kg s.v.}; t = 9,3 \text{ }^\circ\text{C}]$$

Příklad 16.22

Určete množství vody, která se odpaří z hladiny otevřené nádoby o rozměrech (1,2 x 0,8) m. Teplota vody $t_w = 90 \text{ }^\circ\text{C}$, teplota okolního vzduchu $t_o = 20 \text{ }^\circ\text{C}$, relativní vlhkost okolního vzduchu $\varphi_o = 0,6$, jeho rychlost $w = 0,4 \text{ m/s}$. Barometrický tlak $p = 0,102 \text{ MPa}$.

$$[m_w = 5,14 \text{ kg/h}]$$

Příklad 16.23

Určete množství vody odpařené z mokré podlahy, je-li teplota okolního vzduchu $t_o = 18 \text{ }^\circ\text{C}$ a relativní vlhkost $\varphi_o = 0,7$. Barometrický tlak $p_b = 0,0993 \text{ MPa}$.

$$[m_w = 0,7194 \text{ g/s}]$$

17. Základy přenosu tepla - přenosu tepla vedením, přenos tepla prouděním, nestacionární přenos tepla, prostup tepla, výměníky tepla

Příklad: [17.1](#), [17.2](#), [17.3](#), [17.4](#), [17.5](#), [17.6](#), [17.7](#), [17.8](#), [17.9](#), [17.10](#), [17.11](#), [17.12](#), [17.14](#), [17.15](#), [17.16](#), [17.17](#), [17.18](#), [17.19](#), [17.20](#), [17.21](#), [17.22](#), [17.23](#), [17.24](#), [17.25](#), [17.26](#), [17.27](#), [17.28](#), [17.29](#), [17.30](#), [17.31](#), [17.32](#), [17.33](#), [17.34](#), [17.35](#), [17.36](#), [17.37](#), [17.38](#), [17.39](#), [17.40](#), [17.41](#), [17.42](#), [17.43](#), [17.44](#), [17.45](#), [17.46](#), [17.47](#), [17.48](#), [17.49](#), [17.50](#), [17.51](#), [17.52](#), [17.53](#), [17.54](#), [17.55](#), [17.56](#), [17.57](#), [17.58](#), [17.59](#), [17.60](#), [17.61](#), [17.62](#), [17.63](#), [17.64](#), [17.65](#), [17.66](#), [17.67](#), [17.68](#), [17.69](#), [17.70](#), [17.71](#), [17.72](#), [17.73](#), [17.74](#)

Příklad 17.1

Určete teplo, které projde betonovou zdí za 24 hod. Délka stěny 20 m, výška 3,5 m, tloušťka 0,5 m. Teplota povrchu stěny $t_1 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$, $t_2 = -10 \text{ }^\circ\text{C}$. Tepelná vodivost betonu $\lambda = 0,93 \text{ W/(m.K)}$.

$$[Q = 280\,000 \text{ kJ}]$$

Příklad 17.2

Určete teplotní rozdíl na vnějším a vnitřním povrchu ocelové stěny parního kotle, je-li tloušťka stěny 20 mm, tlak v kotli $p_{\text{př}} = 0,137 \text{ MPa}$, teplota napájecí vody $t_v = 85 \text{ }^\circ\text{C}$, měrný výkon kotle $m = 0,00694 \text{ kg/(m}^2\text{s}^{-1})$ syté páry. Barometrický tlak $p_b = 0,1 \text{ MPa}$, tepelná vodivost stěny kotle $\lambda = 45,3 \text{ W/(m.K)}$.

$$[\Delta t = 7,5 \text{ K}]$$

Příklad 17.3

Určete tepelnou vodivost rovinné kovové stěny, jestliže se při tepelném toku $Q = 7560 \text{ W}$ povrchem $S = 2,5 \text{ m}^2$ snižuje teplota o 0,2 K na každý mm tloušťky!

$$[\lambda = 15,1 \text{ W/(m.K)}]$$

Příklad 17.4

Zjistěte tepelnou vodivost stěny o tloušťce $\delta = 0,7 \text{ m}$, jsou-li povrch. teploty $t_1 = 120 \text{ }^\circ\text{C}$, $t_2 = 15 \text{ }^\circ\text{C}$ a hustota tepelného toku $q = 582 \text{ W/m}^2$!

$$[\lambda = 3,87 \text{ W/(m.K)}]$$

Příklad 17.5

Určete tloušťku betonové stěny o tepelné vodivosti $\lambda = 1,28 \text{ W/(m.K)}$, kterou prochází $q = 349 \text{ W/m}^2$. Teplota stěny $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$, $t_2 = -20 \text{ }^\circ\text{C}$.

Řešení :

$\lambda = 1,28 \text{ W/(m.K)}$; $q = 349 \text{ W/m}^2$; $t_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$; $t_2 = -20 \text{ }^\circ\text{C}$; $\delta = ?$

Z hustoty tepelného toku stěnou
$$q = \frac{t_1 - t_2}{\delta / \lambda} \rightarrow \delta = \frac{\lambda}{q} (t_1 - t_2) = \frac{1,28}{349} [20 - (-20)] = 1,28 \cdot 40 / 349 = 0,1467 \text{ m}$$

Příklad 17.6

Stěna chladírny je z cihel o tloušťce 0,6 m. Tato stěna je na vnější straně omítnuta vrstvou silnou 0,03 m. Na vnitřní straně je 0,05 m izolace z korkové desky a ještě omítka silná 0,01 m. Povrchová teplota na vnější straně je $t_1 = 25 \text{ °C}$, na vnitřní straně $t_5 = -20 \text{ °C}$. Tepelná vodivost cihlové stěny je $\lambda_3 = 0,688 \text{ W/(m.K)}$, korkové stěny $\lambda_k = 0,0418 \text{ W/(m.K)}$, omítky $\lambda_o = 0,78 \text{ W/(m.K)}$. Jaký tepelný tok projde 1 m^2 stěny a jaká je teplota na rozhraní jednotlivých vrstev ?

$$[q = 21,39 \text{ W/m}^2, t_2 = 24,18 \text{ °C}, t_3 = 5,8 \text{ °C}, t_4 = -19,73 \text{ °C}]$$

Příklad 17.7

Jak silná by musela být stěna chladírny z příkladu 17.6, kdyby množství tepla prošlé stěnou bylo stejné a stěna byla pouze z cihel bez omítky a izolace ?

$$[\delta' = 1,47 \text{ m}]$$

Příklad 17.8

Stěna pece je ze šamotového zdiva, jehož tepelná vodivost $\lambda_1 = 1,35 \text{ W/(m.K)}$, tloušťka stěny $\delta_1 = 0,25 \text{ m}$. Teplota povrchu stěny uvnitř pece $t_1 = 1200 \text{ °C}$, teplota povrchu vnější stěny $t_3 = 30 \text{ °C}$. Navrhněte izolaci k této stěně tak aby tepelná ztráta nepřesáhla 465 W/m^2 za předpokladu, že teplota stěny $t_3 = 30 \text{ °C}$ se nezmění. Za tepelnou izolaci zvolíme na příklad skelnou vlnu, jejíž tepelná vodivost $\lambda_2 = 0,0372 \text{ W/(m.K)}$.

$$[\delta_2 = 0,0866 \text{ m}, t_2 = 1113,8 \text{ °C}]$$

Příklad 17.9

Na 1 m^2 topné plochy se vyrábí 10 kg/h syté páry o teplotě 160 °C z vody 20 °C teplé. Jaký je rozdíl teplot na povrchu kotelní stěny o tloušťce $\delta = 0,015 \text{ m}$?

$$[\text{Pro } \lambda = 64 \text{ W/(m.K)} \text{ je } t = 1,7 \text{ °C}]$$

Příklad 17.10

Určete tepelné ztráty ocelové trubky dlouhé $l = 8 \text{ m}$, je-li vnitřní průměr trubky $d_1 = 0,25 \text{ m}$, vnější průměr $d_2 = 0,5 \text{ m}$, tepelná vodivost oceli $\lambda = 45,3 \text{ W/(m.K)}$, teplota vnitřní stěny $t_1 = 50 \text{ °C}$, teplota vnější stěny $t_1 = -10 \text{ °C}$!

$$[q = 24\,600 \text{ W/m}, Q = 198 \text{ kW}]$$

Příklad 17.11

Jaký bude vnitřní průměr ocelového potrubí, prochází-li jedním metrem tepelný tok $q = 116,3 \text{ kW/m}$? Vnější průměr potrubí $d_2 = 0,4 \text{ m}$, teploty povrchu $t_1 = 100 \text{ °C}$, $t_2 = 20 \text{ °C}$!

$$[d_1 = 0,33 \text{ m}]$$

Příklad 17.12

Stanovte, jaké chyby se dopustíme při výpočtu průchodu tepla stěnou trubky, provádíme-li výpočet podle vzorce pro rovinnou stěnu. Trubka je ze žáruvzdorné oceli o tepelné vodivosti $\lambda = 18,2 \text{ W/(m.K)}$. Vnější průměr $d_2 = 0,05 \text{ m}$, vnitřní $d_1 = 0,035 \text{ m}$, teplota vnitřní stěny $t_1 = 450 \text{ °C}$, vnější stěny $t_2 = 200 \text{ °C}$.

$$[\Delta q/q = 1,17\%]$$

Příklad 17.13

Ocelová trubka 20 m dlouhá o vnějším průměru 0,04 m je pokryta 0,05 m silnou vrstvou izolace z křemeliny o tepelné vodivosti $\lambda = 0,0755 \text{ W/(m.K)}$. Kolik tepla se ztrácí do okolí za 24 hodin, je-li teplota povrchu trubky 200 °C a teplota povrchu izolace 40 °C ?

$$[Q = 104\,500 \text{ kJ}]$$

Příklad 17.14

Potrubí je pokryto dvěma válcovými vrstvami o stejné tloušťce $\delta = 100 \text{ mm}$. Vnitřní průměr potrubí $d_1 = 0,09 \text{ m}$, vnější průměr $d_2 = 0,1 \text{ m}$, tepelná vodivost $\lambda_1 = 45,3 \text{ W/(m.K)}$. Tepelná vodivost první vrstvy $\lambda_2 = 35 \text{ W/(m.K)}$, tepelná vodivost druhé vrstvy $\lambda_3 = 0,035 \text{ W/(m.K)}$. Teplota vnitřní stěny trubky $t_1 = 250 \text{ °C}$, teplota vnější stěny druhé vrstvy $t_4 = 50 \text{ °C}$. Jak se změní ztráty tepla, jestliže vnější vrstvu umístíme přímo na potrubí a vnitřní vrstvu umístíme vně při jinak stejných hodnotách.

$$[q_1/q_2 = 0,467]$$

Příklad 17.15

Vypočtete tepelnou ztrátu zdi o délce 5 m, výšce 3 m a tloušťce 0,25 m, jestliže teploty povrchů stěny jsou $t_1 = 25 \text{ °C}$ a $t_2 = -20 \text{ °C}$, součinitel tepelné vodivosti zdiva $\lambda = 0,756 \text{ W/(m.K)}$.

$$[Q = 2,04 \text{ kW}]$$

Příklad 17.16

Potrubí parní turbíny o průměru 0,17 m (vnitřní průměr 0,16 m) je pokryto dvojitou vrstvou izolace o tloušťkách $\delta_2 = 0,03 \text{ m}$, $\delta_3 = 0,05 \text{ m}$, součinitelé tepelné vodivosti jsou $\lambda_1 = 58,2$, $\lambda_2 = 0,175$, $\lambda_3 = 0,093 \text{ W/(m.K)}$. Teplota vnitřního povrchu potrubí $t_1 = 320 \text{ °C}$ a vnějšího $t_4 = 55 \text{ °C}$. Vypočtete tepelné ztráty 1 m potrubí !

$$[q = 295 \text{ W/m}]$$

Příklad 17.17

Vyzdívka kotle se skládá ze dvou vrstev ($\delta_1 = 0,35 \text{ m}$, $\lambda_1 = 1,4 \text{ W/(m.K)}$, $\delta_2 = 0,25 \text{ m}$, $\lambda_2 = 0,55 \text{ W/(m.K)}$). Teplota vnitřního povrchu $t_1 = 900 \text{ °C}$, teplota vnějšího povrchu $t_3 = 90 \text{ °C}$. Určete tepelnou ztrátu a teplotu mezi vrstvami

Řešení:

$\delta_1 = 0,35 \text{ m}$, $\lambda_1 = 1,4 \text{ W/(m.K)}$, $\delta_2 = 0,25 \text{ m}$, $\lambda_2 = 0,55 \text{ W/(m.K)}$, $t_1 = 900 \text{ °C}$, $t_3 = 90 \text{ °C}$; $q = ?$, $t_2 = ?$

Tepelný tok složenou rovinnou stěnou

$$q = \frac{t_1 - t_3}{\frac{\delta_1}{\lambda_1} + \frac{\delta_2}{\lambda_2}} = \frac{900 - 90}{\frac{0,35}{1,4} + \frac{0,25}{0,55}} = \frac{810}{0,7047} = 1148 \text{ W.m}^{-2}$$

Z tepelného toku první vrstvou plyne

$$q = \frac{t_1 - t_2}{\frac{\delta_1}{\lambda_1}} \quad t_2 = t_1 = \frac{q \cdot \delta_1}{\lambda_1} = 900 - \frac{1148,0,35}{1,4} = 900 - 287 = 613 \text{ } ^\circ\text{C}$$

Příklad 17.18

Určete tepelné zatížení q [W/m] a součinitel prostupu tepla k [W/(m.K)], teploty t_{s1} , t_{s2} stěny trubky výměníku tepla. Rozměry trubky: $d_1 = 0,1\text{m}$, $d_2 = 0,108\text{ m}$. Střední teploty medií $t_i = 350 \text{ } ^\circ\text{C}$, $t_e = 1500 \text{ } ^\circ\text{C}$. Součinitel přestupu tepla na vnitřním povrchu trubky $\alpha_1 = 300$, $\alpha_2 = 110 \text{ W}/(\text{m}^2.\text{K})$. Součinitel tepelné vodivosti materiálu trubky $\lambda = 45 \text{ W}/(\text{m.K})$.

Řešení:

$d_1 = 0,1 \text{ m}$; $d_2 = 0,108 \text{ m}$; $t_i = 350 \text{ } ^\circ\text{C}$; $t_e = 1500 \text{ } ^\circ\text{C}$, $\alpha_1 = 300 \text{ W}/(\text{m}^2 .\text{K})$, $\alpha_2 = 110 \text{ W}/(\text{m}^2.\text{K})$; $\lambda = 45 \text{ W}/(\text{m.K})$; $q = ?$; $k = ?$; $t_{s1} = ?$; $t_{s2} = ?$

Tepelný tok složenou válcovou stěnou

$$q = \frac{2\pi(t_e - t_i)}{\frac{1}{r_1\alpha_1} + \frac{1}{\lambda} \ln \frac{r_2}{r_1} + \frac{1}{r_2\alpha_2}} =$$

$$= \frac{2\pi(1500 - 350)}{\frac{1}{0,05 \cdot 300} + \frac{1}{45} \ln \frac{0,054}{0,05} + \frac{1}{0,054 \cdot 110}} = 30500 \text{ W/m}$$

Z tepelného toku z prostředí 1 na stěnu výměníku $q = \alpha_1 2 \pi r_1 (t_i - t_{s1})$ plyne $t_{s1} = t_i + \frac{q}{\alpha_1 \pi d_1} = 350 + \frac{30500}{300 \cdot \pi \cdot 0,1} = 674 \text{ } ^\circ\text{C}$

Teplota $t_{s2} = t_e + \frac{q}{\alpha_2 \pi d_2} = 1500 - \frac{30500}{110 \cdot \pi \cdot 0,108} = 682 \text{ } ^\circ\text{C}$

Příklad 17.19

Ke zjištění tepelné vodivosti se používá metoda ohřátého vlákna. Skleněná kapilára je naplněna vodou, v ose kapiláry je tenký platinový drát ohříváný elektrickým proudem. Teplo sdílené drátkem prochází vrstvou vody jen vedením vzhledem k malé tloušťce. Průměr platinového drátku $d_1 = 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}$, teplota drátku $t_1 = 180 \text{ } ^\circ\text{C}$, vnitřní průměr trubky $d_2 = 0,001 \text{ m}$, vnější průměr trubky $d_3 = 0,003 \text{ m}$, teplota vnějšího povrchu trubky $t_2 = 175 \text{ } ^\circ\text{C}$, tepelná vodivost kapiláry $\lambda_2 = 0,745 \text{ W}/(\text{m.K})$, teplo prošlé kapilárou $Q = 0,97 \text{ W}$, délka kapiláry $l = 0,15 \text{ m}$. Tlak vody $p = 1,96 \text{ MPa}$. Vypočtete tepelnou vodivost vody a její střední teplotu !

$$[\lambda_1 = 0,68 \text{ W}/(\text{m.K}), t_{stř} = 178,25 \text{ } ^\circ\text{C}]$$

Příklad 17.20

Potrubí o tepelné vodivosti $\lambda_1 = 0,35 \text{ W}/(\text{m.K})$ je izolováno azbestovou vrstvou, jejíž součinitel tepelné vodivosti je proměnný s teplotou $\lambda_2 = 0,1305 + 0,000186 t$ [W/(m.K)]. Potrubí má vnitřní průměr $d_1 = 0,09 \text{ m}$, vnější průměr $d_2 = 0,1 \text{ m}$, azbestová izolace je silná $0,05 \text{ m}$. Teplota vnitřní stěny potrubí $t_1 = 1000 \text{ } ^\circ\text{C}$, teplota vnější stěny izolace $t_3 = 10 \text{ } ^\circ\text{C}$. Kolik tepla projde, uvažujeme-li proměnnost tepelné vodivosti v azbestové stěně ?

$$[q = 1790 \text{ W/m}]$$

Příklad 17.21

Určete teplo, které projde stěnou duté koule, je-li vnitřní průměr $d_1 = 2 \text{ m}$, vnější průměr $d_2 = 2,4 \text{ m}$, teplota vnitřní stěny koule $t_1 = 500 \text{ } ^\circ\text{C}$, teplota vnější stěny $t_2 = 10 \text{ } ^\circ\text{C}$. Tepelná vodivost $\lambda = 1,035 \text{ W}/(\text{m.K})$.

Příklad 17.22

Dutá koule je zhotovena ze šamotových cihel, jejichž součinitel tepelné vodivosti $\lambda = 0,244 + 0,00064 t$ [W/(m.K)]. Vnitřní průměr koule $d_1 = 9$ m, vnější průměr $d_2 = 10$ m, teplota vnitřní stěny $t_1 = 450$ °C, teplota vnější stěny $t_2 = 50$ °C. Určete kolik tepla projde touto koulí a jaké jsou ztráty na 1 m² vnějšího povrchu ?

$$[Q = 91,2 \text{ kW}, q = 291 \text{ W/m}^2]$$

Příklad 17.23

Vypočtete součinitel přestupu tepla při proudění strojního oleje o teplotě 80 °C ve vodorovné trubce o průměru 0,03 m a délce 2 m, je-li rychlost oleje 0,3 m/s a teplota stěny 30 °C !

$$[\lambda = 174,5 \text{ W/(m.K)}]$$

Příklad 17.24

Trubkou o vnitřním průměru 0,06 m a délce 6 m proudí vzduch rychlostí 5 m/s jeho teplota je 100 °C. Určete součinitel přestupu tepla, je-li teplota stěny 90 °C !

$$[\alpha = 19,8 \text{ W/(m}^2\text{.K)}]$$

Příklad 17.25

Vypočtete tepelnou ztrátu rovné, svislé, volně uložené trubky, ve které je přehřátá pára. Vnější průměr trubky je 0,1 m a její výška 4 m, teplota stěny $t_s = 170$ °C, teplota okolního vzduchu $t_v = 30$ °C ! Při výpočtu uvažujte jen součinitel přestupu tepla na vnějším povrchu trubky.

$$[Q = 1360 \text{ W}]$$

Příklad 17.26

Horizontální potrubí o průměru $d = 0,057$ m je ohříváno přirozeným proudem vzduchu. Střední teplota povrchu potrubí $t_s = 4$ °C, teplota okolního vzduchu $t_o = 36$ °C. Určete součinitel přestupu tepla ze vzduchu ke stěně potrubí.

Řešení :

$$d = 0,057 \text{ m}; t_s = 4 \text{ °C}, t_o = 36 \text{ °C}, \alpha = ?$$

Pro přestup tepla při přirozené konvekci platí vztah pro Nu číslo $Nu = C (Gr Pr)^n$

$$\text{Určovací teplota } t = (t_s + t_o) / 2 = (36 + 4) / 2 = 20 \text{ °C}$$

$$\Delta t = t_s - t_o = 36 - 4 = 32 \text{ °C}$$

Fyzikální parametry vzduchu při této teplotě $\lambda = 2,596 \cdot 10^{-2} \text{ W/(m.K)}$

$$\nu = 15,1 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s} \quad Pr = 0,703 \quad \beta = 1/293 \text{ 1/K}$$

Grashofovo číslo

$$Gr = \frac{gd^3 \Delta t \beta}{\nu^2} = \frac{9,81 \cdot 0,057^3 \cdot 32}{293 \cdot (15,1 \cdot 10^{-6})^2} = 8,75 \cdot 10^5$$

$$Gr Pr = 8,75 \cdot 10^5 \cdot 0,703 = 6,15 \cdot 10^5$$

Tato hodnota určuje přechodný režim, pro který $C = 0,54$, $n = 1/4$

(Michejev : Osnovy teploperedači)

$$\text{Pak} \quad Nu = 0,54 \cdot (6,15 \cdot 10^5)^{\frac{1}{4}} = 15,1$$

$$\text{Součinitel přestupu tepla} \quad \alpha = \frac{Nu \cdot \lambda}{d} = \frac{15,1 \cdot 2596 \cdot 10^{-2}}{0,057} = 6,87 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})$$

Příklad 17.27

V potrubí o průměru $d = 0,01$ m proudí voda rychlostí $w = 0,1$ m/s, střední teplota stěny $t_s = 20$ °C, střední teplota vody $t_o = 60$ °C. Určete součinitel přestupu tepla z vody ke stěně potrubí !

$$[\alpha = 727 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.28

Určete tepelné ztráty q (W/m) horizontálního parního potrubí, které je ochlazováno přirozeným proudem vzduchu. Vnější průměr potrubí $d = 0,5$ m, teplota stěny $t_s = 580$ °C, teplota okolního vzduchu $t_o = 20$ °C.

$$[q = 7,14 \text{ kW}/\text{m}]$$

Příklad 17.29

Určete součinitel přestupu tepla z horizontální trubky ponořené do vody, je-li její průměr $d = 0,08$ m, teplota povrchu stěny $t_s = 90$ °C, teplota vody $t_v = 10$ °C.

$$[\alpha = 1400 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}), q = 28,2 \text{ W}/\text{m}]$$

Příklad 17.30

Určete teplo, které přejde z horizontální trubky o průměru 0,1 m, je-li teplota povrchu trubky $t_s = 180$ °C, teplota okolního prostředí $t_o = 20$ °C. Toto množství tepla určete pro vodu, vzduch, kyslík a vodík !

$$[\text{Voda: } q = 133,1 \text{ kW}/\text{m}, \text{ vzduch: } 409 \text{ kW}/\text{m}, \text{ kyslík: } 421 \text{ kW}/\text{m}, \text{ vodík: } 942 \text{ kW}/\text{m}]$$

Příklad 17.31

Jak se změní součinitel přestupu tepla, přemístíme-li horizontální trubku ze vzduchu o tlaku 0,098 MPa do vzduchu o tlaku 9,8 MPa, při čemž předpokládáme, že v obou případech je okolní prostor neomezený. Teplota stěny $t_s = 380$ °C, teplota vzduchu $t_o = 20$ °C, průměr trubky $d = 0,2$ m.

$$[\alpha_1 = 8,05 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}), \alpha_2 = 172 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.32

Určete teplo, které projde mezerou mezi dvěma soustřednými válci. Prostor mezi těmito válci je vyplněn vodou. Průměr vnitřního válce $d_1 = 0,1$ m, jeho teplota $t_1 = 90$ °C, průměr vnějšího válce $d_2 = 0,2$ m, jeho teplota $t_2 = 10$ °C.

$$[q = 10,37 \text{ kW/m}]$$

Příklad 17.33

Trubkou o průměru $d = 0,06$ m a délce $l = 2,1$ m proudí vzduch rychlostí $w = 5$ m/s. Určete součinitel přestupu tepla, je-li střední teplota vzduchu $t = 100$ °C ! ($Nu = 0,018 Re^{0,8}$)

$$[\alpha = 19 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}]$$

Příklad 17.34

Trubkou o průměru $d = 0,05$ m a délce $l = 3$ m proudí voda rychlostí $w = 0,8$ m/s. Určete součinitel přestupu tepla, je-li střední teplota vody $t_v = 50$ C a teplota stěny trubky $t_s = 70$ C.

$$Nu_w = 0,021 \cdot Re_v^{0,8} \cdot Pr_w^{0,43} \left(\frac{Pr_w}{Pr_s} \right)^{0,25}$$

$$[\alpha = 3940 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}]$$

Příklad 17.35

Vypočtete, jak se změní součinitel přestupu tepla z příkladu 17.34, jsou-li stejné rychlostní poměry a trubka má průměr $D = 0,6$ m !

$$[\alpha = 5100 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}]$$

Příklad 17.36

Předeříváček vody se vytápí odpadovou vodou. Jaký je součinitel prostupu tepla k , proudí-li 50 °C teplá voda v trubkách o průměru vnitřním 0,03 m rychlostí 1 m/s ($\alpha = 5080 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$), jsou-li :

- trubky měděné o tloušťce stěny 1 mm ($\lambda = 372 \text{ W/(m.K)}$),
- trubky ocelové o tloušťce stěny 3 mm ($\lambda = 62,8 \text{ W/(m.K)}$),
- trubky ad a), b) jsou pokryty kotelním kamenem o tloušťce $\delta = 0,2$ mm a $\lambda = 2,32 \text{ W/(m.K)}$,
- trubky ocelové o tloušťce stěny 3 mm pokryté kotelním kamenem o $\delta = 3,25$ mm a vrstvou oleje 0,05 mm ($\lambda = 0,116 \text{ W/(m.K)}$)

$$[a) k = 3510 \text{ W/(m.K)}, b) k = 3050 \text{ W/(m.K)}, c) k_a = 2700 \text{ W/(m.K)} (77 \%), k_b = 2510 \text{ W/(m.K)} (79 \%), d) k = 465 \text{ W/(m.K)} (15 \% \text{ původního } k)]$$

Příklad 17.37

Kolik tepla přestoupí při průtoku vody trubkou o průměru $d = 0,01$ m a délce $l = 0,2$ m, je-li střední teplota vody $t_v = 70$ °C, teplota stěny $t_s = 10$ °C a voda proudí rychlostí $w = 0,12$ m/s ?

Příklad 17.38

Určete teplo, které přestoupí z obdélníkové trubky do dusíku, proudícího v této trubce. Rozměry trubky jsou $a \times b = 20 \times 4 \text{ mm}$, $l = 2 \text{ m}$. Dusík proudí rychlostí $w = 0,7 \text{ m/s}$, střední teplota stěny $t_s = 190 \text{ °C}$, střední teplota plynu $t_p = 10 \text{ °C}$.

[$Q = 34 \text{ W}$]

Příklad 17.39

Určete teplo, které přestoupí při průtoku vody svislou trubkou o průměru $d = 0,011 \text{ m}$, proudí-li voda rychlostí $w = 0,1 \text{ m/s}$. Střední teplota vody $t_v = 80 \text{ °C}$, střední teplota stěny trubky $t_s = 20 \text{ °C}$.

[$q = 2815 \text{ W/m}$]

Příklad 17.40

Svinutým potrubím protéká voda. Vnitřní průměr potrubí je $0,02 \text{ m}$, rychlost vody $w = 1 \text{ m/s}$, střední teplota vody $t_v = 60 \text{ °C}$. Průměr svinutí $D = 0,5 \text{ m}$. Určete součinitel přestupu tepla !

[$\alpha = 6700 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$]

Příklad 17.41

V parním kotli proudí plyn podél trubek rychlostí $w = 10 \text{ m/s}$, vnější průměr trubek je $0,1 \text{ m}$, střední teplota plynu 1000 °C . Délka trubek je $5,3 \text{ m}$. Určete součinitel přestupu tepla z plynu do trubek, jsou-li fyzikální parametry plynu stejné jako u vzduchu.

Příklad 17.42

Trubkou o průměru $0,3 \text{ m}$ protéká rychlostí $w = 10 \text{ m/s}$ přehřátá vodní pára o střední teplotě $t_p = 500 \text{ °C}$ a tlaku $p = 1,96 \text{ MPa}$. Trubka je dlouhá 6 m . Určete součinitel přestupu tepla !

[$\alpha = 224 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$]

Příklad 17.43

Určete součinitel přestupu tepla při proudění vzduchu kolmo k trubce o průměru $d = 0,1 \text{ m}$ při teplotě vzduchu $t = 50 \text{ °C}$, je-li rychlost vzduchu $w = 5 \text{ m/s}$!

[$\alpha = 24,5 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$]

Příklad 17.44

Určete součinitel přestupu tepla při proudění vody kolmo k trubce. Průměr trubky $d = 0,01 \text{ m}$, teplota vody $t_v = 30 \text{ °C}$, voda proudí rychlostí $w = 0,2 \text{ m/s}$!

[$\alpha = 3190 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$]

Příklad 17.45

Určete součinitel přestupu tepla pro příklad 17.43, proudí-li za jinak stejných podmínek kolmo k trubce voda !

$$[\alpha = 9150 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.46

Určete střední součinitel přestupu tepla, proudí-li horký vzduch kolmo ke svazku trubek parního kotle ! Svazek je uspořádán s trubkami vedle sebe a má 10 řad. Průměr trubek $d = 0,08 \text{ m}$, $x_1 = 0,12 \text{ m}$, $x_2 = 0,2 \text{ m}$, teplota vzduchu před svazkem trubek je $1050 \text{ }^\circ\text{C}$, za svazkem $950 \text{ }^\circ\text{C}$, vzduch proudí v nejužším místě rychlostí $w = 10 \text{ m/s}$.

$$[\alpha_{\text{stř}} = 34,2 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.47

Určete součinitel přestupu tepla při varu vody ve válcové nádobě o průměru $d = 0,3 \text{ m}$, je-li teplota povrchu dna nádoby $t_s = 102 \text{ }^\circ\text{C}$ a voda vře při atmosférickém tlaku $p = 0,098 \text{ MPa}$!

$$[\alpha = 510 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}), Q = 72 \text{ W}]$$

Příklad 17.48

Určete součinitel přestupu tepla pro příklad 17.47, bude-li teplota povrchu dna nádoby $t_s = 120 \text{ }^\circ\text{C}$!

$$[\alpha = 27,9 \text{ kW}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}), Q = 39,5 \text{ kW}]$$

Příklad 17.49

Vodorovná trubka je uložena v kotli se sytou parou o tlaku $p = 0,36 \text{ MPa}$. Teplota stěny trubky $t_s = 120 \text{ }^\circ\text{C}$, průměr trubky $d = 0,01 \text{ m}$, délka $l = 0,5 \text{ m}$. Určete součinitel přestupu tepla a množství zkondenzované vodní páry !

$$[\alpha = 14\,000 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}), m = 2,047 \text{ g/s}]$$

Příklad 17.50

Zjistěte součinitel přestupu tepla ve svazku trubek při uspořádání za sebou pro trubku uloženou v 8. řadě od shora ! Trubky jsou obklopeny přehřátou vodní parou o tlaku $p = 0,62 \text{ MPa}$ a teplotě $t_p = 200 \text{ }^\circ\text{C}$. Průměr trubky $d = 0,05 \text{ m}$, teplota stěny trubky $t_s = 80 \text{ }^\circ\text{C}$.

$$[\alpha = 3920 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.51

Určete střední hodnotu součinitele přestupu tepla pro kondenzátor parní turbíny, jsou-li v něm uloženy trubky v 15-ti řadách za sebou. Průměr trubky $d = 0,03 \text{ m}$, teplota stěny trubky $t_s = 10 \text{ }^\circ\text{C}$, tlak syté vodní páry $p = 7300 \text{ Pa}$ ($t = 40 \text{ }^\circ\text{C}$).

$$[\alpha_{\text{stř}} = 2540 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.52

Určete střední hodnotu součinitele přestupu tepla pro kondenzátor parní turbíny, jsou-li v něm trubky uloženy střídavě v 15-ti řadách. Ostatní hodnoty jsou stejné jako v příkladě 17.51.

$$[\alpha_{stř} = 2940 \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K})]$$

Příklad 17.53

Určete teplo sdílené sáláním na krytém kluzišti o rozměrech 60x30 m, je-li teplota ledové plochy $-5 \text{ }^\circ\text{C}$, teplota střechy $+17 \text{ }^\circ\text{C}$, absorpance ledu $A_L = 0,2$ a konstrukce střechy $A_S = 0,6$. Okrajové ztráty zanedbejte !

$$[Q = 32,7 \text{ kW}]$$

Příklad 17.54

Izolované potrubí natřené olejovou barvou je vedeno v místnosti, jejíž stěny mají teplotu $27 \text{ }^\circ\text{C}$. Průměr potrubí $d = 0,1 \text{ m}$, délka potrubí $l = 8 \text{ m}$. Určete teplo sdílené sáláním, je-li teplota povrchu potrubí $7 \text{ }^\circ\text{C}$! Jak se změní toto teplo, je-li potrubí vedeno v krytu o rozměrech $0,2 \times 0,2 \text{ m}$, jehož vnitřní povrch je pokryt hliníkovým lakem.

Řešení :

$$t_1 = 27 \text{ }^\circ\text{C} ; d = 0,1 \text{ m} ; l = 8 \text{ m}, t_2 = 7 \text{ }^\circ\text{C} ; Q = ? ; Q' = ? - \text{pro kryt } (0,2 \times 0,2) \text{ m}$$

$$\text{Sálavý tepelný tok } (\varepsilon_1 = 0,39) \quad Q = \varepsilon_1 c_0 S_1 [(T_1/100)^4 - (T_2/100)^4] = 0,39 \cdot 5,7 \cdot \pi \cdot 0,1 \cdot [(300/100)^4 - (280/100)^4] = 112 \text{ W}$$

$$Q' = \varepsilon_n c_0 S_1 [(T_1/100)^4 - (T_2/100)^4] = 0,59 \cdot 5,7 \cdot \pi \cdot 0,1 \cdot [(300/100)^4 - (280/100)^4] = 430 \text{ W}$$

$$\text{kde } \varepsilon_n = \frac{1}{\frac{1}{\varepsilon_1} + \frac{S_1}{S_2} \left(\frac{1}{\varepsilon_2} - 1 \right)} = \frac{1}{\frac{1}{0,92} + \frac{2,5}{6,4} \left(\frac{1}{0,39} - 1 \right)} = 0,59$$

$$\text{kde } \varepsilon_1 = 0,92 ; \varepsilon_2 = 0,39$$

Příklad 17.55

Uzavřený kotel o průměru $d_1 = 0,5 \text{ m}$ a výšce $h_1 = 2 \text{ m}$ je umístěn v místnosti o rozměrech $a = 10 \text{ m}$, $b = 8 \text{ m}$, $h = 6 \text{ m}$. Teplota povrchu stěny kotle $t_1 = 400 \text{ }^\circ\text{C}$, teplota povrchu cihlové stěny $t_2 = 10 \text{ }^\circ\text{C}$. Určete tepelné ztráty sáláním tohoto kotle !

$$[Q = 32 \text{ } 100 \text{ W}]$$

Příklad 17.56

Určete tepelné ztráty sáláním kotle z příkladu 17.55, bude-li povrch natřen hliníkovým nátěrem ! Pro hliníkový nátěr je poměrná zářivost $\varepsilon_1 = 0,35$.

$$[Q = 14 \text{ kW}]$$

Příklad 17.57

Jaké budou tepelné ztráty sáláním nenatřeného i natřeného kotle z příkladů 17.55 a 17.56, bude-li tento umístěn v prostoru o rozměrech $a = 0,7 \text{ m}$, $b = 0,7 \text{ m}$, $h = 2,2 \text{ m}$?

$$[a) Q = 31,3 \text{ kW}, b) Q = 13,86 \text{ kW}]$$

Příklad 17.58

Pozorovacím otvorem pece sálá teplo. Tento otvor může být pokládán za dokonale černé těleso. Průměr pozorovacího otvoru $d = 6$ cm. V peci je teplota 1800 °C, okolní teplota je 30 °C. Určete ztrátu tepla sáláním tímto pozorovacím otvorem.

$$[Q = 2960 \text{ W}]$$

Příklad 17.59

Láhev s dvojitou válcovou stěnou je naplněna vodou o teplotě 90 °C. Mezi stěnami je vzduchoprázdný prostor, pokrytý stříbrnou vrstvou s poměrnou zářivostí $\varepsilon = 0,02$. Teplota okolí je 10 °C. Jaké budou v tomto případě ztráty tepla sáláním, je-li $d = 0,1$ m, $h = 0,3$ m a láhev má tvar válce ?

$$[Q = 0,6975 \text{ W}]$$

Příklad 17.60

Velkou místností prochází neizolované parní potrubí o průměru $d = 0,5$ m. Teplota stěny potrubí $t_1 = 627$ °C, teplota stěn místnosti $t_2 = 27$ °C, poměrná zářivost $\varepsilon = 0,8$. Jaké jsou v tomto případě tepelné ztráty sáláním ?

$$[q = 46,5 \text{ kW/m}]$$

Příklad 17.61

Tepelné ztráty sáláním jsou o 96 % menší než u neizolovaného potrubí. Na obvodě parního potrubí v příkladě 17.60 je izolace, složená z pěti stínítek z tenkého ocelového plechu. Tepelný odpor plechu je možno zanedbat, poměrná zářivost tohoto plechu je $\varepsilon = 0,82$. Plechy jsou od sebe vzdáleny $0,05$ m. Stanovte množství tepla sdíleného sáláním !

$$[q = 9840 \text{ W/m}]$$

Příklad 17.62

Prostor parního kotle vytápěný uhelným prachem má průměrnou teplotu 1400 °C a je opatřen chladícím registrem z trubek o povrchové teplotě 200 °C. Kolik tepla se přenáší na trubky celkem, sáláním a konvekcí ?

$$[C_1 = 4,65 \text{ W}/(\text{m}^2\text{K}^4), \alpha_k = 23,2 \text{ W}/(\text{m}^2\text{K}), q_s = 363 \text{ kW/m}^2, q_k = 27,9 \text{ kW/m}^2]$$

Příklad 17.63

Na 4 m² nezakrytého roštového topeniště se spaluje 320 kg uhlí o výhřevnosti $29\,200$ kJ/kg pro vytápění parního kotle. Teplota povrchu hořícího paliva je 1200 °C, teplota kotelní stěny 200 °C. Součinitel sálání žhavého uhlí i stěny kotle je $4,65$ W/(m²·K⁴), účinnost sálání $0,7$. Kolik tepla se přenáší sáláním ?

$$[Q = 507 \text{ kW} - 19,5 \% \text{ vybaveného tepla}]$$

Příklad 17.64

Určete vliv stažené záclony v uzavřeném dvojitěm okně, jsou-li teploty vnitřních povrchů skleněných tabulí $+15$ °C (resp. -10 °C) ! Součinitel sálání skla $C = 5,25$ W/(m²·K⁴), záclony $C = 4,65$ W/(m²·K⁴). Teplotu po obou stranách záclony uvažujte stejnou !

Příklad 17.65

Kouřové plyny proudí potrubím obdélníkového průřezu $a \times b = 0,2 \times 0,3 \text{ m}$. Střední teplota plynů $t_p = 600 \text{ °C}$, teplota stěny potrubí $t_s = 127 \text{ °C}$, poměrná zářivost stěny potrubí $\varepsilon = 0,8$. Jaké teplo se sdílí sáláním do potrubí, je-li parciální tlak kyslíčnicku uhličitého v plynech $p_{\text{CO}_2} = 0,0118 \text{ MPa}$, vodní páry $p_{\text{H}_2\text{O}} = 7800 \text{ Pa}$?

$[q = 3360 \text{ W/m}^2]$

Příklad 17.66

Určete teplo sdílené sáláním plynů v potrubí, bude-li v příkladu 17.65 parciální tlak kyslíčnicku uhličitého zvětšen 5x při jinak stejných hodnotách !

$[q = 4670 \text{ W/m}^2]$

Příklad 17.67

Určete tepelné ztráty 1 m^2 cihlové obezdívky kotle o tloušťce $\delta = 0,25 \text{ m}$, je-li teplota plynů $t_1 = 600 \text{ °C}$, teplota okolního vzduchu $t_2 = 30 \text{ °C}$, $\alpha_1 = 23,3 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$, $\alpha_2 = 9,3 \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K)}$, $\lambda = 0,815 \text{ W/(m} \cdot \text{K)}$! Jaká je teplota obezdívky ?

$[q = 1240 \text{ W/m}^2, t_{p1} = 546 \text{ °C}, t_{p2} = 163 \text{ °C}]$

Příklad 17.68

Ve výměníku se ochlazuje mazut z teploty $t_1 = 300 \text{ °C}$ na teplotu $t_2 = 200 \text{ °C}$ a surová nafta se při tom ohřívá z teploty $t'_1 = 25 \text{ °C}$ na $t'_2 = 175 \text{ °C}$. Určete střední teplotní spád v tomto výměníku v případě a) souproudu, b) proti proudu Jaký je rozdíl mezi plochou výměníku v případě a) a b), jestliže v obou případech jsou stejná předaná tepla a součinitelé prostupu tepla ?

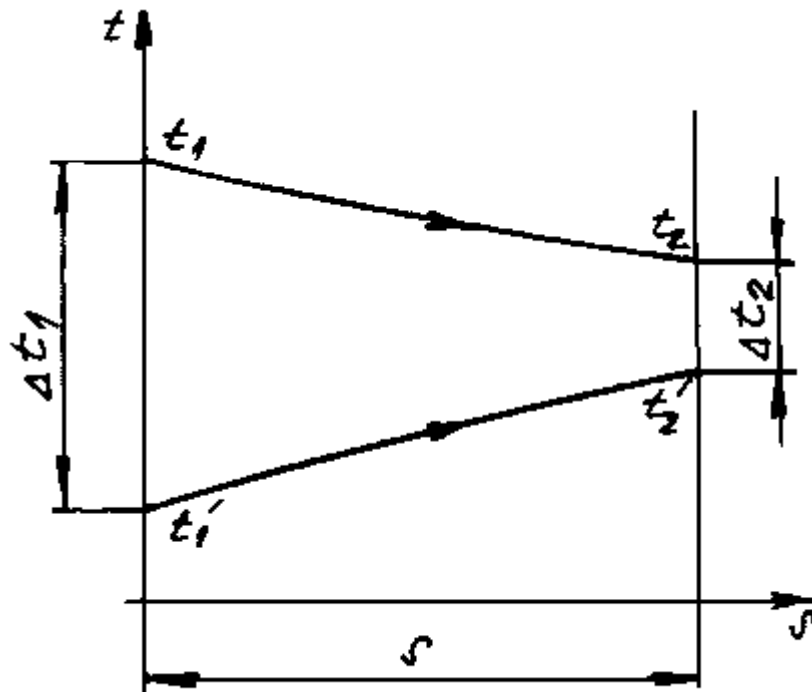
Řešení :

$t_1 = 300 \text{ °C}; t_2 = 200 \text{ °C}; t_1 = 25 \text{ °C}; t'_2 = 175 \text{ °C}; \Delta t_s = ?; \Delta t_p = ?; S_s/S_p = ?$

a) Souproudu výměník .

Střední logaritmický střed rozdílů teplot

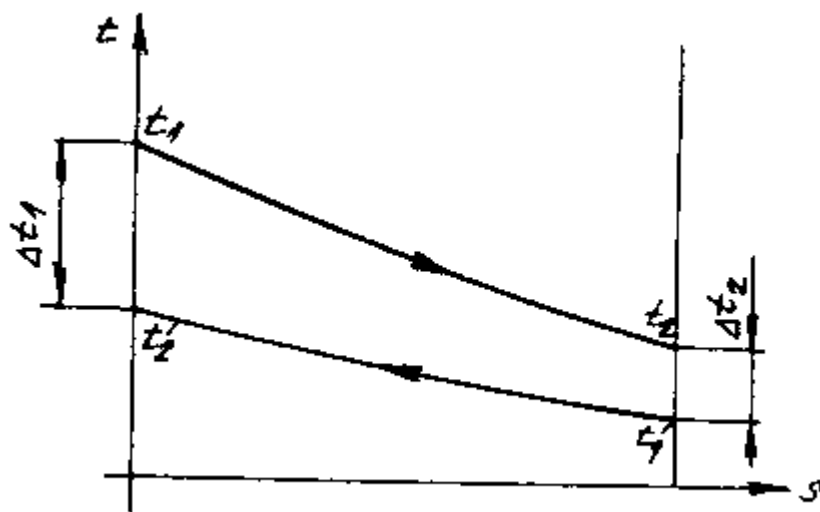
$$\Delta t_s = \frac{\Delta t_1 - \Delta t_2}{\ln \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2}} = \frac{(300 - 25) - (200 - 175)}{\ln \frac{300 - 25}{200 - 175}} = 104,2 \text{ °C}$$



b) protiproudý výměník

Střední logaritmický střed rozdílu teplot

$$\Delta t_p = \frac{\Delta t_1 - \Delta t_2}{\ln \frac{\Delta t_1}{\Delta t_2}} = \frac{(300 - 175) - (200 - 25)}{\ln \frac{300 - 175}{200 - 25}} = 150,75 \text{ } ^\circ\text{C}$$



Poměr teplosměných ploch při souproudu a protiproudu při stejném tepelném toku a stejném součiniteli prostupu tepla

$$S_s / S_p = \Delta t_p / \Delta t_s = 150,75 / 104,2 = 1,447$$

Příklad 17.69

Ve vodním chladiči se má ochladit ze 120 °C na 50 °C 0,06944 kg/s kapaliny o hustotě $\rho = 1100 \text{ kg/m}^3$ a měrné tepelné kapacitě $c_p = 3,04 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$. K ochlazení se používá chladicí vody 10 °C teplé. Určete potřebnou plochu chladiče pro souproud i protiproud, je-li $k = 1163 \text{ W}/(\text{m}^2\cdot\text{K})$!

$$[S_s = 0,24 \text{ m}^2, S_p = 0,22 \text{ m}^2]$$

Příklad 17.70

Kouřové plyny jsou vedeny ocelovým potrubím o průměru $d_1 = 0,5$ m, $d_2 = 0,6$ m obklopeným izolací ze skelné vlny o tloušťce $\delta = 0,2$ m. Teplota kouřových plynů $t_1 = 800$ °C, jejich rychlost $w_1 = 30$ m/s. Potrubí je ofukováno proudem vzduchu kolmo k potrubí s rychlostí $w_2 = 5$ m/s a teplotou $t_2 = 20$ °C. Jaké jsou tepelné ztráty potrubí při uvážení vlivu sálání kouřových plynů, je-li parciální tlak kyslíčnicku uhličitého $p_{\text{CO}_2} = 9800$ Pa a parciální tlak vodní páry $p_{\text{H}_2\text{O}} = 0,0118$ MPa.

$$[k = 0,143 \text{ W/(m.K)}, q = 352 \text{ W/m}]$$

Příklad 17.71

V kondenzátoru s vodorovnými trubkami při střídavém uspořádání s deseti řadami kondenzuje sytá vodní pára o tlaku $p = 0,1$ MPa. V trubkách proudí chladicí voda o střední teplotě $t_2 = 20$ °C rychlostí $w = 2$ m/s. Vnější průměr trubky $d_1 = 46$ mm, vnitřní $d_2 = 40$ mm. Určete sdílené teplo !

$$[q = 28,1 \text{ kW/m}]$$

Příklad 17.72

Čpavkový roztok o teplotě $t = 120$ °C má být ochlazen vodou 10 °C teplou na 20 °C. Čpavkového roztoku je $m_1 = 0,1111$ kg/s o měrné tepelné kapacitě $c_p = 4,68$ kJ/(kg.K), vody $m_2 = 1,389$ kg/s. Stanovte množství sdíleného tepla, plochu výměníku pro souproud a teplotu, se kterou voda výměník opustí, je-li součinitel prostupu tepla $k = 1750$ W/(m².K) !

$$[Q = 52 \text{ kW}, S = 1,29 \text{ m}^2, t_{2v} = 19 \text{ °C}]$$

Příklad 17.73

Do kondenzátoru přichází $m_1 = 0,1389$ kg/s syté vodní páry o tlaku $p = 0,098$ MPa. V tomto kondenzátoru se ochladí kondenzát na teplotu $t'_1 = 30$ °C. V protiproudu přitéká chladicí voda o počáteční teplotě $t'_2 = 10$ °C, která se během chlazení ohřeje na teplotu $t''_2 = 40$ °C. Určete plochu kondenzátoru a graficky vyneste průběh teplot, je-li součinitel prostupu tepla při kondenzaci $k = 1163$ W/(m².K), při podchlazování kondenzátu $k = 233$ W/(m².K).

$$[S = 7,56 \text{ m}^2]$$

Příklad 17.74

Při výrobě sody je třeba ochladit roztok solanky z 65 °C na 35 °C. K dispozici máme vodu o teplotě 15 °C, kterou máme ohřát na 25 °C. Množství solanky je $0,001389$ kg/s. Navrhněte protiproudý výměník!

18. Spalování spotřeba kyslíku a vzduchu

Příklady: [18.1](#), [18.2](#), [18.3](#), [18.4](#), [18.5](#), [18.6](#), [18.7](#), [18.8](#), [18.9](#), [18.10](#), [18.11](#), [18.12](#)

Příklad 18.1

Určete součinitel přebytku vzduchu u leteckého motoru, jestliže se při spalení 1 kg benzínu spotřebuje 15,2 kg vzduchu. Benzín se skládá z 86 % uhlíku a 14 % vodíku - hmotnostně.

[$\lambda = 1,04$]

Příklad 18.2

Analýzou spalin bylo zjištěno objemové složení : $x_{\text{CO}_2} = 0,16$, $x_{\text{O}_2} = 0,04$. Určete množství chemického nedopalu paliva a také přebytek vzduchu. Palivo se skládá z čistého uhlíku o spalném teple 33 800 kJ/kg. Při nedokonalém spalování vzniká kysličník uhelnatý CO o spalném teple 12 700 kJ/ m³.

[$q = 6,4 \%$, $\lambda = 1,12$]

Příklad 18.3

Spálením uhlíku v čistém kyslíku dostaneme směs kysličníku uhelnatého a uhličitého o složení : $w_{\text{CO}_2} = 0,75$, $w_{\text{CO}} = 0,25$. Kolik uhlíku bylo spotřebováno, jestliže spalování probíhalo v uzavřené nádobě o objemu $V = 0,04 \text{ m}^3$ při počátečním tlaku kyslíku $p = 3 \text{ MPa}$ a teplotě $t = 40 \text{ }^\circ\text{C}$?

[$m = 0,6685 \text{ kg C}$]

Příklad 18.4

V uzavřené nádobě je kyslík a určité množství uhlíku. Po spalení uhlíku je veškerý kyslík spotřebován a obdržíme spaliny o složení: $w_{\text{CO}} = 0,8$, $w_{\text{CO}_2} = 0,2$. Po určité době je teplota uvnitř nádoby vlivem sdílení tepla s okolím rovna teplotě před spalováním. Kolikrát se zvýší tlak uvnitř nádoby ?

[Tlak se zvýší 1,67 krát]

Příklad 18.5

Uhlík se spaluje v uzavřené nádobě, obsahující vzduch při normálních fyzikálních podmínkách. Polovina uhlíku se spálí na kysličník uhličitý a polovina na kysličník uhelnatý. Určete hmotnostní složení plynu po spalení veškerého kyslíku !

[$w_{\text{N}_2} = 0,686$, $w_{\text{CO}_2} = 0,191$, $w_{\text{CO}} = 0,123$]

Příklad 18.6

Při spalování uhlíku ve vzduchu vzniká směs plynů, skládající se z dusíku, kysličníku uhličitého a kysličníku uhelnatého. Určete hmotnostní díly CO a CO₂, je-li hmotnostní díl dusíku $w_{\text{N}_2} = 0,675$!

$$[w_{CO} = 0,19, w_{CO_2} = 0,135]$$

Příklad 18.7

V tepelné elektrárně se spaluje hnědé uhlí o značně proměnlivé vlhkosti mezi 25 až 60 %. Složení čistého uhlí: 70 % C, 5 % H₂, 20 % O₂, 1,5 % N₂, 3,5 % S. Z 1 kg uhlí je 80 g popele. Určete změnu výhřevnosti hnědého uhlí v závislosti na vlhkosti a zakreslete ji graficky.

$$[Z = 8700 \text{ až } 18\,600 \text{ kJ/kg}]$$

Příklad 18.8

V topeništi parního kotle se spaluje černé uhlí o obsahu popele 7,5% a vody 8 %. Složení čistého uhlí : 83 % C, 5 % H₂, 9,5 % O₂, 1,5 % N₂, 1 % S. V zabudovaném Orsatově přístroje lze zjistit množství (CO₂ + SO₂) a O₂ v kouřových plynech. Nakreslete diagram sloužící k provozní kontrole topeniště, ze kterého se dá odečíst obsah (CO₂ + SO₂) a O₂ v kouřových plynech při přebytku vzduchu $\lambda = 1$ až 2,5.

$$\begin{aligned} & [\lambda = 1; 1,5; 2; 2,5 \\ CO_2 + SO_2 &= 18,9; 12,5; 9,34; 7,4 \% \\ O_2 &= 0; 7,1; 10,61; 12,7 \% \end{aligned}$$

Příklad 18.9

V topeništi kotle se spaluje 0,1389 kg/s uhlí o složení 75 % C, 6 % H₂, 8 % O₂. Kolik kg vzduchu se spotřebuje při přebytku $\lambda = 1,5$?

$$[m = 2,17 \text{ kg/s}]$$

Příklad 18.10

Ve vzduchu se spaluje 1 kg hnědého uhlí o složení : 46 % C, 3,5 % H₂, 0,5 % S, 13 % O₂, 1 % N₂, 30 % vlhkosti a 6 % popele, přebytek vzduchu je 50 %. Jaké je množství a složení suchých spalín při 15 °C a tlaku 0,098 MPa ? Kolik kg vody z kondenzuje ? O vlhkosti vzduchu neuvažujte !

$$[V = 7,496 \text{ m}^3/\text{kg paliva}, (12,5 \% CO_2, 0,05 \% SO_2, 80,4 \% N_2, 7,1 \% O_2), m_{H_2O} = 0,52 \text{ kg}]$$

Příklad 18.11

Výbušný motor je poháněn kapalnou směsí o složení (hmotnostní): 30 % C₂H₅OH, 25 % C₃H₇OH, 45 % CH₃ OH (etyl-,propyl-,metylalkohol). Určete teoretickou spotřebu vzduchu a množství suchých kouřových plynů !

$$[V_{min} = 6,337 \text{ m}^3/\text{kg}, V_{kp} = 7,33 \text{ m}^3/\text{kg}]$$

Příklad 18.12

4 kg kameného uhlí o složení : c = 66,5 %, h = 4,5 %, o = 8,5 %, n = 1,3 %, s = 0,4 %, w = 7,6 %, p = 11,2 % se spaluje ve vzduchu. Určete: a) minimální spotřebu kyslíku v kmol O₂/kg paliva, m³/kg paliva, kg/kg paliva, minimální spotřebu vzduchu ve stejných jednotkách, b) složení suchých a vlhkých spalín po dokonalém spálení paliva v suchém vzduchu při přebytku vzduchu $\lambda = 1,3$.

Řešení :

a) minimální spotřeba kyslíku

$$O_{\min} = c/12 + h/4 + s/32 - o/32 = 0,665/12 + 0,045/4 + 0,004/32 - 0,085/32 = 0,06412 \text{ kmol } O_2 / \text{kg paliva}$$

$$V_{O_2\min} = 22,4 \cdot O_{\min} = 1,436 \text{ m}^3/\text{kg paliva}$$

$$m_{O_2\min} = M_{O_2} \cdot O_{\min} = 2,052 \text{ kg } O_2/\text{kg paliva}$$

$$V_{\text{vzd}} = O_{\min} / 0,21 = 0,3055 \text{ kmol/kg paliva}$$

$$V'_{\text{vzd}} = V_{O_2\min} / 0,21 = 6,845 \text{ m}^3/\text{kg paliva}$$

$$m_{\text{vzd}} = m_{O_2\min} / 0,232 = 8,85 \text{ kg/kg paliva}$$

$$\text{Množství } CO_2 \text{ ve spalínách : } c / 12 = 0,665 / 12 = 0,0554 \text{ kmol /kg paliva}$$

$$H_2O : h / 2 + w / 18 = 0,045 / 2 + 0,076 / 18 = 0,02672 \text{ kmol/kg paliva}$$

$$SO_2 : s / 32 = 0,004 / 32 = 0,000125 \text{ kmol/kg paliva}$$

$$O_2 : O_{\min} (\lambda - 1) = 0,064119 (1,3 - 1) = 0,01924 \text{ kmol/kg paliva}$$

$$N_2 : (O_{\min} / 0,21) \cdot 0,79 \lambda + (n / 28) = (0,064119 / 0,21) \cdot 0,79 \cdot 1,3 + (0,013 / 28) = 0,31396 \text{ kmol/kg paliva}$$

b) Složení suchých spalín :

$$CO_2 = 14,25 \%$$

$$SO_2 = 0,03 \%$$

$$O_2 = 4,94 \%$$

$$N_2 = 80,79 \%$$

Složení vlhkých spalín :

$$CO_2 = 13,34 \%$$

$$SO_2 = 0,03 \%$$

$$O_2 = 4,63 \%$$

$$N_2 = 75,57 \%$$

$H_2O = 6,43 \%$ kde příslušný objemový díl je roven množství příslušné složky v kmol/kg paliva ku celkovému množství spalín v kmol/kg paliva.